# 積雪寒冷地域における土丹河床の侵食過程と河川構造物等の影響に関する研究

研究予算:運営費交付金(一般勘定) 研究期間:平23~平27 担当チーム:寒地河川チーム、寒地技術推進室 研究担当者:伊藤丹、井上卓也、川村里実、阿部孝章、数馬田貢

【要旨】

本研究は、積雪寒冷地における土丹(軟らかい岩床)の風化・侵食メカニズムの解明、軟岩河床上の河川構造物 の影響把握を最終目標としている。本報告では、岩床侵食と砂礫移動の両方を考慮した平面2次元河床変動計算 手法の開発を行い、石狩川の露岩区間を対象にモデルの検証を行った。検証の結果、本モデルによって、岩床侵 食に伴う澪筋形成が再現できること、岩床が露出しやすい箇所とその度合いを予測できることが確認された。こ のことから、本モデルが、岩床河川の将来予測及び対策効果検討を行う有効なツールであることが示された。 キーワード:土丹河床、侵食、数値計算モデルの開発

#### 1.はじめに

石狩川上流など北海道内の複数河川において、土丹 河床上(軟らかい岩床)の砂礫が流出し、急激に河床低 下が進行している。これにより、橋脚などの構造物へ の影響や治水安全度の低下が懸念されている。

近年、岩床の侵食メカニズムに関する研究<sup>1)2)34)</sup>は着 実な進歩を遂げ、流砂量が侵食速度に対し、相反する 2つの効果を持つことが明らかにされている。1つは、 流砂量の増加に伴い、岩床に衝突する粒子の個数が増 え、侵食速度の増大に繋がる tools effect(侵食効果)。も う1つは、流砂量の増加に伴い、岩床を覆う砂礫面積 が増え、侵食速度の減少に繋がる cover effect(被覆効果) である<sup>1)</sup>。

岩床河川の多くは、露岩箇所と砂礫床箇所が混在し ており、岩床河川の地形変化を予測するためには、岩 床侵食と砂礫移動の両方を考慮する必要がある。そこ で、本研究では、岩床河川の地形変化を再現できる新 たな平面2次元河床変動モデルの開発を行った。

# 2. モデル開発

#### 2.1 流れの基礎式

平面2次元流況計算は、Shimizu and Itakura<sup>5)</sup>が提案 した数値解析モデルをベースとする。流れの基礎式に は、円筒座標系・定常流れ場における運動方程式およ び連続式を用いる。

$$\frac{r_0}{r_0 + n} U_s \frac{\partial U_s}{\partial s} + U_n \frac{\partial U_s}{\partial n} + \frac{U_s U_n}{r_0 + n}$$

$$= -\frac{r_0}{r_0 + n} g \frac{\partial H}{\partial s} - \frac{\tau_s}{\rho D} + 2 \frac{\partial}{\partial s} \left( \varepsilon \frac{\partial U_s}{\partial s} \right) + \frac{\partial}{\partial n} \left( \varepsilon \frac{\partial U_s}{\partial n} \right)$$
(1)

$$\frac{r_0}{r_0 + n} U_s \frac{\partial U_n}{\partial s} + U_n \frac{\partial U_n}{\partial n} - \frac{U_s^2}{r_0 + n}$$

$$= -g \frac{\partial H}{\partial s} - \frac{\tau_n}{\partial D} + \frac{\partial}{\partial s} \left( \varepsilon \frac{\partial U_n}{\partial s} \right) + 2 \frac{\partial}{\partial n} \left( \varepsilon \frac{\partial U_n}{\partial n} \right)$$
(2)

$$\frac{r_0}{r_0+n}\frac{\partial(U_sD)}{\partial s} + \frac{U_nD}{r_0+n} + \frac{\partial(U_nD)}{\partial n} = 0$$
(3)

ここで、sは流線方向の座標軸、nは横断方向の座標 軸、 $U_s \geq U_n$ は水深平均流速、Dは水深、Hは水位、  $r_0$ は河道中心線の曲率、 $\tau_s \geq \tau_n$ は河床せん断力、 $\rho$ は 水の密度、gは重力加速度、 $\varepsilon$ は渦動粘性係数 (=  $\kappa u_* D/6$ )、 $\kappa$ はカルマン定数、 $u_*$ は摩擦速度である。 河床せん断力 $\tau_s$ 、 $\tau_n \geq 摩擦速度 u_*$ は以下の式で表 される。

$$\tau_{s} = \frac{\rho g n_{m}^{2}}{D^{1/3}} U_{s} \sqrt{U_{s}^{2} + U_{n}^{2}}$$
(4)

$$\tau_n = \frac{\rho g n_m^2}{D^{1/3}} U_n \sqrt{U_s^2 + U_n^2}$$
(5)

$$u_* = \frac{\sqrt{\tau_s^2 + \tau_n^2}}{\rho} \tag{6}$$

ここで、*n<sub>m</sub>*はマニングの粗度係数であり、以下のマニング-ストリックラー式より導かれる。

$$n_m = \frac{k_s^{1/6}}{7.66\sqrt{g}}$$
(7)

ここで、k<sub>s</sub>は等価粗度高さである。

# 2.1 砂礫の変動

流砂の連続式は、Luu ら<sup>6</sup>が粘着性河床の研究で提 案した以下の式を岩床河川に応用して用いる。

$$\frac{\partial V_b}{\partial t} + (1 - \lambda) \frac{\partial \eta_a}{\partial t} + \left(\frac{\partial q_{b,s}}{\partial s} + \frac{\partial q_{b,n}}{\partial n}\right) = 0$$
(8)

ここで、 $V_b$ は単位面積あたりの掃流砂の堆積、 $\eta_a$ は 砂礫層の厚さ、 $q_{b,s} \ge q_{b,n}$ は単位幅流砂量のベクトル である。

図-1 は完全な岩床河道、砂礫床-岩床の混在河道、 完全な砂礫床河道の概念図である。流砂量 $q_b$ は、岩床 表面からある高さにおける掃流砂濃度 $C_b$ とサルテー ション速度 $u_s$ の積の積分で表される<sup>n</sup>。

$$q_b = \int_0^{h_s} C_b u_s = \overline{C}_b h_s \overline{u}_s = V_b \overline{u}_s \tag{9}$$

ここで、 $h_s$ はサルテーション高さ、 $\overline{C}_b$ は平均的な掃流砂濃度、 $\overline{u}_s$ は砂礫粒子の平均的な跳躍速度である。  $V_b$ は $\overline{C}_b$ と $h_s$ の積として定義され、長さの次元を持つ 変量である。なお、 $\overline{C}_b$ が飽和濃度 $\overline{C}_{bc}$ になると、 $V_b$ も 飽和体積 $V_{bc}$ になる。

砂礫層が十分にある場合、砂礫層から掃流層へ流砂 が絶えず供給されるため、流砂量は常に飽和流砂量と 等しい。しかし、岩床河川においては、砂礫層厚が存 在せず、流砂量が飽和流砂量を下回る場合がある。そ こで、岩床上の掃流砂体積V<sub>b</sub>と十分に砂礫層がある状 態(飽和状態)の掃流砂体積V<sub>bc</sub>の比を用いて飽和流砂 量を補正する。

$$(q_{b,s}, q_{b,n}) = \begin{cases} \frac{V_b}{V_{bc}} (q_{bc,s}, q_{bc,n}) & for \quad 0 \le \frac{V_b}{V_{bc}} < 1 \\ (q_{bc,s}, q_{bc,n}) & for \quad \frac{V_b}{V_{bc}} = 1 \end{cases}$$
 (10)

ここで、 $q_{bc,s} \ge q_{bc,n}$ は飽和流砂量のベクトルである。 砂礫層厚 $\eta_a$ が 0 の場合、(8)式における砂礫層厚の

時間微分項 $\partial \eta_a / \partial t$ は0である。このことき、 $V_b$ は0から $V_{bc}$ の間で時間的に変化する。

 $V_b$ が $V_{bc}$ 以上になった瞬間、河床の状態は完全な岩床から砂礫床と岩床の混在場に遷移する。砂礫層厚 $\eta_a$ がある場合、礫は砂礫層と掃流層の間で交換されため、 $V_b$ は常に $V_{bc}$ と等しい。したがって、(8)式における掃流砂体積の時間微分項 $\partial V_b/\partial t$ は0となる。このとき、



砂礫層厚 $\eta_a$ が時間的に変化する。

再び砂礫層厚 $\eta_a$ が 0 になれば河床は完全な岩床へ 遷移し、砂礫層厚 $\eta_a$ がLより大きくななれば完全な砂 礫床へ遷移する。なお、Lとは完全な砂礫床になる砂 礫層厚(岩床が侵食されなくなる砂礫層厚)である(図 -1)。

流線方向の飽和流砂量(平衡流砂量とも呼ばれる)は 以下の式で表される。

$$q_{bc,s} = \alpha_b (\tau_* - \tau_{*c})^{1.5} \sqrt{R_b g d^3}$$
(11)

ここで、 $\alpha_b$  は掃流砂量式の係数、 $\tau_*$  は無次元掃流力  $\left(=u_*^2/R_bgd\right)$ 、 $\tau_{*c}$  は無次元限界掃流力、 $R_b$  は砂礫の水 中比重(1.65) である。

 $\alpha_b$ については、これまでに様々な値が提案されている。Meyer-Peter Müller<sup>89</sup>によれば $\alpha_b$ =8、Fernandez Luque and van Beek<sup>99</sup>によれば $\alpha_b$ =5.7、Wong and Parker<sup>109</sup>によれば $\alpha_b$ =3.97 である。本モデルでは、岩床侵食の研究 で Sklar and Dietrich が使用した 5.7 を用いる。

横断方向(n軸方向)の単位幅飽和流砂量は、長谷 川<sup>11)</sup>や Mosselman<sup>12)</sup>によって提案された以下の式で算 出される。

$$q_{bc,n} = q_{bc,s} \left( \frac{u_{b,n}}{u_{b,s}} - \sqrt{\frac{\tau_{*c}}{\mu_s \mu_c \tau_*}} \frac{\partial \eta}{\partial n} \right)$$
(12)

$$\frac{u_{b,n}}{u_{b,s}} = N_* \left(\frac{D}{r_s}\right) \tag{13}$$

ここで、 $u_{b,s} \ge u_{b,n}$ は河床近傍流速のベクトル成分、  $N_*$ は二次流強度、 $\mu_s$ および $\mu_b$ は静止摩擦係数および 動摩擦係数、 $r_s$ は流線の曲率、 $\partial \eta / \partial n$ は横断方向の局 所河床勾配である。Engelund<sup>13</sup>によれば $N_*$ は約 7.0。 Hasegawa<sup>11)</sup>によれば、 $\mu_s$ は1、 $\mu_b$ は0.5 である。

*V<sub>bc</sub>*は、飽和流砂量の絶対値を、砂礫粒子のサルテ ーション速度で除した値と等しくなる。

$$V_{bc} = \frac{\sqrt{q_{bc,s}^{2} + q_{bc,n}^{2}}}{\overline{u}_{s}}$$
(14)

ここで、 $\bar{u}_s$ は砂礫粒子のサルテーション速度であり、 Sklar and Dietrich<sup>1)</sup>がサルテーション運動に関する既往 の実験データを収集し導いた経験式を用いて算出する。

$$\frac{\overline{u}_s}{\sqrt{R_b g d}} = 1.56 (\tau_* / \tau_{*c} - 1)^{0.56}$$
(15)

Egashira and Ashida<sup>14)</sup>によると、飽和状態における掃流層厚と掃流砂濃度の積(すなわち $V_{bc}$ )は、河床せん断力の1乗に比例する。本研究の $V_{bc}$ も概ね河床せん断力の1乗に依存する形となるため、彼らの研究と類似している。

#### 2.3 岩床侵食

岩床は主に流砂の衝突によって侵食されると考えられている。これまでに、いくつかの岩床侵食式が提案されているが、本研究では最もシンプルな Chatanantavet and Parker<sup>2)</sup>の式を用いる。

$$\frac{\partial \eta_b}{\partial t} = -E = -\beta \sqrt{q_{b,s}^2 + q_{b,n}^2} \left(1 - P_c\right) \tag{16}$$

ここで、 $\eta_b$ は岩床の標高、Eは侵食速度、 $\beta$ は岩床の摩耗係数、 $P_c$ は岩床の砂礫による被覆面積率である。

Johnson and Whipple<sup>3)</sup>は岩床侵食実験によって、摩耗 係数  $\beta$  は河床せん断力に依存しないことを明らかと している。また、著者らは給砂粒径と摩耗係数の関係 に着目し、摩耗係数が給砂粒径の 1/2 乗に依存し<sup>4</sup>、 岩床強度の-2 乗に比例 <sup>15)16)</sup>することを示している。そ こで、本モデルでは、既往研究を踏まえ、摩耗係数  $\beta$ を以下の式で表す。 a) Rough bedrock ( $L_a << L_b$ )



$$\beta = \beta_c \sigma^{-2} d^{0.5} \tag{17}$$

ここで、 $\sigma$ は岩床の一軸圧縮強度(MPa)、dは岩床上を通過する砂礫の粒径(m)、 $\beta_c$ は定数であり、石狩川の現地実験<sup>15)</sup>を基に逆算すると、0.007 である

#### 2.3 砂礫の被覆率

被覆率に関する最も簡単なモデルは、Sklar and Dietrich<sup>1)</sup>によって提案された線形モデルである。彼らのモデルにおいて、被覆率 $P_c$ は、その場の流砂量と飽和流砂量の比 $q_b/q_{bc}$ で表される。ただし、Sklar and Dietrich<sup>1)</sup>のモデルは、あくまでも最終的な平衡状態を表すものであり、被覆率が非定常的に変化する場合は適用できない。非定常的に変化する被覆率は、流砂量と飽和流砂量の比だけでなく、それまでに堆積した砂礫層厚にも支配されるはずである。

この様な背景から、Parker ら<sup>17</sup>および田中ら<sup>18</sup>は、 被覆率を砂礫層厚の関数で表す、新たな被覆率モデル を提案している(図-2)。

$$P_{c} = \begin{cases} \frac{\eta_{a}}{L} & \text{for } 0 \le \frac{\eta_{a}}{L} < 1\\ 1 & \text{for } \frac{\eta_{a}}{L} \ge 1 \end{cases}$$
(18)

ここで、 $\eta_a$ は砂礫層の厚さ、Lは岩床が侵食されなくなる砂礫層厚である。

Parkerら<sup>17)</sup>は、粗い岩床河川を対象に Lは岩床の巨視的な凹凸高さ  $L_b$ に等しいと定義している。一方、田中ら<sup>18)</sup>は、滑らかな岩床河川を対象にLは砂礫床の凹凸高さ  $L_a$  (=2.5d)と等しいと定義している。本モデルでは、滑らかな岩床と粗い岩床の両方に対応できるように、 $L = L_b + L_a$  と定義する。

#### 2.4 岩床粗度と砂礫床粗度

ここでは、式(7)で用いられた等価粗度高さについて 説明を加える。



砂礫床の等価粗度高さは、一般的に粒径の1~4倍 程度<sup>19)</sup>である。一方、岩床の等価粗度高さは、岩床表 面の凹凸高さや、凹凸の配置に依存するため、砂礫床 の等価粗度高さより高い場合も低い場合もある<sup>20)21)</sup>。

そこで、本モデルでは、Nelson and Seminara<sup>20</sup>や田中ら<sup>18)</sup>研究を基に、等価粗度高さを以下の式より与える。

$$k_{s} = P_{c}k_{a} + (1 - P_{c})k_{b}$$
(19)

ここで、 $k_s$ はある計算格子における合成粗度高さ、 $P_c$ はその格子における被覆率、 $k_{sa}$ は砂礫床の等価粗度高さ、 $k_{sb}$ は岩床の等価粗度高さである。

また、無次元限界掃流力も砂礫床と岩床では異なる ことが指摘されている<sup>15/21)</sup>。そこで、本モデルでは、 等価粗度高さと同様に、無次元限界掃流力を以下の式 で与える。

$$\tau_{*c} = P_c \tau_{*ca} + (1 - P_c) \tau_{*cb}$$
<sup>(20)</sup>

ここで、*τ<sub>\*ca</sub>*は砂礫床上の無次元掃流力(単一粒径の場合 0.05 程度<sup>23</sup>)、*τ<sub>\*cb</sub>*は岩床上の無次元掃流力である。 著者らの実験<sup>15)24)</sup>によると、岩床上の無次元限界掃流 力は以下の式で表される(**図-3**)。

$$\tau_{*c} = 0.03 (k_{sb}/d)^{0.6} \tag{21}$$

# 3. モデルの検証

#### 3.1 初期地形と初期被覆率

石狩川上流の露岩区間(KP160~KP163)を対象にモ デルの検証を行った。初期河床は平成13年横断測量、 初期岩床高は平成20年に行われた縦断的なボーリン グ測量より設定した。初期被覆率は、初期砂礫層厚(初 期河床高と初期岩床層高の差)を用いて(18)式より設定 した。



図-5 岩床凹凸高さの計測結果

# 3.2 粒径と粗度

粒径は平成 8 年度河床材料調査結果を基に、代表粒 径程度の 50mm の単一粒径で与えた。砂礫床の等価粗 度高さ $k_{sa}$  は粒径の 2.5 倍(1~4 倍<sup>19)</sup>の中央値)、岩床の 等価粗度高さ $k_{sb}$  は、石狩川で行われた岩床侵食の現 地実験を基に、30mm とした<sup>15)</sup>。

#### 3.2 岩床の強度と凹凸高さ

軟岩ペネトロ計(丸東製作所 SH-70)を用いて、石狩 川露岩区間の一軸圧縮強度を調査したところ、平均 1.2MPa であった(図-4)。

石狩川露岩区間において、岩床の凹凸高さ L<sub>b</sub>の計測 を行った。計測方法は、2本のアルミスタッフを直角に 交差させ、岩床凹凸の最も低い箇所と最も高い箇所の 差を計測した。計測箇所と地点数は、河口から160.2km 左岸水際で8地点、河口から162.0km左岸水際で6地点、 河口から162.0km右岸水際で10地点である(図-4)。この 結果、計測した岩床凹凸の最小値は22cm、最大値 84.5cm、平均値は48.2cmであった(図-5)。

岩床の凹凸高さ $L_b$ は、計測結果の平均値程度 50cm(=10d) とし、岩床が侵食されなくなる砂礫層厚Lは、 $L_b$ に砂礫床の凹凸高さ $L_a$  (=2.5 $d^{18}$ )を加えた12.5dとした。

# 3.4 計算流量

平面2次元計算の場合、流砂が移動しないような低流量時まで含めて計算を行うと、計算時間が膨大になる。そこで、あらかじめ流量100m<sup>3</sup>/s、200 m<sup>3</sup>/s、400m<sup>3</sup>/sの流れ場のみを計算し、その結果を基に無次元掃流力

と無次元限界掃流力を算出し、どの流量から流砂が移動し始める(無次元掃流力>無次元限界掃流力)か確認した。

図-6によると、200 m<sup>3</sup>/s 以下の場合、流砂移動箇所 は、縦断方向に断続的である。岩床からは砂礫は発生 しないため、KP163 上流の礫床区間から給砂される砂 礫が、岩床上を縦断方向に連続的に移動しないと、軟 岩はほとんど侵食されない。そこで、本研究では、永 山流量観測所(KP164)で観測された、平成13年から平 成18年までの時刻流量のうち流砂が連続的に移動す る400m<sup>3</sup>/s 以上の流量を対象とした。

# 3.5 その他計算条件

助走区間は上下流に3kmずつ設定し、助走区間下流 端において等流起算とする。また、研究区間の上流区 間(河口から164km~166km)は露岩しておらず、砂礫層 厚は10m以上あり、近年変動は少ないため、助走区間 上流端において動的平衡状態を仮定する。

# 4. 検証結果

図-7a)b)は、観測結果と計算結果のトータルの河床 変動高の比較である。ここで、観測結果は平成13年横 断測量結果と平成18年横断測量結果の差である。観測 結果によると、河床は流下方向に筋状に低下し、細い 澪筋が形成されている。計算結果においても、澪筋が 形成され、その侵食深も概ね一致している。このこと から、本モデルによって、岩床侵食に伴う澪筋形成を 再現可能なことが確認された。

**図-7c)**に、被覆率の計算結果を示す、これによると、 みお筋に沿って被覆率の低い箇所が連続している。こ のように、岩床が露出しやすい区間とその割合を予測 できる点が、本研究モデルのメリットである。

# 5. 考察

#### 5.1 被覆率と岩床侵食

被覆率 $P_c$ を考慮したことにより、砂礫の移動限界 $\tau_{*c}$ [(20)式]、飽和流砂量 $q_{bc}$ [(11)(12)式]、流砂量 $q_b$ [(10)式]、 侵食速度E[(16)式]も、格子における砂礫体積(すなわ ち、 $v_b$ +(1- $\lambda$ ) $\eta_a$ )によって変化する。図-8 は、無次元掃 流力を一定とした場合の、砂礫体積に対する被覆率、 移動限界、流砂量、侵食速度を示している。

格子における砂礫体積が掃流層の飽和体積 $V_{bc}$ を超 えるまで、被覆率 $P_c$ はゼロ(完全な岩床)である。この ため、移動限界 $\tau_{*c}$ は岩床上の移動限界 $\tau_{*cb}$ となり、飽



図-7 観測結果と計算結果の比較(低水路のみ表示)

和流砂量も岩床上の飽和流砂量  $q_{bcb}$ [(11) (12)式の  $\tau_{*c}$ に  $\tau_{*cb}$ を代入した場合の値]となる。流砂量  $q_b$ は(10)式に 示したように、掃流層の砂礫体積  $V_b$ の増加に伴い線形 的に増加し、 $V_b$ が  $V_{bc}$ に至ると岩床の飽和流砂量  $q_{bcb}$ と等しくなる。侵食速度 Eは $q_b$ (1- $P_c$ )に比例するため、 格子における砂礫体積が  $V_{bc}$ に至るまで、線形的に増 加する。

格子における砂礫体積が掃流層の飽和体積 $V_{bc}$ を超 えると、軟岩床上に砂礫が堆積し、軟岩床と砂礫床の 混在河床となる。このとき、掃流層の砂礫体積 $V_b$ は常 に $V_{bc}$ に保たれ、被覆率 $P_c$ は砂礫層厚 $\eta_a$ の増加に伴い 線形的に増加する。被覆率の変化に伴い、移動限界  $\tau_{*c}$ は軟岩床上の移動限界  $\tau_{*cb}$ から砂礫床上の移動限界  $\tau_{*ca}$ に線形的に変化する[(20)式]。この結果、飽和流砂量  $q_{bc}$ も軟岩床上の飽和流砂量  $q_{bcb}$ から砂礫床上の飽和流砂量  $q_{bc}$ から砂礫床上の飽和流砂量  $q_{bc}$ と同じ変化する。(10)式より  $V_b = V_{bc}$ の場合  $q_b = q_{bc}$ のため、流砂量  $q_b$ も飽和流砂量  $q_{bc}$ と同じ変化をする。 流砂量の減少と被覆率の増加に伴い、侵食速度 E は減少し、格子における砂礫体積が(1- $\lambda$ )L に至る(つまり  $\eta_a = L$ )とゼロになる。

格子における砂礫体積が $(1-\lambda)L$ を超えると、軟岩床 は完全に砂礫によって被覆される。このとき、移動限 界 $\tau_{*c}$ は砂礫床上の移動限界 $\tau_{*ca}$ 、流砂量 $q_b$ は砂礫床上 の飽和流砂量 $q_{bca}$ 、侵食速度Eはゼロとなり、通常の 砂礫床の河床変動計算が行われる。

図-8のように被覆率によって、岩床の侵食速度がピークを持つ形で変化することは、Sklar and Dietrich<sup>1)</sup>の 実験によって明らかにされている(図-9)。しかし、既 往の岩床侵食を考慮した平面2次元モデル<sup>26)27)</sup>は、被 覆率の概念が含まれていない。本研究の数値計算モデ ルは、岩床侵食に対する砂礫被覆の影響を含んでいる 点に新規性を有する。

## 5.2 本モデルの汎用性と適用限界

これまで、Chatanantavet and Parker<sup>2)</sup>の岩床侵食式 [(16)式]では、摩耗係数 $\beta$ を感度分析的に求めるしか無 かったが、本モデルでは、この摩耗係数 $\beta$ を衝突する 粒径と岩床強度の関数として与えている[(17)式]。この 結果、本モデルは、粒径や岩床強度の異なる様々な岩 床河川に適用可能となっている。ただし、[(17)式]の定 数 $\beta_c$ の値(0.007)は、石狩川の現地実験のみから得られ た値であり、今後実験サンプル数を増やして信頼性向 上を図る必要がある。

本モデルは、流砂の衝突に伴う岩床侵食のみを対象 としており、流水のせん断力や、浮遊砂の衝突による 岩床摩耗は考慮されていない。多くの場合、流水や浮 遊砂による侵食は、掃流砂による侵食よりもかなり小 さいが<sup>1)</sup>、岩質がとても弱い岩床河川では、流水や浮 遊砂の作用を無視できない場合もあるので、注意が必 要である。

また、節理の多い凝結溶解岩などで見られるプラッ キング(節理に沿った岩床剥離)や、石灰などの岩で見 られる水との化学的反応による溶食など、特殊な侵食 現象が支配的な河川もある。さらに、岩盤の強度は、 乾湿や凍結融解の繰り返しによって低下することが知 られている。今後は、これらの風化・侵食現象も踏ま えたモデル開発が求められる。



図-8 格子における砂礫量に対する被覆率、移動限界、流砂 量、侵食速度の概念図(τ<sub>\*</sub>一定の場合)



図-9 砂礫量に対する侵食速度の実験結果<sup>1)</sup>(Turowski<sup>25)</sup>の 論文より抜粋)

#### 6. まとめ

本研究では、岩床侵食と砂礫被覆を考慮した河床変 動計算モデルを構築し、石狩川上流の露岩区間を対象 に、モデルの妥当性の検証を行った。この結果、岩床 侵食に伴う澪筋形成と露岩箇所を精度良く再現可能な ことが確認された。

本モデルは、粒径や岩床強度の異なる様々な岩床河 川に適用できる高い汎用性も有しており、既に石狩川 と無加川の露岩区間の将来予測と対策検討に用いられ た実績があり、岩床河川の維持管理を検討する上で、 有用性の高いツールと考えられる。

# 参考文献

- Sklar, L. S., and Dietrich, W. E. : A mechanistic model for river incision into bedrock by saltating bed load, Water Resour. Res., 40, W06301, 2004.
- 2)Chatanantavet, P., and Parker, G : Physically based modeling of bedrock incision by abrasion, plucking, and macroabrasion, J. Geophys. Res., 114, F04018, 2009.
- 3)Johnson, J. P. L., and Whipple, K. X. : Evaluating the controls of shear stress, sediment supply, alluvial cover, and channel morphology on experimental bedrock incision rate, J. Geophys. Res., 115, F02018, 2010.
- 4)井上卓也,泉典洋,米元光明,旭一岳:軟岩上の限界掃流力 と軟岩の洗掘速度に関する実験,河川技術論文集,第17巻, pp.77-82,2011.
- 5)Shimizu, Y. and Itakura, T. : Calculation of bed variation in alluvial channels, J. Hydraul. Eng., 115, 367-384, 1989.
- 6)Luu, L. X., Egashira, S., and Takebayashi, H. : Investigation of Tan Chau reach in lower Mekong using field data and numerical simulation, Annual Journal of Hydraulic Engineering, JSCE, Vol.48, 1057-1062, 2004.
- 7) 芦田和男,道上正規:移動床流れの抵抗と掃流砂量に関する基礎的研究,土木学会論文報告集,第206号,59-69,1972.
- Meyer-Peter, E. and Müller, R. : Formulas for bed-load transport, Proc. 2nd Congress IAHR, Stockholm, Sweden, 1948.
- 9)Fernandez Luque, R., and van Beek, R. : Erosion and transport of bed-load sediment, J. Hydraul. Res., 14, 127-144, 1976.
- 10)Wong, M. and Parker G : Re-analysis and correction of bedload relation of Meyer Peter and Müller using their own database. Journal of Hydraulic Engineering, Vol 132, pp. 1159-1168, 2006.
- Hasegawa, K. : Universal bank erosion coefficient for meandering rivers, J. Hydraul. Eng., 115(6), 744–765, 1989.
- 12)Mosselman, E., and Crosato, A.: Discussion of "Universal Bank Erosion Coefficient for Meandering Rivers" by Kazuyoshi Hasegawa (June, 1989, Vol. 115, No. 6), J. Hydraul. Eng., 117(7), 942–943, 1991.
- 13)Engelund, F.: Flow and Bed Topography in Cannel Bends, Jour. of Hydraulic Div., ASCE, Vol.100, HY11, 1631-1648, 1974.

- 14)Egashira, S., and Ashida, K. : "Unified View of the Mechanics of Debris Flow and Bed Load," Advances in Micromechanics of Granular Materials (Shen H. H. etal. Eds), Elsevier, 391-400, 1992.
- 15)井上卓也,村上泰啓,伊藤丹,数馬田貢:流砂による軟 岩侵食と岩の物性値の関係,土木学会論文集 B1(水工学), Vol.69, No.4, L\_1039-L\_1044, 2013.
- 16)軟岩河川の侵食特性調査マニュアル(案), 独立行政法人 土木研究所 寒地土木研究所 寒地河川チーム, 2013.
- 17)Parker, G, Fernández, R., Viparelli, E., Stark, C. P., Zhang, L., Fu, X., Inoue, T., Izumi, N., and Shimizu, Y.: Interaction between waves of alluviation and incision in mixed bedrock-slluvial rivers, Advances in River Sediment Research, Proc. of 12th InternationalSymposium on River Sedimentation, ISRS, 615-622, 2013.
- 18)田中岳, 泉典洋:部分的に覆礫した岩盤河床における掃流 砂量と流れの抵抗則, 土木学会論文集 B1(水工学), Vol. 69, No. 4, I\_1033-I\_1038, 2013.
- 19)Kamphius, J. W.: Determination of sand roughness for fixed beds, J. Hydraul. Res., 12, 193–203, 1974.
- 20)Chatanantavet, P. and Parker, G: Physically based modeling of bedrock incision by abrasion, plucking, and macroabrasion, *J. Geophys. Res.*, 114, F04018, 2009.
- 21)Chatanantavet, P., Whipple, K. X., Adams, M., and Lamb, M. P.: Experimental study on coarse grain saltation dynamics in bedrock channels, *J. Geophys. Res. Earth Surf.* 118, 2013.
- 22)Nelson, P. A., and Seminara, G: A theoretical framework for the morphodynamics of bedrock channels, Geophys. Res. Lett., 2012.
- 23)岩垣雄一:限界掃流力の流体力学的研究,土木学会論文 集,第41号,1-21,1956.
- 24)井上卓也,伊藤丹:軟岩河床における粗度,無次元限界 掃流力と飽和流砂量の関係,第68回土木学会年次講演会 報告集,II-072,2013.
- 25)Turowski, J. M. : Stochastic modeling of the cover effect and bedrock erosion, Water Resour. Res., 45, W03422, 2009.
- 26)井上卓也,渡邊康玄,齋藤大作,根本深,松本勝治,江崎 國夫,濱木道大:軟岩の洗掘を考慮した河床変動計算手法 の開発,河川技術論文集,第15巻,321-326,2009.
- 27)及川森, 岩崎理樹, 山口里実, 清水康行, 井上 卓也:河床 における岩盤上の流砂の集中度合に関する実験的検討と 数値シミュレーション, 土木学会論文集 B1(水工学), Vol.68, No.4, I\_949-I\_954, 2012.

# STUDY CONCERNING PROCESS OF THE EROSION OF BEDROCK AND THE EFECT OF RIVER STRUCURERS

Budged : Grants for operating expenses General account Research Period : FY2011-2015 Research Team : River Engineering Research Team Author : ITO Akashi INOUE Takuya KAWAMURA Satomi ABE Takaaki KAZUMZTZ Mitsugu

**Abstract** : Many bedrock channels are composed partly of alluvium and partly of bare rock, and abrasion from the influence of bed load is known to be a ubiquitous and principal mechanism of fluvial bedrock incision. The results of recent investigations have suggested that the bedrock incision rate depends on sediment supply, grain size and rock strength. In this study, we developed a new numerical model for predicting temporal and spatial variations in bedrock channel morphology in consideration of these effects. Then we compared the data observed in the field with the results simulated by our models. The comparisons illustrate that our model can predict the bedrock erosional morphology and the areal fraction of bedrock exposure.

Keywords: bedrock, abrasion, numerical modeling