# 3.8 液状化判定法の高精度化に関する研究①

研究予算:運営費交付金(一般勘定) 研究期間:平24~平27 担当チーム:地質・地盤研究グループ(土質・振動) 研究担当者:佐々木哲也、石原雅規、谷本俊輔

【要旨】

東北地方太平洋沖地震により発生した広域的かつ多大な液状化被害は、社会に大きな影響を与えた。次なる大地震 による液状化被害の軽減に向け、社会資本の液状化対策を進めていくことが喫緊の課題である。本研究は、我が国に おける多様な土質、地質構造を有する地盤を対象に、液状化に対する各種構造物の耐震性能をより合理的に評価し、 真に危険性の高い構造物の的確な抽出に寄与すべく、液状化判定法の高精度化を図ることを目的として実施するもの である。本研究の結果として、細粒分を含む砂の液状化強度および地震時せん断応力比の低減係数について、新たな 評価式を提案した。また、土の液状化特性に与える年代効果の影響について、一定の知見を得た。

キーワード:液状化判定、地震履歴、動的遠心模型実験、地中せん断応力、地震動特性、非線形応答特性

### 1. はじめに

これまで、産官学の各方面において液状化対策に関す る様々な技術開発がなされてきたものの、一般に多大な コストを要することから、液状化対策はほとんど進んで いない。また、液状化対策の実施が必要とされる箇所に ついて十分な対策効果を得るためには、地中の広い範囲 にわたる地盤改良等が必要となることから、対策コスト の縮減にも限界がある。

このような状況の下、東北地方太平洋沖地震により発 生した広域的かつ多大な液状化被害が、社会に大きな影 響を与えた。東北地方太平洋沖地震による液状化被害を 踏まえ、国土交通省は「液状化対策技術検討会議」にお いて、液状化被害の実態把握、現行の液状化発生の予測 手法(液状化判定法)の検証を行った。その結果、現在 の液状化判定法が今回の地震による液状化の発生を見逃 した事例は確認されなかった。一方で、実際には噴砂等 の液状化の痕跡が確認されないにもかかわらず液状化す ると判定される箇所が多く確認されたことから、地震動 の継続時間の影響、細粒分の影響、造成年代の影響等の 評価について継続的に検討する必要があると結論付けら れた。

次なる大地震による液状化被害の軽減に向け、社会資本の液状化対策を進めていくことが喫緊の課題である。 そこで、本研究は、我が国における多様な土質、地質構造を有する地盤を対象に、液状化に対する各種構造物の 耐震性能をより合理的に評価し、真に危険性の高い構造物の的確な抽出に寄与すべく、液状化判定法の高精度化 を図ることを目的として実施するものである。 本研究では、液状化の発生に及ぼす細粒分の影響、年 代効果の影響、地震動特性および地盤の応答特性の影響 について、原位置地盤調査、室内試験、模型実験、強震 記録の分析など、様々なアプローチによる検討を行った。 その結果に基づき、細粒分を含む砂の液状化強度の評価 方法および地震時せん断応力比の深さ方向の低減係数に ついて新たな評価式を提案し、液状化・非液状化事例に 適用することで妥当性の検証を行った。

### 2. 細粒分を含む砂の液状化強度評価式の見直し

### 2.1. データ収集

兵庫県南部地震後、凍結サンプリングを基にした液状 化試験データが数多く蓄積され、レベル2 地震動に対応 可能な液状化強度評価式が提案された。しかし、当時の 調査は密な砂、砂れきの液状化強度の評価に主眼が置か れていたため、細粒分を含む砂に関するデータが少ない。 また、細粒分を含む砂は凍結時の膨張によって土の骨格 構造に乱れが生じる可能性があることから、液状化特性 に及ぼす細粒分の影響の評価方法は課題として残されて いる。

そこで、本研究では、細粒分を含む砂〜細粒土を対象 として、数多くの原位置試験・室内試験データを収集し、 液状化強度と標準貫入試験N値、物理特性の関係につい て分析を行った。図-2.1は、東北地方太平洋沖地震の後 に土木研究所が実施した試験データ<sup>3</sup>に、兵庫県南部地 震の後に土木研究所が7河川で採取した凍結サンプリン グ試料に関するデータ<sup>3</sup>、国土政策技術総合研究所が東 北地方で採取した凍結サンプリング試料に関するデータ



図-2.1 細粒分を含む砂の R<sub>L</sub>・N<sub>1</sub> 関係と 現行の液状化強度評価式



図-2.2 FC<10%の砂質土に関する凍結サンプリング 試料の液状化試験データと基本曲線

を追加してプロットしたものである。収集したデータに ついて分析を行ったところ、採取試料は原位置と室内で の物理・力学特性のばらつきが大きいものの、細粒分含 有率FC、乾燥密度r<sub>d</sub>、初期せん断剛性G<sub>0</sub>を指標として ばらつきの小さなデータに絞り込むことで、FC、あるい は塑性指数 I<sub>p</sub> に応じて液状化強度が増加する傾向が明 瞭となるとともに、既往の液状化強度式ではFC が大き い場合に液状化強度を小さめに評価しており、改善の余 地があることを明らかにした。

以下、収集された上記のについてさらなる検討を加え、 細粒分を含む砂の液状化強度評価式の見直しを行う。

### 2.2. 現行の液状化強度評価式と基本曲線の見直し

λ

細粒分を含む砂に関する現行の液状化強度評価式<sup>1)</sup>は 次のとおりである。

$$R_{L} = \begin{cases} 0.0882\sqrt{N_{a}/1.7} & (N_{a} < 14) \\ 0.0882\sqrt{N_{a}/1.7} & & (14 \le N_{a}) \\ + 1.6 \times 10^{-6} (N_{a} - 14)^{4.5} & (14 \le N_{a}) \end{cases}$$

$$V_a = c_1 N_1 + c_2 \tag{2.2}$$

$$N_1 = 170N / (\sigma_v' + 70) \tag{2.3}$$

$$c_{1} = \begin{cases} 1 & (FC < 10\%) \\ (FC + 40)/50 & (10\% \le FC < 60\%) \\ FC/20 - 1 & (60\% \le FC) \end{cases}$$
(2.4)

$$c_{2} = \begin{cases} 0 & (FC < 10\%) \\ (FC - 10)/18 & (10\% \le FC) \end{cases}$$
(2.5)

ここに、 $R_L$  は繰返し三軸強度比、N は標準貫入試験に よるN値、 $N_1$  は有効上載王 100kN/m<sup>2</sup>相当に換算したN値、 $N_a$  は粒度の影響を考慮した補正N値、 $\sigma'_v$  は有効上 載圧、 $c_1,c_2$  は細粒分含有率による N 値の補正係数であ る。これは、細粒分を含まない砂 (FC<10%) に関する凍 結サンプリング試料の液状化試験データから回帰された  $R_L \cdot N_1$ 曲線 (式(2.1) の $N_a$  を $N_1$  に読み替えたもの。以 下、基本曲線という) を、粒度に応じて補正するもので ある。図-2.1 には、いくつかの FC に対する現行の $R_L \cdot$  $N_1$ 関係を併記している。

図-2.1 からも分かるように、この基本曲線は、 $N_1$  が 小さくなり 0 付近に近づくと  $R_L$  が急激に減少する特性 を有するため、 $N_1$  が小さな場合に  $R_L$  を過小評価しやす く、FC が大きくても  $R_L$  が大きくなりにくい。この点 を改善するため、まず、基本曲線の見直しを行うことと する。

現行の基本曲線と、その基になった FC < 10%の砂質土 に関する凍結サンプリング試料の液状化試験データを図 -2.2 に示す。なお、チューブサンプリング試料による FC < 10%の砂質土に関する $R_L \cdot N_1$ 関係データも得られ ているが、試料採取時の乱れの影響を受けている可能性 が高いことから、ここでは使用していない。

現行の基本曲線は  $N_1$  がゼロに近づくと  $R_L$  もゼロに 近づく形となっているが、実際には、盛土・埋立土に関 する FC < 10%の緩い砂であっても、最小でも 0.1 程度の  $R_L$  を有している。そこで、式(2.1) のうち、 $N_a < 14$ の部 分を見直した次式を提案する。

$$R_{L} = \begin{cases} 0.0882\sqrt{(0.85N_{a} + 2.1)/1.7} & (N_{a} < 14) \\ 0.0882\sqrt{N_{a}/1.7} & \\ +1.6 \times 10^{-6}(N_{a} - 14)^{4.5} & (14 \le N_{a}) \end{cases}$$
(2.6)



図-2.3 液状化試験データ(グループA)と 提案式の比較

これは、 $R_L$ の下限値が 0.10 程度であること、基本曲線 のうち $N_a \ge 14$ の領域との連続性を考慮して修正したものである。

# 2.3. FC による N 値の補正方法の検討

次に、FC による N 値の補正方法について検討する。 現行のFC による N 値の補正式である式(2.2)は、 $R_L \cdot N_1$ 関係図上で、 $c_1$  が基本曲線を横軸方向に縮尺させ、 $c_2$  が 基本曲線を左側に平行移動させるような形となっている。 補正式の基本的な関数形は、現行との整合性を勘案して 設定する。

式(2.6)の基本曲線は、 $N_a < 0$ の領域まで含めてプロットすると、図-2.4のように $R_L = 0$ のとき $N_a = -2.47$ となる。これを原点として、FCに応じて基本曲線を横軸方向に縮尺するように補正を行うこととする。式で書くと次のようになる。

$$(N_a + 2.47) = c_1(N_1 + 2.47)$$
(2.7)

ここでは、基本曲線を左側に平行移動させる補正係数 c2 を用いていないが、これは、新たに提案した基本曲線 がすでに現行の基本曲線を左側に平行移動させたような 形となっていることによるものである。また、補正係数 を1つに絞ることで、液状化試験データに基づく補正係 数の回帰が容易となるためである。



図-2.4 提案する基本曲線とFCによる補正方法



この方針の下に、補正係数 $c_1$ の回帰を行う。液状化試 験データから求めた補正係数 $c_1$  (=( $N_a$ +2.47) / ( $N_1$ +2.47)) と FC の関係を図-2.5 に示す。ここで、 $N_a$  は、液状化 試験で得られた各試料の $R_L$  と新たに提案した基本曲線 である式(2.6) から逆算することで求めた補正 N 値であ る。また、 $N_1$ は液状化試験データが得られた深度に対応 した換算 N 値である。

液状化試験データには $c_1$ が10以上と極端に大きな値 を示すものがあるが、これらはいずれも $N_1=0$ (N=0)を 示したデータであった。N=0の場合、N値に基づいて 液状化強度を評価することは困難である。そこで、 $c_1 \ge$ 10のデータを除き、液状化試験データの概ね平均を与え るような $c_1 \cdot FC$ 関係を折れ線で回帰した結果、次式が 得られた。



$$c_{1} = \begin{cases} \frac{1}{FC + 20} & (FC < 10\%) \\ \frac{FC + 20}{30} & (10\% \le FC < 40\%) \\ \frac{FC - 16}{12} & (40\% \le FC) \end{cases}$$
(2.8)

なお、補正係数  $c_1$  が細粒分含有率 FC 以外の要因、例 えば塑性指数  $I_p$ 、液性限界  $w_L$ 、塑性限界  $w_p$ 、粘土分含 有率CC に応じて変化するような傾向は特に認められな かった。 以上をまとめると、細粒分を含む砂質土〜細粒土に関 して新たに提案する液状化強度評価式は次のとおりであ る。

$$R_{L} = \begin{cases} 0.0882\sqrt{(0.85N_{a} + 2.1)/1.7} & (N_{a} < 14) \\ 0.0882\sqrt{N_{a}/1.7} & (14 \le N_{a}) \\ +1.6 \times 10^{-6}(N_{a} - 14)^{4.5} & (14 \le N_{a}) \end{cases}$$
(2.6)

$$(N_a + 2.47) = c_1(N_1 + 2.47)$$
(2.7)

$$N_1 = 170 N / (\sigma_v' + 70) \tag{2.3}$$

# 2.4. 提案式による R. · M. 関係

地震名	発生年	マグニ チュード	地震動 タイプ	液状化	近傍で 液状化	非液状化	計
新潟地震	1964	7.5	Ι	18	0	6	24
十勝沖地震	1968	7.9	Ι	3	0	0	3
宮城県沖地震	1978	7.4	Ι	16	0	17	33
日本海中部地震	1983	7.7	Ι	34	0	12	46
千葉県東方沖地震	1987	6.7	Ι	9	3	72	84
釧路沖地震	1993	7.8	Ι	3	0	2	5
北海道南西沖地震	1993	7.8	Ι	4	0	2	6
兵庫県南部地震	1995	7.2	II	94	0	14	108
東北地方太平洋沖地震	2011	9.0	Ι	29	2	54	85
			計	210	5	179	394

表-2.1 提案式の検証に用いた既往の液状化・非液状化事例<sup>34</sup>

$$c_{1} = \begin{cases} \frac{1}{FC + 20} & (FC < 10\%) \\ \frac{FC + 20}{30} & (10\% \le FC < 40\%) \\ \frac{FC - 16}{12} & (40\% \le FC) \end{cases}$$
(2.8)

図-2.3 に、液状化試験データによる R<sub>L</sub>・N<sub>1</sub> 関係と比較する。提案式は、液状化試験結果を比較的良好に近似していることが分かる。

また、参考までに、現行式と提案式による  $R_L \cdot N_1$  関係を図-2.6 に比較する。 $N_1$ ,FC によらず、提案式による  $R_L$  は現行式による  $R_L$  以上となっており、FC が大きく なるほど提案式による  $R_L$  が大きくなっていること、FC が小さい場合でも  $N_1$  の小さな領域で提案式による  $R_L$  が大きくなっていることが分かる。

# 2.5. 提案式の検証

土木研究所では、液状化判定法の検証材料として、既

往の代表的な地震における各地点での液状化発生の有無と地震時せん断応力比L、換算N値の関係を収集してきた<sup>344</sup>。ここでは、室内試験データの回帰により作成した提案式を、実地盤における液状化・非液状化事例と対比することで検証を行った。検証の対象としたのは表-2.1に示す9地震であり、ボーリングデータは全394本である。ここに、地震動タイプIはプレート境界型地震、II は地殻内地震である。

まず、表-2.1のデータ作成方法について述べておく。 個々のボーリング地点における液状化発生の有無は、 地表に生じた噴砂・噴水あるいは地盤、構造物基礎に生 じた変状の状況から区分されている。ただし、ボーリン グ位置で液状化の発生は確認されず、せいぜい数百m以 内の近傍で液状化の発生が確認された場合は「近傍で液 状化」に区分されている。

また、各ボーリングデータから、液状化発生の可能性 が高い1深度における *L*,*N*<sub>1</sub>が抽出されている。その選



図-2.7 提案式と既往の地震による液状化・非液状化事例の比較

定にあたっては、液状化による変状が地表に生じる場合 に想定される影響範囲として 10m 以浅の範囲に着目し、 液状化判定の対象となる物理特性(粒度、コンシステン シー)を有する土層の中から、N値ないしはF<sub>L</sub>が2番 目に小さな値となる深度とされている。N値ないしはF<sub>L</sub> が2番目に小さな値となる深度が採用されているのは、 収集したボーリングデータでは1層あたり1試料程度の 物理試験が行われているものが大半であり、貫入抵抗と 物理特性が必ずしも同一深度で得られていないことから、 局所的な粘性土の薄層のN値を採用することを避けるた めの配慮によるものである。また、液状化に伴う地盤変 状が生じるためには、少なくとも層厚2m程度が液状化 したものと考えたことによる。

地震時せん断応力比*L* は次式により算出されている。  $L = r_d \cdot (PGA/g) \cdot (\sigma_v / \sigma'_v)$  (2.9)  $r_d = 1 - 0.015z$  (2.10)

ここに、 $r_d$  は地震時せん断応力比の深さ方向の低減係数、 PGA は当該地点において推定された地表面最大加速度、 g は重力加速度、z は着目する深さ、 $\sigma_{v}$ , $\sigma'_{v}$  は深さ z に おけるそれぞれ全上載圧、有効上載圧である。PGA は近 傍の強震記録から設定することが基本とされているが、 近傍に地震観測所がない場合は最大加速度分布図あるい は距離減衰式に基づいて設定されている。

これらのデータと提案式を比較するとき、室内と原位 置による応力状態の違いや、地震動の繰返し回数の影響 を加味する必要がある。そこで、提案式については、繰 返し三軸強度比*R<sub>L</sub>*を次式により動的せん断強度比*R*に 換算して比較した。

 $R = c_W \cdot R_L \tag{2.11}$ 

<タイプ I の地震動> c<sub>w</sub> = 1.0

<タイプⅡの地震動>

$$c_W = \begin{cases} 1.0 & (R_L \le 0.1) \\ 3.3R_L + 0.67 & (0.1 < R_L \le 0.4) \\ 2.0 & (0.4 < R_L) \end{cases}$$
(2.12b)

ここに、*c*<sub>W</sub> は地震動特性を含めた室内と原位置による液状化強度の違いに関する補正係数である。

提案式と既往の地震による液状化・非液状化事例を、 地震動のタイプ、細粒分含有率 FC ごとに比較した結果 を図-2.7 に示す。液状化判定法では、 $L \ge R$  の場合に 液状化が生じる、L < R の場合に液状化が生じないと判 定する。提案式による R は液状化事例と非液状化事例の 概ね境界付近に位置していることから、実地盤における 液状化・非液状化事例ともよく対応していることが分か る。

#### 3. 液状化に関する地盤の年代効果の影響

# 3.1. 鉛直アレー記録における埋立地盤の液状化深度 の評価

# 3.1.1. はじめに

東北地方太平洋沖地震による広域的な液状化の発生お よび甚大な液状化被害を受けて、同地震による多数の液 状化地点・非液状化地点に対して液状化判定法を適用す ることで、判定法の検証が行われた<sup>4,5</sup>。その結果は、危 険側の判定結果を与えていたケースは確認されず、むし ろ、合理化の余地が残されていることを示すものであっ た。

上記の検証作業を行う上での問題点として、液状化の 発生範囲が平面的には把握されているものの、深さ方向 の液状化発生範囲を特定することができていない点、本 震直後の強い余震により多量の噴砂が発生したといった 映像記録<sup>の</sup>もある中で、地表に現れた液状化の痕跡がど の時点で発生したものであるかが不明確である点が挙げ られる。今後、液状化判定法の改善を図る上での質の高 い検証を行っていくためには、液状化の発生深度とその タイミングを解明することが重要なステップである。

また、東京湾沿岸では、地表に現れた噴砂等の変状の 平面分布の状況より、浚渫埋立てにより造成された地点 に顕著な液状化が生じたことが明らかであることから、 液状化発生有無に対しては人工地盤と自然地盤での年代 効果の違いが強く影響したものと考えられているところ である。しかし、この議論の上でも、人工地盤の下位の 自然地盤における液状化発生の有無を明らかにすること が重要である。

本研究では、東京湾沿岸の埋立地盤で得られた鉛直ア レー記録から水平動の位相速度およびせん断ひずみの経 時変化を直接的に求めることで、本震・余震の際の液状 化発生深度とそのタイミングの特定を試みた。また、同 地点において液状化判定を行い、推定された液状化発生 深度と比較することで、現行の液状化判定法の検証を行 った。

### 3.1.2. 地震観測点の概要および地盤調査結果

分析対象とするのは、平成8年に旧建設省土木研究所が 設置した地震観測所の一つである花見川緑地(千葉県千 葉市美浜区打瀬地先)の地震記録である。図-3.1(a)に示 すように、本観測所は花見川河口付近右岸の公園内に位 置する。

図-3.1(b)は、1975年、1979年、1983年に撮影された航 空写真から水際線を読み取り、地震観測所の周辺地域の 地図に重ねたものである。同図からは、1970~80年代に2

(2.12a)

回にわたる埋立てが行われたこと、1回目の埋立て後にお ける水際線が現在の花見川緑地内を縦断していることが 分かる。そして、図-3.1(c)には、2011年3月30日に撮影 された航空写真に見受けられる亀裂、噴砂の発生位置を 示しているが、その発生位置は1回目の造成後における水 際線とほぼ同一線上にある。写真-3.1から分かるように、 地震後に発生したこの亀裂の位置では明瞭な段差が発生 しており、亀裂から内陸側では沈下と大量の噴砂が生じ ている一方、亀裂から川側の公園内には液状化の痕跡が 見受けられない。また、現地では段差部に木杭の存在が 認められた。これらの状況から、埋立地の造成時におけ



写真-3.1 花見川緑地における地震後の噴砂 および地表面の沈下の状況

る施工方法の違い等が液状化発生状況の違いに影響した 可能性が考えられるが、詳細は明らかとなっていない。

なお、地震当時の状況の目撃者へのヒアリングから、 次の証言が得られている。

- ・本震中に公園内に泥水が噴出した。泥水が多量であったため、歩けない箇所があちこちにあった。
- ・本震中に公園を縦断する亀裂が一気に走り、段差が 生じた。

したがって、図-3.1(c)および写真-3.1に示す噴砂、段差 を伴う亀裂は、本震によって発生したものと考えられる。

地震計はG.L.-2m,9m,19m,45mの4深度に設置されており、地中地震計設置孔 (bor.11-4) で標準貫入試験および PS検層が実施されている。ただし、このときには室内土 質試験 (物理、力学) が行われていなかったため、震災後 に追加調査として、南西側に約20m離れた位置で標準貫入 試験、PS検層 (No.15-P)、乱れの少ない試料採取 (No.15-S) 等を行った。これらの柱状図を地震計設置深度とあわせ て図-3.2に示す。

ここに、 $w_{P,W_n,W_L}FC,SC,GC$  はそれぞれ塑性限界、自 然含水比、液性限界、細粒分含有率、砂分含有率、礫分 含有率である。 $D_{10} \sim D_{90}$  は、1m 間隔で採取した標準貫 入試験試料の粒度試験結果に基づき、10%間隔の通過質 量百分率に対応する粒径を求めて図示したものである。 なお、bor.11-4 は地震前の平成 8 年、No.15-P および No.15-S は地震後の平成25 年に実施された調査の結果で ある。両地点の地層構成はよく類似しているが、bor.11-4 の Ac3 層が粘性土主体であるのに対し、No.15-P の概ね 同一深度にある As2 層が砂質土主体である点のみが異な



る。観測点は公園内の植樹帯に設けられており、その盛 土によって周囲よりも地盤面が少し高い位置にあるため、 地下水位はGL-4.65m とやや深い。なお、観測所が設置 されている植樹帯には地震後に噴砂、亀裂等の変状が確 認されていないが、公園を縦断する亀裂より内陸側に位 置していることから、植樹帯の下位において液状化が発 生した可能性は十分に考えられる。

No.15-PのボーリングのうちGL-11.7~12.4mでは、強い臭気を帯びたヘドロが付着した木片のみがコアとして採取され、その繊維方向を見ると概ね鉛直方向と一致していた。自然地盤中に流木が直立した状態で存在していたとは考えにくいため、偶然にも木材(人工物)を軸方向に打ち抜くような形で採取したものと考えられ、また、付着していたヘドロが海底面の堆積物を示唆するものであることから、この付近が人工地盤と自然地盤の境界であると判断される。

人工地盤のうち地下水位以深では、いずれの深度においてもブロック状あるいは薄層状のシルトを所々に介在するが、上部 (Bs2) に比べて下部 (Bs3)の方が主体を成す砂がやや粗く、貝殻片を多く混入している点に違いがある。その下位の自然地盤としては、bor.11-4の位置で見ると、非塑性~低塑性のシルト (Ac1)、低液性限界~高液性限界のシルト (Ac2)、ゆるいシルト質細砂 (As1)、ゆるい砂混じりシルト (Ac3)、半固結状の硬質なシルト質砂 (Ds1)、軟質なシルト (Dc1)、非常に締まった砂 (Ds2, Ds3)

が続いている。

#### 3.1.3. 地震記録

ここでは、2011年3月11日14:46頃の本震記録<sup>7</sup>と同 日15:15頃の余震記録に着目する。残念ながら、GL.-9m ではNS成分の記録が得られていないため、EW成分を 分析対象とした。地震記録の加速度時刻歴を図-3.3に示 す。G.L.-2mにおける水平2成分合成の最大加速度は、 本震で238.1Gal(N15W)、余震で81.0Gal(N42W)であっ た。また、G.L.-2mの記録による*SI*値は本震で45.1cm/s (N52W)、余震で19.8cm/s (N28W)であった。同図(b)に は本震の主要動付近の時間帯を拡大した時刻歴を示して いるが、波形の目視からは、スパイク状のピークなど、 明らかな液状化の発生を示唆するような特徴は見受けら れない。

次に、加速度時刻歴の1回積分により算出した速度時刻 歴を図-3.4に示す。G.L.-2mにおける水平2成分合成の最 大速度は本震で40.6cm/s (S60E)、余震で18.6cm/s (N47W) であった。速度時刻歴で見ると、本震の主要動後に波形 が長周期化する傾向が明瞭に認められるが、その傾向は 全深度にわたって見受けられることから、コーダ部に現 れた表面波の影響であると考えられる。この長周期化に は液状化の影響が含まれている可能性も考えられるが、 波形の目視のみからそれらの違いを判別することは難し い。



図-3.2 花見川緑地における地震計設置深度および柱状図



(a) 本震0~330s および余震0~90s



(b) 本震50~130s

図-3.3 加速度時刻歴(EW成分)



G.L.-2mの記録の加速度応答スペクトルを図-3.5に示す。

道路橋示方書<sup>1)</sup>(以下、道示という)の標準加速度応答 スペクトルと比べると、本震記録は概ね全周期帯でレベ ル1地震動を包絡するものの、いずれの周期帯において





もレベル2地震動には達していない。また、余震記録は 概ね全周期帯でレベル1地震動を下回っている。

### 3.1.4. 位相速度と平均せん断ひずみの評価方法

地震記録の分析にあたっては、地震応答解析によって 記録を再現し、各層の応答値、状態量を評価する方法も あるが、ここでは数値モデルの構築に必要となる多くの 仮定を設けることなく、鉛直方向に伝播する水平動の位 相速度とせん断ひずみの経時変化を観測記録から直接的 に求めることで、液状化の発生状況を評価することを試 みた。鉛直下方からのSH波が卓越する場合、鉛直方向に 伝播する水平動の位相速度はS波速度と一致するため、液 状化に伴って地盤の剛性が経時的に変化していく様子を 捉えることができる可能性がある。

位相速度の計算手順は次のとおりである。まず、4深度のEW成分の加速度波形をバンド幅2.56sの台形ウインドウ(前後テーパ各0.28s、有効区間2.00s)で切り出し、上下隣接する地震計による波形のフーリエ位相スペクトルの差分Δφを求めた。同一形状でタイムラグτを有する2つの時刻歴波形のフーリエ位相スペクトルの差分Δφは次式のようになるため<sup>8</sup>、

$$\Delta \phi = 2\pi f \cdot \tau$$

△ 々と周波数fの関係を10~20Hz程度以下の範囲で直線 近似したときの勾配からτを求め、2深度間の位相速度c= △/τ(△ は地震計間の鉛直距離)を求めた。このとき、算 出されたτの正負から、卓越する水平動の伝播方向(上昇 成分、下降成分)を判別した。台形ウインドウの時間帯を 2.00sずつスライドさせて同様の計算を行うことで、各深 度区間における位相速度の経時変化を求めた。これを本 震・余震の記録に対して行った。なお、台形ウインドウ のバンド幅については、広げすぎると時間に関する分解 能が低下するため、cの経時変化が顕著となる時間帯(特 に主要動前後)において、算出されるτの精度が低下する。 一方で、バンド幅を狭めすぎても、データ点数が少なく なるため算出されるτのばらつきが大きくなる。上述のバ ンド幅は、これらを勘案して試行錯誤により設定したも のである。

なお、地震中における飽和土層のせん断剛性G は、せん断ひずみy、過剰間隙水圧比R<sub>u</sub>に応じて経時的に変化する。主要動部のように、大きなひずみが生じる時間帯では、せん断剛性Gの経時変化に及ぼすひずみ依存性の影響と過剰間隙水圧の影響を分離することが難しい。しかし、主要動部を除いた初動部やコーダ部においては、せん断剛性G に対して過剰間隙水圧比R<sub>u</sub> が強く影響すると考えられる。そこで、初動部やコーダ部においてはせん断ひずみyの影響が小さいと考え、土のせん断剛性の拘束圧依存性の表現によく用いられるべき乗則を利用すると、

$$G = A(\sigma_m)^n \tag{3.2}$$

本震の初動部における平均有効応力 $\sigma_{m0}$ 、せん断剛性 $G_0$ およびS波速度を $Vs_0$ と、本震のコーダ部、あるいは余震の初動部・コーダ部におけるそれら $\sigma_{m1},G_1,Vs_1$ の間に、次の関係を導くことができる。

$$R_u = 1 - (Vs_1 / Vs_0)^{2/n}$$
(3.3)

例えば、本震初動部の $Vs_0$ と余震初動部の $Vs_1$ が分かれば、 余震開始時点での $R_u$ を概略推定することができる。なお、 nはGの拘束圧依存性に関するパラメータであり、液状化 の進行あるいは収束過程においてどのような値をとるか は十分に知られていないが、一般的な範囲としてn = 0.3~0.7として式(3)を図示すると $\mathbf{2}$ -3.6のようになる。特に、  $Vs_1/Vs_0 \leq 0.4$ の範囲では、過剰間隙水圧比が0.95付近まで 上昇し、液状化していると概略判断することができる。

(3.1)



低下率の関係

また、上下隣接する地震計による波形から相対加速度 を求め、0.2Hz 程度のハイパスフィルタとともに周波数 領域で2回積分し、これを *Δz* で除すことにより、平均 せん断ひずみの時刻歴を求めた。

なお、上記の手法から得られる位相速度およびせん断 ひずみは、上下隣接する地震計間での平均的な値であり、 局所的な値ではないことに注意を要する。ある深度区間 内に液状化した領域としていない領域が混在している場 合、液状化した領域のみに関する位相速度に比べると計 算結果は大きめとなり、また、せん断ひずみの計算結果 は小さめの値が得られることになる。

### 3.1.5. 位相速度およびせん断ひずみの計算結果

位相速度の経時変化および平均せん断ひずみの時刻歴 の算出結果をそれぞれ図-3.7および図-3.8に示す。以下、 深度区間ごとに挙動の特徴を示す。

### (1) G.L.-19~45mの挙動

この深度区間には、沖積シルト質砂層Aslや洪積砂層 Ds1~Ds3が含まれる。本震~余震にわたり、位相速度が PS検層で得られた地震計間の平均Vs =243m/sと概ね一致 しており、上昇成分が卓越している。この挙動は、材料 非線形性の影響の小さい地盤のSH波による振動として解 釈することができる。平均せん断ひずみの最大値は本震 で0.051%、余震で0.022%と非常に小さい。これらの状況 から、G.L.-19m以深には本震~余震を通じて液状化が発 生しなかったものと見られる。

### (2) G.L.-9~19mの挙動

この深度区間には、埋立砂層Bs3下部、沖積の非塑性~ 低塑性のシルト層Ac1、シルト質砂層As1上部等が含まれ る。本震開始直後の位相速度は160m/s程度であり、平均 Vs =152m/sと概ね一致するが、本震65s程度より低下し始 め、本震78s付近から非常に小さな値を示している。その 後、位相速度は概ね10~30m/s付近を推移し、本震の主要 動後も低下した状態が続いている。これは、過剰間隙水 圧の上昇により著しく剛性低下した土層のSH波に対する 挙動と解釈され、本震時にこの深度区間のどこかに液状 化が発生したことを表している。

余震開始時点での位相速度は140m/s程度まで上昇して おり、330s~1,692sの約23分間で過剰間隙水圧の消散が進 んだことが窺えるものの、本震開始前に比べるとやや小 さく、図-3.6に照らすと少なくとも0.3~0.6程度の過剰間 隙水圧比が残留していたと考えられる。その後、余震に おける位相速度は100~120m/s程度と低下度合いが顕著 でなく、液状化発生にまでは至らなかったと見られる。

平均せん断ひずみの最大値は、本震で 0.65%、余震で 0.041%であった。例えば、兵庫県南部地震におけるポー トアイランドの鉛直アレー記録の解析 910からは埋立ま さ土層に1~2%程度のせん断ひずみが発生したとされて おり、こうした事例と比較すると、本地点における本震 時のせん断ひずみは、液状化層にしては小さく感じられ るかもしれない。しかし、前述のように、本手法で得ら れるのはあくまでも上下隣接する地震計間の平均せん断 ひずみである。このため、G.L.-9~19m の深度区間に非 液状化層が含まれていれば、当然のことながら小さめの 平均せん断ひずみが算出されることとなる。ただし、本 震と余震でせん断ひずみに 10 倍以上の差が生じている ことから、定性的には、本震で液状化し、余震では液状 化しなかったという上記の考察を裏付けていると考えら れる。また、本震では、地表加速度と本深度区間のひず みの波形形状を比べるとエンベロープに大きな違いが見 られ、主要動の収束後も比較的大きなせん断ひずみが発 生し続けているという特徴も認められる。

なお、Ac1,Ac2はいずれもシルトを主体とし、透水性が 低いと考えられること、Ac1上部は粒径が非常に細かい lm弱のヘドロで被覆されていることを考えると、仮に本 震でAc1以深に液状化が生じたとしても、本震後330s~余 震開始1,692sの約23分間では過剰間隙水圧が消散しない 可能性がある。この点については、さらなる検討を行っ た結果を次章に示している。

### (3) G.L.-2~9mの挙動

この深度区間には、埋立砂層Bs2およびBs3上部が含ま

れる。本震開始直後の位相速度は150m/s程度であり、平 均Vs =155m/sと概ね一致するが、本震68sから低下し始め ている。その後、大局的に見ると位相速度は低下し、40 ~80m/s程度を示す時間帯が多く見受けられる。しかし、 本震90s以降では下降成分が卓越していること、位相速度 のばらつきが非常に大きくなっていることが特徴的であ り、鉛直下方からのSH波の重複反射のみでは説明できな い特異な挙動を示している。

この解釈は容易でないが、一因としては、**写真-3.1**からも分かるように花見川緑地内では縦断方向の亀裂を境

界として液状化箇所・非液状化箇所が存在していたため、 地震中においても平面的に液状化の進行度合いが異なっ ていたものと推察され、例えば、液状化が生じていない 領域から観測点の地表付近に回り込むような波動伝播経 路が存在したこと等が可能性として考えられる。

余震開始時点における位相速度が110m/s程度であることから、図-3.6に照らすと、少なくとも0.6程度の過剰間隙水圧比が残留していたものと考えられる。また、1,730s程度より位相速度が20~40m/s程度まで比較的単調に低下していることから、余震については、この深度区間に



図-3.7 本震,余震における各深度の位相速度の経時変化



図-3.8 本震,余震における各深度の平均せん断ひずみ時刻歴

液状化が生じたと容易に理解することができる。

平均せん断ひずみの最大値は本震・余震ともに 0.31% であった。地下水位以浅の不飽和層も含めた平均せん断 ひずみであるため、絶対値としては小さいが、着目すべ き点は、本震・余震のいずれにおいても発生したせん断 ひずみの大きさが同程度であったことである。これに加 え、余震開始時点で位相速度が完全に回復していなかっ たことに鑑みれば、やはり、GL-2~9m間では本震にお いても液状化が生じたと解釈するのが順当である。

# 3.1.6. 液状化後の水圧消散(圧密)解析

# (1) 考え方と計算条件

本震後〜余震開始前におけるG.L.9~19m間での位相 速度の経時変化は、液状化後の過剰間隙水圧の消散とそ れに伴うS波速度の回復の様子を捉えたものと考えられ る。そこで、圧密解析によって水圧消散時間を求め、S波 速度の回復の状況を検討することで、推定液状化範囲を さらに絞り込むことを試みる。

G.L.9~19m区間の中でも、自然地盤の最上位に位置す る低塑性~非塑性シルトAc1は、液状化が発生し得る物理 特性を有するものの、砂質土ほどに透水性が高くないと 考えられるため、仮に本震で液状化が発生したとしても、 余震開始までの間に剛性が回復しない可能性がある。こ の仮説が成立し得るかどうかに着目点を絞り、圧密解析 を行うこととする。本サイトにおける各層の圧密特性を 得ることを目的とした特別な試験を行っているわけでは ないため、パラメータ設定には不確実性を伴うが、こう した不確実な条件については、水圧消散時刻が早くなる 結果となるように設定することとした。

なお、Aclのさらに下位のシルト質砂Aslは上面深度が G.L.-18.6mであるため、As1上部に液状化が発生した可能 性も想定し得るが、液状化後の上向き浸透流がAc2、Ac1 を通過して上位の埋立層に到達する必要があるため、Acl に液状化が生じた場合に比べてより長い水圧消散時間を 要するものと考えられる。そこで、表-3.1に示すとおり、 Caselでは、本震による想定液状化範囲をBs2およびBs3と し、これらを解析対象とした。これに対して、Case2はAcl に液状化が生じたと仮定したケースであり、計算対象に は含めていないもののG.L.-9m以浅 (Bs2およびBs3上部) にも液状化が生じたと仮定している。これは、Bs3のうち 地震計設置深度であるG.L.-9mを境界として、その上方に は液状化が生じ、下方には液状化が生じていないという 極端な仮定ではあるが、こうすることでAclの体積ひずみ ε、および圧縮指数C。(設定方法は後述)が小さめに設定さ れ、Case2の水圧消散時間が短めに算出されることとなる。

液状化後の砂層の過剰間隙水圧分布の経時変化につい て、大林・佐々木<sup>11)</sup>が行った模型実験では、砂層の上方に は間隙水圧が高い状態が一定時間継続しつつ下方から水 圧消散が進むこと、Terzaghiの圧密理論ではこのような水 圧分布の経時変化を適切に表現することができないこと、 圧密中での体積圧縮指数の変化が顕著であることが明ら かにされている。また、佐々木ら<sup>12)</sup>は、三笠の自重圧密理 論<sup>13)14</sup>に基づく解析を行った結果から、この実験結果を再 現するためには圧密中に圧密係数*c*,が100~250倍に増加

Case	想定液状化範囲	解析対象範囲	上載荷重の 載荷開始時刻 (s)	圧密中の $c_v$ の変化率 $\delta$
1-1	G.L4.65~12.20m	G.L4.65~12.20m	5	100
1-2	(Bs2, Bs3)	(Bs2, Bs3)	10	250
2-1	G.L4.65~9.00m (Bs2, Bs3上部),	G.L13.00~16.50m	155	100
2-2	G.L13.00~16.50m (Ac1)	(Acl)	340	250

表-3.1 解析ケース

### 表-3.2 解析対象層に関するパラメータ

	Case1-1, 1-2	Case2-1, 2-2
想定体積ひずみ $\mathcal{E}_{v}$ (%)	4.0	3.8
土粒子の比重 $G_s$	2.736	2.752
初期体積比 $f_0$	1.878	2.191
圧縮指数C <sub>c</sub>	0.0139	0.0169
透水係数 $k_f$ (m/s)	3.76×10 <sup>-5</sup>	$4.91 \times 10^{-7}$

することを考慮する必要があると指摘している。これを 参考に、本研究においても三笠の自重圧密理論を適用す ることとした。

計算は差分法により行った。液状化層内の差分点は 0.01m間隔程度に設け、時間刻み*4t*はCase1で2.0×10<sup>-5</sup>s、 Case2で 2.0×10<sup>-3</sup>sとした。境界条件は、上面を排水境界、 下面を非排水境界とした。

パラメータ設定および検討の手順は次のとおりとした。 使用したパラメータは**表-3.2**のとおりである。なお、添 え字の0およびfは、それぞれ圧密の初期状態および最終 状態を表す。

- まず、本震時のG.L.-9~19mに認められた極めて低い位 相速度c = 10~30m/sは、過剰間隙水圧の上昇によって 低下したVsに対応するものと考える。その上で、想定 液状化範囲内ではVs が一様な比率で低下したと仮定 し、式(3)により圧密前(本震終了時点)の有効応力po の分布を求める。
- 2) 想定液状化範囲で飽和度S<sub>r</sub> = 100%であることを仮定し、No.15-P孔の標準貫入試験試料で得られた土粒子密度ρ<sub>s</sub>、自然含水比w<sub>n</sub>より、水圧消散後の体積比f<sub>f</sub> (=1+間隙比e<sub>f</sub>)を求めた。
- 3) 地震観測所付近に発生した段差(写真-3.1) は 0.3m 程度であった。そこで、これが想定液状化範囲の体積 圧縮に伴う沈下量に相当すると考え、想定液状化範囲 の全層厚で除すことにより体積ひずみ ε, を求め、これ を用いて水圧消散前の体積比 f<sub>0</sub> を逆算した。これを上 記1)による p<sub>0</sub> とあわせて圧密計算の初期条件とした。 また、地震後の有効上載圧 p<sub>f</sub> と体積比 f<sub>f</sub> を最終状態 とした。以上により、想定液状化範囲に対して次式の f·logp 関係を設定することができる。

 $f = f_0 - C_c \log \left( p \,/\, p_0 \right) \tag{3.4}$ 

- 5
   4) 三笠の方法に倣い、圧密係数の変化を次式によりモデ ル化した。
  - $f = f_0 C_{cv} \log (c_v / c_{v0}) \tag{3.5}$
  - $C_{cv} = (f_0 f_f) / \log\delta \tag{3.6}$

ここに、 $C_{cv}$ , $\delta$ (= $c_{vf}$ / $c_{v0}$ ) は圧密係数 $c_v$ ,の変化を表すパラ メータである。 $\delta$ については佐々木ら<sup>12)</sup>を参考に、 $\delta$  = 100,250の2とおりに設定した。水圧消散後の圧密係数 $c_{vf}$ は次式で求めることとした。

$$c_{yf} = k_f / m_{yf} \cdot \gamma_w \tag{3.7}$$

$$m_{\rm vf} = 0.4343C_c / f_f p_f \tag{3.8}$$

ここに、 $k_{f}m_{f}$  はそれぞれ水圧消散後のそれぞれ透水係数、体積圧縮指数、 $\gamma_{w}$  は水の単位体積重量である。式(8) $\dim_{vf} \varepsilon f \cdot \log p$  曲線上の接線勾配として求めるものである。透水係数 $k_{f}$  については、Creager<sup>15</sup>および福田・宇野<sup>10</sup>の方法で求めたkのうち、後者が大きな値を与えていたため、これを採用した。

5) G.L.-9~19m では、余震開始時点 (本震の主要動の収 束から約1,500秒後) における位相速度 *c* = 140m/s程度 であったことが推定されている。これと対比するため、 圧密解析により得られた各時刻における有効応力分布 と式(2)の仮定に基づき、G.L.-9~19m の平均 *Vs* (以下、 *AVS*<sub>9-19</sub> と表記する) の経時変化を算出した。

なお、液状化層の上に非液状化層がある場合、液状化 層の自重圧密、上部非液状化層からの上載荷重による圧 密の両者を考慮する必要がある。しかし、圧密の進行に 伴う状態量・物性値の著しい変化を考慮する計算の中で、 上載荷重による液状化層上面からの圧密の進行と、液状 化層上部の大部分が圧密初期段階でほぼ圧密されること なく剛体的に沈降しようとする挙動を同時に解くと、計 算上、液状化層の最上面付近に局所的な体積膨張域が発 生し、これによって体積ひずみの分布に著しい凹凸を生 じるため、差分計算が不安定化し解が得られない。この ような液状化層上面付近の体積膨張域の出現は、液状化 層上部への水膜の形成過程に相当し、実際にも生じうる 現象であるが、水膜の消失時間は噴砂・噴水の発生タイ ミングに支配されると考えられるため、正確な評価は極 めて困難である。そこで、本解析では、最初は自重のみ による圧密計算を行い、その後、解が得られるような範 囲で、なるべく早い時刻から上載荷重を与え始めること とした。つまり、荷重条件についても圧密時間を早めに 評価するような方針で設定している。表-3.1に示す上載 荷重の載荷開始時刻は、このことを意味している。

### (2)計算結果

図-3.9に、過剰間隙水圧Au の等時線の例を示す。ここ に示していないCasel-2,2-2では、水圧消散時間にわずかな 違いが見られたものの、Au の分布形状の推移に大きな差 異が認められなかった。前述のように、ある程度の自重 圧密が終了した段階で上載荷重を与え始めたため、圧密 はどちらかと言えば上部から下部に向かって進行するよ うな傾向が得られた。

また、図-3.10に示すG.L.-9~19mにおける平均S波速度 AVS<sub>9-19</sub>の経時変化を見ると、想定液状化範囲をAc1とした Case2では、AVS<sub>9-19</sub>が140m/s程度に回復するまでの所要時 間として5,000~6,000sが得られた。一方、想定液状化範 囲をBs2,Bs3に設定したCaselでは、AVS9.19が140m/s程度に 回復するまでの所要時間として200~240sが得られた。

前述のような計算条件の設定方針から、本解析では水 圧消散時間を早めに評価していることを考えると、液状 化発生範囲はBs2,Bs3であると考えるのが自然であり、 Ac1に液状化が発生した可能性は低いと言うことができ る。

# 3.1.7. 現行の液状化判定法の適用性と今後の課題

前章までの分析からは、花見川緑地の地震観測点では 本震による液状化発生範囲がせいぜいBs2,Bs3に限られ ることが推定された。本地点について、現行道示に基づ く液状化判定を行った結果を深さ方向の液状化発生状況 と対比することで、今後改善していくべき点について考 察を行う。なお、余震については、その開始時点で本震 時の過剰間隙水圧が残存していたことを考えて検討対象 外とし、本震のみを検討対象とした。

地震時せん断応力比L については、本震時の地表最大 加速度PGA (水平2成分合成) と岩崎ら<sup>17)</sup>による深さ方向 の低減係数 $r_d$  (=1-0.015z) から設定した。また、繰返し三 軸強度比 $R_L$ は、N値と物理試験データから現行道示<sup>1)</sup>の式 を用いて算出した場合、乱れの少ない試料に対する液状 化試験結果から設定した場合の2とおりについて示して いる。ここで、乱れの少ない試料は、G.L.-7,10m付近に ついてはロータリー式三重管サンプラー、G.L.-14,17.5, 19.5m付近については固定ピストン式シンウォールサン プラーにより採取したものであり、いずれもいわゆるチ ューブサンプリングによるものである。当然のことなが ら、試料採取時の乱れの影響や地盤材料の空間的ばらつ きが試験結果に影響を与えることが考えられるため、原 位置と室内試験試料での粒度、密度、初期剛性が著しく 異なる供試体の試験データを除外するとともに、軸差応 力を十分に制御しきれていない室内試験データを除外す ることで、品質の高いと考えられる試験データに限定し て慎重に*R*,を評価した。

液状化判定の結果を図-3.11に示す。非塑性~低塑性シ ルトから成るAc1については、FC = 90%程度であるもの の塑性指数IP < 15であるため、液状化の判定対象となっ ている。

№値および液状化試験に基づいて評価したR<sub>L</sub>を比較すると、同程度か後者がやや大きな値を示している。№値から求めたR<sub>L</sub>は0.11~0.30、液状化試験から求めたR<sub>L</sub>は0.21~0.28であり、いずれについても、人工地盤と自然地盤に明瞭なコントラストはない。そればかりか、埋立砂



図-3.10 AVS<sub>9-19</sub>の時刻歴

Bs2,Bs3に比べて沖積シルト質砂As1の方が低いN値を示しているため、N値から求めたR<sub>L</sub>は、自然地盤の方が小さいという結果を与えている。

F<sub>L</sub>に着目すると、R<sub>L</sub>の評価方法によらず、液状化判定 の対象となるほぼ全域にわたって1.0を下回り、強震記録 の分析結果とは一致しない結果が得られた。この判定結 果は安全側ではあるものの、過度に安全側であることか ら、こうした差異を今後解消していく必要がある。その ために考えられる今後の課題について、いくつか考察し ておく。

地震時の地盤の応答特性の面から考えると、図-3.2から分かるように、本地点では人工地盤と自然地盤の境界付近においてS波速度の急変は認められないことから、その境界部以浅で地盤の応答が急変したことは考えにくい。また、参考までに記しておくと、Lの深さ方向の低減係数 $r_a$ の算出に使用した岩崎らの式では地震動特性や表層地

盤の非線形応答特性の影響が加味されないことから、著者ら<sup>28)</sup>が別途提案している地震時の地中せん断応力の評価方法に基づいてr<sub>d</sub>の深さ方向分布を計算してみたところ、今回の地震記録に対するr<sub>d</sub>分布は岩崎らの式と概ね一致していた。

その一方で、深さ方向の液状化発生範囲は人工地盤に 限定的であったと推定された。東京湾沿岸域における平 面的な液状化発生範囲が人工地盤に限定されていた状況 とあわせて考えると、人工地盤と自然地盤による液状化 発生状況の違いには、液状化強度に対するいわゆる年代 効果が影響を及ぼした可能性が考えられる。しかし、N 値と物理試験データから間接的に求めた場合、チューブ サンプリング試料の液状化試験によった場合のいずれか らも、造成・堆積年代による液状化強度の明瞭なコント ラストを見出すことができなかった。一般に、ゆるい砂 質土層を有する地盤では、原位置液状化強度を把握する



図-3.12 Kr·N値および Doの関係

ための高品質な試料を採取すること自体に大きな困難を 伴い、このことが研究の進展を阻害する大きな要因とな っている。こうした現状を打破するためには、サンプリ ング品質の向上や、さらには原位置における液状化試験 法の開発を視野に入れた検討も必要である。

また、土木研究所による過去の検討結果3では、繰返し 三軸強度比RiとN値の間に一定の相関関係が見出されて いるものの、本サイトでは人工地盤よりも自然地盤の方 がむしろ小さなN値を示しており、N値のみによって年代 効果による原位置液状化強度の差を見出すことは難しい と考えられる。そこで、既往の研究<sup>3</sup>において、N値が同 程度であってもVsは堆積年代によって異なることがよく 知られていることから、本サイトにおいてもVs・N値およ びD50の関係を整理してみると (図-3.12)、N値,D50が同程 度であっても人工地盤ではVs が小さいことが分かる。N 値は土の大ひずみ域(破壊域)の力学特性を反映した指 標である一方、Vsは微小ひずみレベルの力学特性を反映 するものであるため、ここに見られるVsの差異は、造成・ 堆積以降の経過時間や応力履歴の違いに起因する土の骨 格構造の安定度合いの違いを反映している可能性がある。 このように、N値に加えて年代効果の影響を反映した指標 も加味した上で原位置液状化強度を評価するといった視 点も必要であると考えられ、今後の検討課題としたい。

# 3.1.8. まとめ

本研究では、今後の液状化判定法の発展に資するため の質の高い検証材料を得ることを目的とし、東京湾沿岸 の埋立地盤で得られた鉛直アレー記録の分析を行い、東 北地方太平洋沖地震の本震とその直後の余震における液 状化発生深度の特定を試みた。分析の結果から推定され た液状化発生の深度とタイミングは次のとおりである。

- 埋立砂層 Bs2 および Bs3 上部では、本震により位相 速度が低下し、液状化の影響が窺えるものの、本震 90s 以降で位相速度のばらつきが非常に大きくなり、 下降成分が卓越するといった特異な挙動を示した。 原因としては観測点付近における三次元的な液状 化の進行状況の違いの影響等が考えられる。また、 余震開始時点においても少なくとも0.6 程度の過剰 間隙水圧比が残留しており、余震を受けることで再 び液状化が生じた。
- 2) 埋立砂層 Bs3 下部、非塑性~低塑性シルト層 Acl、 沖積シルト質砂層 Asl 上部のいずれかが本震によ って液状化した。余震開始時点までの剛性回復 (水 圧消散)状況から、本震による液状化発生箇所は Bs3 下部である可能性が高い。また、余震ではその

開始時点で 0.3~0.6 程度の過剰間隙水圧比が残留 しており、余震によってさらに過剰間隙水圧が上昇 した可能性があるものの、液状化の発生にまでは至 らなかった。

 GL.-19m 以深の沖積シルト質砂層 Asl や洪積砂層 Ds1~Ds3 には、本震,余震を通じて液状化が生じ ることはなかった。

以上のように、東京湾沿岸域における液状化の発生範 囲が平面的にも深さ方向にも人工地盤に限定的であった ことを示唆する結果が得られた。

これに加えて、同サイトに対して液状化判定法を適用 したところ、N値に基づく場合もチューブサンプリング 試料の液状化試験データに基づく場合も、液状化の判定 対象となる人工地盤・自然地盤のほぼ全域に液状化が生 じるという判定結果が得られた。実際のところ、人工地 盤と自然地盤の液状化強度に明瞭なコントラストが存在 したものと考えられるが、N値,物理特性および液状化 試験データからはそのようなコントラストが認められな かった。今後は、原位置液状化強度をより正確に把握で きるような調査・試験技術の開発や、液状化強度の間接 的な評価にあたり、年代効果の影響を加味することので きる指標を織り込むことについても検討していく必要が ある。

# 3.2. 地震履歴が砂の液状化強度およびコーン貫入抵 抗に及ぼす影響に関する動的遠心模型実験

### 3.2.1. はじめに

関東地方では、東北地方太平洋沖地震により地表に現 れた噴砂等の変状の有無から、液状化の発生範囲が広範 囲に調査されており<sup>19)</sup>、弱齢の人工造成地盤に顕著な液 状化が生じたことが明らかとなっている。また、東京湾 沿岸域の埋立地における鉛直アレー地震記録の分析<sup>2)</sup>か らは、本震・余震を通じて、液状化の発生範囲は深さ方 向にも埋立砂層に限定的であったことが確認されている。 その要因の一つとして、砂の液状化強度に対する年代効 果が影響したものと考えられており、液状化判定法の精 度向上を図る上で着目すべき重要な要因として考えられ ている。

砂の年代効果に影響を及ぼす具体的な作用としては、 大別して、時間経過と応力履歴によるものの2つが考え られている<sup>20)</sup>。時間経過による年代効果としては、砂粒 子のかみ合わせの変化、粒子接点に沈殿する物質による 接着、粒子同士の接触点でのセメンテーションの発達(続 成作用)などが考えられている。また、応力履歴による年 代効果としては地下水位、堆積環境の変化や過去に受け た地震の影響等による砂粒子のかみ合わせの安定化が考 えられている。

このように、砂の年代効果には様々な影響要因が考え られるが、中でも、地震履歴が砂の年代効果に支配的な 影響を及ぼしている可能性が考えられる。例えば、比較 的規模の大きな地震の発生頻度が概ね100年に1回程度 であると考えたとき、造成後にせいぜい数十年しか経過 していない人工地盤と、3千年前に堆積した自然地盤で は、その経験回数は前者で0~1回、後者で30回程度と 大きな違いがあることが容易に理解される。

そこで、平成26年度は、年代効果の一つとして考えら れる地震履歴の影響に着目し、地震履歴が砂の液状化強 度に及ぼす影響を動的遠心模型実験により評価するとと もに、砂の年代効果を評価するための指標について検討 を行った。

### 3.2.2. 実験条件

実験は独立行政法人土木研究所所有の大型動的遠心力 載荷試験装置により、50Gの遠心力場で行った。以降に 示す数値は、全て実物スケールに換算した値を示す。

### (1) 模型地盤および加振条件

模型概要を図-3.13 に示す。模型地盤は東北硅砂7号 (土粒子密度 $\rho_s$ =2.624g/cm<sup>3</sup>、50%粒径 $D_{50}$ =0.162mm、細 粒分含有率FC=2.9%、均等係数 $U_c$ =1.50)を用いてせん 断土槽内に水平成層状に作製したものであり、間隙は水 の50倍の粘性に調整したメトローズ水溶液で飽和した。 この模型地盤に対して、遠心力場の下に静的コーン貫入 試験、インパルス加振、地震波加振を実施した。

地震波加振では、道路橋示方書<sup>1)</sup>に示される動的解析 用地震動波形 I-I-3(レベル2地震動タイプI、I種地盤、新 晩翠橋周辺地盤 NS 成分)を土槽底面から入力した。た だし、土槽下面以深への逸散減衰の影響や振動台の加振 能力を勘案し、振幅を 80%に調整して入力した。以降で は、このように振幅調整した地震動による加振を 100% 加振と呼んでいるため、例えば「10%加振」と表記する 加振では、原波形(道示 I-I-3)を 80%に振幅調整したもの を、さらに 10%に振幅調整して入力したものであり、結 果的に振幅は原波形から 80%×10%=8%に調整されてい る。「100%加振」の際に土槽底面で計測された加速度時 刻歴を図-3.14に示す。また、振幅の異なる加振を行った 際に、土槽底面で計測された加速度時刻歴から求めた加 速度応答スペクトルを図-3.15に示す。道路橋示方書に 示されている標準加速度応答スペクトルと比較すると、

#### 表-3.3 実験順序及び実験中の相対密度

(a) CASE-1

No.	実験項目	回数 (回)	相対密度Dr (%)
1	コーン貫入試験	2	50.7
2	インパルス加振	10	50.7
3	10%加振	1	51.7
4	15%加振	5	52.0 <b>~</b> 52.5
5	20%加振	12	54.2 <b>~</b> 58.5
6	コーン貫入試験	1	58.5
7	インパルス加振	10	58.5
8	30%加振	14	60.0~68.6
9	コーン貫入試験	2	68.6
10	インパルス加振	10	68.6
11	40%加振	1	68.8
12	50%加振	3	70.8 <b>~</b> 75.8
13	コーン貫入試験	2	75.9
14	インパルス加振	10	75.9
15	100%加振	1	81.0
16	コーン貫入試験	2	81.1
17	インパルス加振	10	81.1

(b) CASE-2

No.	実験項目	回数 (回)	相対密度Dr (%)
1	コーン貫入試験	3	84.4
2	インパルス加振	10	84.4
3	100%加振	1	91.0
4	コーン貫入試験	1	91.0
5	インパルス加振	10	91.0
6	30%加振	1	94.1

(c) CASE-3

No.	実験項目	回数 (回)	相対密度Dr <sup>(%)</sup>
1	コーン貫入試験	2	82.6
2	インパルス加振	10	82.6
3	30%加振	1	83.7
4	コーン貫入試験	2	83.7
5	インパルス加振	10	83.7
6	50%加振	1	85.1
7	コーン貫入試験	2	85.1
8	インパルス加振	10	85.1
9	100%加振	1	87.4
10	コーン貫入試験	2	87.4
11	インパルス加振	10	87.4

※相対密度は地表面沈下計から層全体の平均 相対密度を算出した。

30%加振はレベル1 地震動よりやや強く、100%加振は概 ねレベル2 地震動と同等の強さを有していることが分かる。

CASE1~3 における実験手順を表-3.3 に示す。CASE1

は深さ方向に一様な相対密度 Dr=38.3%で層厚 17.5mの 模型地盤を作製したものであり、10%加振から開始し、 徐々に入力地震動の振幅を増加させることで、多くの地 震履歴を与えたものである。15%加振、20%加振、30% 加振については、1回目の加振では液状化が生じたが、 その後、液状化が生じなくなるまで同じ振幅の加振を複 数回行った。地震履歴を与えるにしたがって地盤が徐々 に密実化し、100%加振の開始前では層厚 16.1m、 Dr=81.0%となった。

CASE2 および3 は、地震履歴がないものの CASE1 の 100%加振時点と同程度の相対密度を有する地盤を模し たものであり、模型作製時の相対密度は CASE2 で Dr=82.9%、CASE3 で Dr=82.6%であった。層厚はいずれ のケースも CASE1 の 100%加振時点にあわせて 16.0m と した。CASE2 では、CASE1 と比較するため、地震履歴 を与えていない状態で最初に 100%加振を実施し、その 後に 30%加振を行った。

CASE3 では CASE2 と実験順序を逆転させ、地震履歴 を与えていない状態で最初に 30%加振を行い、続けて 50%加振、100%加振を行った。いずれのケースについて も、加振前やある程度地盤の密度が変化したと考えられ る時点でコーン貫入試験を実施した。

なお、実験中の模型地盤の相対密度の深度方向分布を 把握するため、図-3.13に示すように深さ方向に概ね 4m 間隔で沈下板を設け、各々の沈下量を変位計で計測した。 しかし、加振により何度も液状化が発生したためか、地 中に設置した沈下板の沈下量が異常に大きな値を示し、 比較的精度よく把握することができたのは地表の沈下量 のみであった。そこで、地表の沈下量から模型地盤全体 の平均的な相対密度を求めた。表-3.3 および以降に示す 相対密度は、このようにして得られた各加振直前の値で ある。

### (2) コーン貫入試験

再構成砂の相対密度Drが同一であっても供試体作製方 法により液状化強度が異なり、両者の関係が微視的な骨 格構造の違いによって変化することは、古くから知られ ているとおりである<sup>21)</sup>。しかし、実務においては Drが指 標とされることはなく、標準貫入試験による貫入抵抗で あるN値と採取試料の物理特性に基づいて液状化判定を 実施するのが一般的である。そこで、本実験では、動的 貫入試験の代わりに静的なコーン貫入試験を実施し、地 震履歴による液状化強度の違いが貫入抵抗の違いとして 表れるかどうかを検討した。

コーン貫入試験は全て50Gの遠心場において実施した。



計測項目は深さと先端抵抗であり、コーン径は実物スケールで50.0cm、貫入速度は電気式静的コーン貫入試験と同様に2.0cm/sとした。貫入位置は、以前の貫入孔周辺の乱れの影響を考慮し、常に4.0m以上の離間を確保するよ

うに設定した。本実験で用いたコーンの断面積*A*。はシャフトの断面積*A* と等しいため、測定された先端抵抗*q* は補正先端抵抗*q* と等しい。

# (3) インパルス加振

模型地盤のS波速度を把握するため、微小インパルス 加振 (PGA=10gal 程度)を実施した。計測ノイズを除去 するため、10回の連続加振による計測データを1セット とし、これを重合処理 (スタッキング) することで得た 時刻歴波形から走時の読み取りを行った。

# 3.2.3. 加速度,間隙水圧の計測データに基づく液状化 強度曲線の推定方法

加振実験により模型地盤の加速度および間隙水圧を計 測すれば、複数の実験ケース間で生じたこれらの差異か ら、相対的な液状化強度の大小関係を類推することはで きる。しかし、これだけでは液状化強度の差異を定量的 に把握することができない。そこで、本研究では、最適 化手法を用いることで、加速度と間隙水圧の計測データ から液状化強度曲線(繰返し応力比 R・繰返し回数 N<sub>c</sub>関 係)を逆解析的に推定する方法を考案した。以下、その方 法について述べる。

# (1)加速度,間隙水圧の計測データに基づく液状化強度 曲線の推定方法

まず、繰返し応力比Rと液状化に達するときの繰返し回数 $N_d$ の関係(液状化強度曲線)が式(3.9)の指数関数により近似されること、一定振幅の繰返し応力を受ける土の過剰間隙水圧比 $R_u$ と繰返し回数比 $N_c/N_d$ の関係が式(3.10)により近似されることを仮定する<sup>22</sup>)。

$$R = a \left( N_{cl} / 20 \right)^{-b} \tag{3.9}$$

$$R_u = N_c / N_{cl} \tag{3.10}$$

ここに、aは 20回の繰返し回数に対する液状化強度比、 bは液状化強度曲線の勾配を表すパラメータであり、 $N_c$ は繰返し回数である。一定振幅の繰返し応力に対する過 剰間隙水圧比  $R_u$ と繰返し回数  $N_c$ の関係を線形として 扱う式(3.10)はラフな仮定であり、実際には液状化強度 や繰返し応力振幅等によって多様な関係を示すと考えら れる。この仮定の影響については後述する。また、以降 の式展開から分かるように、本手法により直接得られる パラメータaは有効上載圧 $\sigma_{10}$ により正規化された液状 化強度比であるため、等方応力条件下での室内試験によ り得られる繰返し三軸強度比  $R_L$ と対比するためには、次 式により拘束圧の違いを補正する必要がある。

$$R_L = \frac{a}{(1+2K_0)/3} \tag{3.11}$$

ここに、K<sub>0</sub> は静止土圧係数であり、本実験では全ケースについて0.5とした。

### (2) 不規則なせん断履歴と過剰間隙水圧比 R<sub>0</sub>の関係

鉛直方向に伝播するSH波を考えると、地震中のいずれの瞬間においても、ある深さにおける地中せん断応力と、 以浅の地盤の単位平面積当たりの慣性力が常につり合う。 本実験のように加速度計を鉛直方向に多数配置して土槽 底面から一方向の水平動を与えた場合、各瞬間における 地中加速度分布は加速度計による計測値の線形補間によって一定の精度で近似することができるため、これに土 の密度を乗じて深さ方向に積分することで、任意の深度 における地中せん断応力の時刻歴 $\tau(t)$ を算出することが できる<sup>7</sup>。また、これを初期有効上載圧 $\sigma_{10}$ により除すこ とで、地中せん断応力比の時刻歴 L(t)が得られる。

式(3.9) を $N_d$  について解き、R の代わりにせん断応力 比の半パルス列  $L_j(j=1,2,...,m)$  を用いて表した次式の  $N_{di}$  は、

$$N_{cl,i} = 20 (L_i/a)^{-1/b}$$
(3.12)

振幅  $L_j$  のせん断応力比を繰返し与えたときに、液状化に 達するまでに必要な繰返し回数 $N_d$ を表す。ここで、半パ ルス列  $L_j$  は、せん断応力比の時刻歴 L (*t*)からゼロクロ スピーク点を抽出し、その絶対値を離散的に連ねること で得られる。このため、式(3.10),(3.11)より、半サイク ル ( $\Delta N_c = 0.5$ )のせん断応力比に対する過剰間隙水圧比の 増分 $\Delta R_{uj}$  を次式のように表すことができる。

$$\Delta R_{u,j} = \frac{0.5}{N_{cl,j}} = \frac{1}{40} \left( L_j / a \right)^{1/b}$$
(3.13)

ここで、沿え字のjは、L<sub>j</sub>が得られた j番目のゼロクロス ピーク区間を意味する。これを半パルスの発生時刻順に 総和すれば、次式により、m番目のゼロクロス区間におけ る過剰間隙水圧比 R<sub>um</sub>が求まる。

$$R_{u,m} = \sum_{j=1}^{m} \frac{1}{40} \left( L_j / a \right)^{1/b}$$
(3.14)

### (3) 最適化問題への帰着

過剰間隙水圧比  $R_u$  は、実験により計測値が得られて おり、また、せん断履歴  $L_j$  と仮定したパラメータa,bを 用いて式(3.14) から計算することもできる。そこで、解 析対象とする全てのゼロクロス区間 (m = 1, 2, ..., n) にお ける  $R_{um}$  の計測値と計算値の誤差の総和S を次のよう に定義する。

$$S = \sum_{m=1}^{n} \left\{ \sum_{j=1}^{m} \frac{\left(L_{j} / a\right)^{-1/b}}{40} - R_{u,m} \right\}$$
(3.15)

上式のSを目的関数とし、これを最小化するように求められたパラメータa,bは、3.2.3.(1)で設けた仮定の下で、せん断履歴と過剰間隙水圧比の計測値に最も適合した液状化強度曲線を与える。このような最適化問題に帰着させることで、計測データから液状化強度曲線を逆解析的に求めることができる。例えば、同様の加速度応答を示しつつもR<sub>u</sub>の上昇度合いが異なる2種類の計測データが得られた場合、本手法を適用すれば、その差異は液状化強度曲線の違いとして反映されることになる。同定すべきパラメータは2つだけであるため、解法には比較的単純な方法として最急降下法<sup>23</sup>を選定することとした。

### (4)本手法の適用範囲

式(3.14) は、非排水繰返しせん断に対して*R<sub>u</sub>* が単調に 増加していく挙動を定式化したものである。また、式 (3.14) の特性上、*R<sub>u</sub>* が1.0に達した後も、せん断履歴を受 け続ければ*R<sub>u</sub>* が1.0を超えて増加し続ける。このため、本 実験のように水平地盤を対象とした場合、次の挙動に対 しては本手法を適用することが難しいと考えられる。

- a) 加振によりR<sub>u</sub> ≒1.0に達した後の挙動
- b) 加振後にRu が低下 (水圧消散) していく挙動
- c) 繰返しせん断に対し、正のダイレイタンシーを発揮 することで瞬間的にR,が低下する挙動
- d) 繰返しせん断中における着目土要素の著しい吸水・ 排水による水圧変動

上記a), b) から、解析対象とする時間帯は、加振により 水圧が順調に上昇し、かつ、Ru≦1.0となる時間帯に限定 する必要がある。上記c) については、式(3.15) を適用す る際に、加振開始からm番目の半パルス区間におけるR。 計測値の最大値を選定することである程度回避すること ができる。しかし、機械的に抽出した最大値は計測値の 微細な変動の影響により大きめの値となることがあるた め、移動平均によりR,の計測波形をあらかじめ平滑化し、 その区間最大値を用いることとした。上記d) については、 吸水・排水による水圧変動が軽微であれば、その影響も 含めた液状化強度曲線が求まると考えられる。しかし、 対象とする土の透水係数が高い場合や地震動の継続時間 が長い場合等で、間隙水の移動(吸水・排水)の影響が無 視できない場合は、せん断履歴とは無関係に大きな水圧 変動が生じることとなるため、適切な液状化強度曲線が 得られない可能性が考えられる。



### 3.2.4. 実験結果

# (1)静的コーンによる先端抵抗と相対密度の関係の定 式化

相対密度 Dr や繰返し三軸強度比 $R_L$ と対比するため、 補正先端抵抗  $q_t$  を有効上載圧 $\sigma_r$ ,により正規化し、正規 化した補正先端抵抗  $q_0$  と相対密度 Dr の関係の定式化 を試みる。なお、図-3.16に示すように、同一ケースで同 一の実験条件の下で実施した複数本のコーンによる先端 抵抗 $q_t$  のばらつきは小さく、深さ方向の  $q_t$  のわずかな増 減傾向も含めてよく一致している。したがって、模型地 盤は平面方向に比較的均質であり、かつ、貫入抵抗が精 度よく測定されているものと考えられる。

本実験のように再構成砂を対象とした静的コーン貫入 試験による補正先端抵抗  $q_t$  (kN/m<sup>2</sup>) と相対密度 *Dr* (%) の関係としては、数種類の砂に対する室内土槽実験から 得られた Lancellotta の式がある<sup>24</sup>。

$$D_r = -98 + 66 \log \frac{(q_t/9.8)}{\sqrt{\sigma'_{v0}/9.8}}$$
(3.16)

ここに、 $\sigma'_v$ は有効上載圧 ( $kN/m^2$ )である。これを参考 に、本実験によるコーン貫入試験結果を次式により回帰 する。

$$q_{t0} = \frac{q_t}{(\sigma_v')^a} \tag{3.17}$$

$$D_r = -b + c \log q_{t0} \tag{3.18}$$

ここに、 $q_0$ は有効上載圧で正規化した先端抵抗、a,b,cは回帰パラメータである。

地震履歴によって静的コーンによる砂の貫入抵抗q<sub>t</sub>と

相対密度 Dr の関係が変化する可能性も考えられるため、 ここでは、各ケースにおける加振を行う前に実施したコ ーン貫入試験結果を検討対象とした。また、この検討に あたっては、別途実施された乾燥砂地盤の動的遠心模型 実験<sup>18)</sup>で実施したコーン貫入試験結果も対象に加えた。 まず、先端抵抗  $q_t$  と有効上載圧 $\sigma_v$  の関係を図-3.17 に 示す。 $\sigma_v$ が小さい領域を除けば log ( $q_t$ )・log ( $\sigma_v$ ) 関係に 概ね直線性が認められ、その勾配は個々の試験結果で概 ね類似していることが分かる。また、個々の試験におけ る貫入抵抗の大小関係は Dr の大小関係とよく対応し ている。そこで、1本1本のコーン貫入試験結果を式(3.17) により回帰したところ、パラメータ a=0.921 が平均値と して得られた。

次に、相対密度 Dr と正規化先端抵抗 q<sub>0</sub>の関係を図 -3.18に示す。これらは間隙水圧計設置深度の正規化先端 抵抗をプロットしたものである。なお、CASE4は上層と 下層の密度が大きく異なるため、両者を分けてそれぞれ プロットした。CASE1,2,3では相対密度に対して小さな貫 入抵抗となる点がある。これらの点は全て地表付近の値 であり、コーン貫入時の乱れに起因すると考えられる。 このため、浅部のデータは棄却して式(3.18) で回帰した ところ、b=185,c=121が得られた。

以上の深部のみの回帰結果は Lancellotta の式と異なる ものとなったが、これはコーン径の違いが一因として考 えられる。したがって、本実験で回帰したパラメータ *a,b,c* の適用範囲は、せいぜい硅砂を対象に本実験で使用 したコーン貫入試験装置を使用する場合に限られると考 えられるが、少なくとも本実験における最適な *Dr*・*q*<sub>0</sub> 関係を与える。



#### (2) CASE1 における過剰間隙水圧比の変化

CASE1 では、表-3.3 に示すように 15%加振を 5 回、 20%加振を 12 回、30%加振を 14 回と多数の加振を行っ た。同一振幅の加振を繰返し行う過程における加振回数 と過剰間隙水圧比の最大値分布の変化を図-3.19 に示す。 いずれの振幅レベルにおいても、加振回数の少ないうち は浅部~深部にわたって過剰間隙水圧が上昇するものの、 加振回数を重ねると過剰間隙水圧の上昇範囲が徐々に地 盤の上部に限定的となり、最終的には過剰間隙水圧が上 昇しにくくなっている様子が分かる。このように、地震 履歴を繰返し受けることによる液状化強度の変化が明瞭 に認められ、その傾向は砂層上部ほど顕著であった。

### (3)加速度と過剰間隙水圧比

各ケースにおける30%加振、100%加振の際の加速度、 過剰間隙水圧比の時刻歴を図-3.20に示す。加速度計につ いては地表に最も近いA1の計測値、過剰間隙水圧比につ いてはP1,P3,P7の3深度の時刻歴を示している。なお、一 部データに過剰間隙水圧比が1.0を大きく上回る箇所が見 受けられるが、これは、著しい液状化により間隙水圧計 が沈下したことによるものと考えられる。

30%加振時におけるCASE1~3の相対密度はそれぞれ

Dr=68.6%,94.1%,83.7%であり、CASE1が最もゆるい。しかし、P1の過剰間隙水圧比を見るとCASE2,3では液状化が生じているのに対し、CASE1では液状化が発生していないことが分かる。P3,P7の位置ではいずれのケースも液状化に達していないが、CASE1における水圧上昇が最も鈍いことが分かる。CASE2,3では、液状化が発生した98s 程度以降の時間帯で、地表加速度にスパイク状のピークの発生と著しい減衰が認められる。

100%加振については、いずれのケースにおいても、全 深度にわたって液状化が発生した。過剰間隙水圧比がほ ぼ1.0となった時刻は、P1の位置では40s程度、P3,P7の位 置では70~100s程度であり、深さ方向に液状化発生時刻 が異なっている。しかし、実験ケース間でのこれらの挙 動に際立った違いは見られなかった。なお、100%加振時 におけるCASE1~3の相対密度はそれぞれ81.0%,91.0%, 87.4%であった。

### (4) 液状化強度曲線の推定

3.2.3項に示した方法を用いて、各ケースの30%加振および100%加振について、加速度、間隙水圧の計測データから液状化強度曲線を推定した結果の例を図-3.22に示



す。なお、ここに示す液状化強度曲線は間隙水圧計の設置深度にて算出したものであり、式(3.11)により、繰返し応力振幅を平均有効応力σ'm (室内試験の場合は圧密応力σ') で正規化して表示している。また、30%加振の繰返し三軸強度比R<sub>1</sub>の深さ方向分布図を図-3.21に示す。

まず、東北硅砂7号によるDr=83%(有効拘束圧 $\sigma_c=70.0$ kN/m<sup>2</sup>)の再構成試料に対する非排水繰返し三軸試験結果との比較を行う。相対密度とせん断履歴がこの室内試験の条件に近い CASE3 の 30%加振に着目すると、室内試験結果と加振実験データからの推定結果は P1 で若干大きな値が得られているが、P3,P7 は概ね対応している。また、図-3.22 より、CASE3 の液状化強度比  $R_L$ は、室内試験結果と加振実験データからの推定結果が概ね一致していることが分かる。ここから、3.2.3 項で考案した方法により、一定の精度で液状化強度比を推定することができることが分かる。

なお、液状化強度曲線の推定手法を誘導する過程で、 一定振幅の繰返し応力比を与えたときの過剰間隙水圧比 *R<sub>u</sub>* と繰返し回数*N<sub>c</sub>* の関係を単純化して線形として扱っ たが、仮に次式のような調整パラメータ*d* を導入すると、

$$R_{u} = (N_{c}/N_{cl})^{d}$$
(3.19)

せん断履歴*L<sub>j</sub>* と過剰間隙水圧比*R<sub>um</sub>* の関係を表す式 (3.14)は次のように書き直される。

$$R_{u,m} = \left\{ \sum_{j=1}^{m} \frac{1}{40} (L_j / a)^{l/b} \right\}^d$$
(3.20)



図-3.21 R の深さ方向分布(30%加振)

ここから、液状化強度曲線の勾配 b と水圧上昇カーブ (R<sub>u</sub>・N<sub>c</sub>関係)の形状を決定づけるパラメータd は、せん 断履歴と過剰間隙水圧比の関係に与える影響がよく似て いることが推察される。同一材料であっても水圧上昇カ ーブの形状は繰返し応力比の大きさによって異なるため、 b,d の両者を精度よく推定することが困難であると考え、 本研究ではごく単純な式(3.10)を採用することとしたが、 本手法により繰返し三軸強度比 R<sub>L</sub>のみが精度よく推定 され、液状化強度曲線の勾配が一致しないという傾向は 偶然ではなく、水圧上昇カーブのモデル誤差がパラメー



図-3.22 液状化強度曲線算出結果

タb に影響を与えた結果であると考えられる。

30%加振を見ると、液状化強度比は概ねCASE2≦ CASE3<CASE1である。多くの地震履歴を受けたCASE1 では、相対密度がDr=68.6%と低いにも関わらずR1=0.478 ~0.725と全深度にわたり他のケースよりも大きな液状化 強度を示している。一方、CASE3が30%加振の前に地震 履歴を全く受けていないのに対し、CASE2は100%加振の 履歴を受けているが、P1,P2の位置での液状化強度比は相 対密度が最も大きいCASE2において最小となっている。 このことから、CASE2のP1.P2位置における液状化強度比 は、100%加振の後に低下している結果となっており、大 規模地震動を受けることで地中浅部の液状化強度が低下 していることが分かる。この原因としては、大規模地震 動により著しく液状化した直後の水圧消散(土粒子の沈 降)過程で、沈降量が比較的大きい地表付近の砂が再構成 され、骨格構造の安定度合いが低下したことが考えられ る。これは、地震履歴を重ねることで砂の液状化強度が 単純に増加するのみでないことを意味し、一度液状化し た地盤が小さな地震動により容易に再液状化することの メカニズムと対応している可能性も考えられる。また、 CASE1では、地中浅部ほど液状化強度比が大きくなって いることも特徴的である。図-3.19に示したように、 CASE1では浅部ほど過剰間隙水圧が上昇しやすく何度も 液状化しているが、地震動の入力回数を重ねるうちに浅 部も液状化発生範囲が徐々に限定的となり、最終的には 過剰間隙水圧が最大でも0.5程度にとどまるまでに至った。 このように、地震履歴によって浅部ほど骨格構造が安定 したことが液状化強度比の差として現れたものと考えら れる。

次に100%加振を見ると、地震履歴を受けていない CASE2については、いずれの深度についても算出された 液状化強度曲線が再構成試料の室内試験結果と概ね一致 した。また、P1の位置における液状化強度比は、地震履 歴を最も多く受けたCASE1が最大、30%加振、50%加振



上載圧で正規化した貫入抵抗q<sub>to</sub>

図-3.23 液状化強度比 R<sub>1</sub>・相対密度 Dr・正規化先端抵抗 q<sub>to</sub>の関係

による2度の地震履歴を受けたCASE3が最小となってお り、30%加振による結果と同様の傾向を示している。し かし、P3の位置ではCASE1.3でR」が極端に大きな値が算 出された。この原因は次のように考えられる。図-3.20に 示したように、100%加振では地中浅部 (P1) と深部 (P3,P7) で液状化の発生時刻が異なっていた。図-3.24に CASE1、100%加振時の過剰間隙水圧分布の経時変化を示 す。30s,50sに着目すると、概ねG.L.-5m以深において、下 方に向かい過剰間隙水圧が小さくなっていること、すな わち、下向きの動水勾配が形成されていることが分かる。 また、70s以降では下向きの動水勾配が緩やかになってい ることが分かる。このため、70s程度までの間に地中浅部 で発生した過剰間隙水圧が下方に伝播した可能性が考え られる。極端に大きな液状化強度比が算出されたことの 一因としては、算出の基となるR<sub>4</sub>の計測値に水圧伝播の 影響が含まれていたことが考えられる。

# 3.2.5. 地震履歴と相対密度, コーン貫入抵抗, S 波速 度, 液状化強度比の関係

本実験により得られた正規化先端抵抗  $q_0$ 、相対密度 Dr、液状化強度比  $R_L$  の関係を図-3.23 にまとめた。以 下、個々の関係について考察を行う。

### (1)相対密度 Dr と正規化先端抵抗 qnの関係

図-3.23左下には、地震履歴を受けたもの、受けないものを含めて、本実験により得られた正規化先端抵抗q<sub>0</sub>と相対密度Drの関係を示している。これを見ると、地震履歴によらず、Drとq<sub>0</sub>は式(3.18)と概ね整合している。逆に言えば、静的コーン貫入試験で測定される先端抵抗はDrの違いをよく反映するものの、地震履歴の違いをあまり反映しないことが分かる。





### (2) 液状化強度比 R と相対密度 Dr の関係

図-3.23 左上には、各ケースにおける相対密度 Dr と 3.2.4項(4)に示した液状化強度比  $R_L$ の関係に加え、 東北硅砂7号に関する室内試験(非排水繰返し三軸試験) の結果と、東ら<sup>25)</sup>による次式の豊浦砂の  $R_L \cdot Dr$  関係式 を併記している。東北硅砂7号と豊浦砂はいずれも粒度 のそろった砂であり、粒径も比較的近いため、室内試験 による  $R_L \cdot D_r$  関係はよく一致している。

$$R_{L} = 0.22 \left(\frac{D_{r}}{100}\right) + 1.5 \left(\frac{D_{r}}{100}\right)^{15}$$
(3.21)

前述のように、本実験より得られたDr は地表面沈下計から求めた模型地盤全体の平均値であり、深さ方向のDr の違いを把握することができていないが、CASE1~3におけるR<sub>L</sub>とDr は明らかに負の相関関係となっている。

多くの地震履歴を与えた後に30%加振を行ったCASE1 は、他のケースに比べてDr が小さいものの、R<sub>L</sub> が大き くなっている。これは、明らかに地震履歴の影響による ものである。一方、地震履歴のない条件で30%加振を行 ったCASE3、あるいは1回の100%加振を実施した後に 30%加振を行ったCASE2におけるR<sub>L</sub> は、再構成試料の室 内試験結果と比較的近い値を示している。ただし、大規 模地震動の履歴を1度受けているCASE2の方が大きなDr に反して小さなR<sub>L</sub> を示している。

このように、砂の $R_L$ と $D_r$ の間に一意的な関係は存在せず、両者の関係は地震履歴によって変化する。特に、 CASE1とCASE2における $R_L \cdot Dr$ 関係は対照的であり、地 震履歴もその内容によって砂の液状化強度が増加する場合と低下する場合があることが分かる。

### (3)液状化強度比 R と正規化先端抵抗 q<sub>a</sub>の関係

図-3.23右上には、本実験で得られた $R_L$  と $q_0$  の関係に加え、式(3.18) および(3.21) を統合することで求めた $R_L$ ・ $q_0$ 関係を示している。

*R<sub>L</sub>*・*q*<sub>0</sub> 関係はばらつきを有するものの、実験ケース間 で比較すると、ここでも負の相関関係が認められる。つ まり、静的コーン貫入試験では、相対密度と地震履歴の 両者の影響を含めた砂の液状化強度の違いを捉えること ができていないことが分かる。なお、若松ら<sup>26</sup>は、コー ン貫入抵抗に比べ、標準貫入試験によるN値は土粒子の微 小な構造変化に基づく (液状化)強度を十分反映してい ない可能性を指摘している。このことを考えると、標準 貫入試験のN値によって相対密度と地震履歴の両者の影 響を含めた砂の液状化強度の違いを捉えることは、さら に難しいのかもしれない。

# (4)液状化強度比 R<sub>l</sub>,相対密度 Dr と S 波速度 Is の関係

インパルス加振の結果から読み取った走時曲線を図 -3.25に示す。ここで、横軸の値を負としたのは、土槽下 面から上方に伝播する波動から走時を読み取り、最上部 加速度計にS波が到達した時間を基準として作図したた めである。深さ方向のVs分布の算出結果は非常に大きく ばらついた。これは、模型スケールで約4cm間隔で配置し た加速度計間の波動伝播時間を読み取ることの難しさに よるものと考えられる。そこで、全層平均のVsを求めた ところ、30%加振については CASE1~3でそれぞれ 128.8m/s,163.2m/s,143.9m/sであり、100%加振については CASE1~3でそれぞれ152.4m/s,163.8m/s,150.3m/sであった。 このVs の大小関係は、Dr やコーン貫入抵抗の大小関係 とは定性的によく対応しているが、RL の大小関係とは対 応していない。

一方、既往の研究<sup>27)</sup>からは、沖積層に比べて洪積層の Vs が大きな値を示すことが知られており、東京湾沿岸で 行った調査でも、埋立層に比べて沖積層のVs が大きい傾 向が認められている<sup>28)</sup>。

実地盤と本実験によるこの傾向の違いを説明するため には、堆積・造成年代がVs に及ぼす影響としては時間経 過の影響が支配的であり、応力履歴の影響は小さいと考 える必要がある。なお、本実験のCASE1は、造成直後の 砂地盤に対して、わずか10時間弱の間に37回もの地震動 を与えるような実験であったため、実地盤で通常想定される時間スケールとは大きく異なっていたことを付記しておく。

### 3.2.6. 結論

砂の液状化強度に対する年代効果について、影響要因 の一つとして考えられる地震履歴の影響に着目した動的 遠心模型実験を行った。得られた知見は以下のとおりで ある。

- 加振実験による加速度、間隙水圧の計測データを基 に、模型地盤の液状化強度曲線を逆解析的に求めた 結果、地震履歴を与えていない砂地盤の加振実験か ら逆算された液状化強度比は、再構成試料の非排水 繰返し三軸試験結果と概ね対応することが確認され た。
- 2) 30%加振による計測データから逆解析的に求めた液 状化強度比 $R_{L}$ は、CASE2 (Dr=94.1%、1度の大地震履 歴あり)  $\leq$  CASE3 (Dr=83.7%、地震履歴なし) < CASE1 (Dr=68.9%、地震履歴多数)という結果であっ た。1度の大地震履歴を受けただけの地盤では液状化 強度が低下したり、多くの中小地震履歴を受けた場 合は液状化強度が増加するなど、地震履歴もその内 容によって砂の液状化強度に与える影響は異なる。
- 3) 各CASEの30%加振結果より、地震履歴による年代効 果の発現が明瞭に見られたが、一方で100%加振では、 地震履歴を多く受けたCASE1と地震履歴をほとんど 受けていないCASE2,3とで差が見られなかった。つま り、地震動強さによって地震履歴の影響の現れ方が 異なる傾向が認められた。
- 4) 静的コーン貫入試験による先端抵抗q<sub>t</sub>の大きさは、相対密度Drの大小関係とよく一致する一方で、液状化強度比R<sub>L</sub>の大小関係とは一致しなかった。したがって、地震履歴による砂の骨格構造の安定化~液状化強度の増加傾向を貫入抵抗のみでは把握することは困難であると考えられる。
- 5) 微小インパルス加振によるVs の大きさも、相対密度 Dr の大小関係とよく一致する一方で、液状化強度比 R<sub>L</sub> の大小関係とは一致しなかった。実地盤では堆 積・造成年代が古い地層ほど大きなVs を示すことが 知られているが、本実験の結果を踏まえると、堆積・ 造成年代によるVsの増加に対しては時間経過が支配 的な影響を及ぼし、応力履歴の影響は小さい可能性 が考えられる。

# 3.3. 堆積年代の古いシルト質砂とその再構成試料の 繰返しせん断特性

# 3.3.1. はじめに

これまでの震災経験から、堆積年代の古い地盤ほど液 状化被害が生じにくいことが知られており、これは、液 状化に対する「年代効果」によるものと考えられている。 東北地方太平洋沖地震による東京湾沿岸北部の液状化発 生範囲が埋立地の平面範囲とよく対応していた<sup>30</sup>ことは よく知られているとおりであり、年代効果が表れた典型 的事例として挙げることができる。その後、若松・先名 <sup>31)</sup>は東北地方太平洋沖地震による液状化発生個所を東北 地方、関東地方にわたって網羅的に調査し、液状化の発 生範囲は埋立地等の人工造成地盤や河川による堆積地形 に多く、台地や丘陵地帯では谷埋造成地に多いと結論付 けている。これも、液状化の発生に対して造成・堆積年 代が強く影響を及ぼしていることを示唆している。

ここで、造成・堆積年代の異なる地盤に関する液状化 の評価方法について、実務的な取扱いの現状を簡単に紹 介しておくと、例えば、平成24年に改定された道路橋示 方書<sup>1)</sup>では、堆積年代の比較的古い洪積層については原則 として液状化の判定を行う必要はないとされており、液 状化の判定対象から除外している。また、既設構造物の 耐震診断や防災ハザードマップの作成のように、液状化 被害の可能性を広域的かつ概略的に評価するような場面 では、微地形区分による液状化危険度の区分がなされる ことがある<sup>(例はけ32)33)</sup>。このように、造成・堆積年代の違い は定性的な判断指標として考慮されることがある。しか し、その定量評価にあたっては多くの課題が残されてい る。

土木研究所では過去に、数多くの凍結サンプリング試料の液状化試験データを収集し、細粒分含有率FC<10%の砂に関する繰返し三軸強度比 $R_L$ と有効上載圧 $100kN/m^2$ 相当に換算したN値 $N_1$ の結果をとりまとめている $^{329}$ 。その結果は図-3.26のとおりであり、同じ $N_1$ に対しても造成・堆積年代が古くなるにつれて $R_L$ が大きくなる傾向が認められることから、少なくとも定性的には液状化強度に対する年代効果が表れていると考えることができる。しかし、定量的に見るとその差は必ずしも大きいものではなく、たとえ洪積砂であっても、この $R_L$ を機械的に $F_L$ の計算式に当てはめれば、液状化が生じると判定されるケースが少なからず出てくる。その一方で、洪積砂が各種構造物の液状化被害を引き起こした事例はこれまでに報告されておらず、評価法と実態との間に乖離が認められる。



図-3.26 凍結サンプリング試料の液状化試験により得られた 繰返し三軸強度比 R, と換算 N値 M, の関係<sup>3) 29)</sup>

また、著者ら<sup>28)</sup>が行った東京湾沿岸域の鉛直アレー観 測地点における地震記録の波形処理解析からは、深さ方 向に見ても液状化の発生範囲が人工地盤に限定的であっ たとの推定結果が得られているが、その一方で、同サイ トの人工埋立層と自然堆積層では繰返し三軸強度比 *R*<sub>L</sub> には顕著な差がなく、現行の液状化判定法に基づくと、 造成・堆積年代の区別なく液状化が発生するとの判定結 果が得られている。

以上の事実から、造成・堆積年代による土の液状化特 性の違いが、従来の液状化判定法の枠組みでは適切に区 別できていない可能性が考えられる。したがって、年代 効果の有無による液状化特性の違いを調査・試験によっ て適切に区別し、評価・設計法に適切に取り込むために は、まず、年代効果の有無による基本的な力学特性の違 いから把握することが必要である。そこで、本報では、 洪積層から採取したシルト質砂とその再構成試料を対象 としてひずみ制御による繰返しせん断試験を行うことで、 年代効果の有無による土の力学特性の違いを評価した結 果を報告する。

# 3.3.2. 試験方法

### (1) 試料の採取方法と物理特性

試験対象試料は、千葉市内を流れる花見川の河口付近 右岸に位置する花見川緑地<sup>28</sup>(千葉県千葉市美浜区打瀬 地先)で採取された乱れの少ない試料の一部である。試 料採取深度はGL-34.0~34.8mであり、当該深度におけ る標準貫入試験N値は32、PS検層によるS波速度Vs= 311m/sであった。ボーリングコアを観察したところ、採 取対象層は均質な細砂から成り、よく締まっていたもの のセメンテーションの発達は認められなかった。試料採 取はロータリー式三重管サンプラー(いわゆるチューブ サンプリング)により行っており、採取後に現場で水抜 きを行った後、ドライアイスにより凍結させて試験室に 搬送した。

供試体の物理・安定化特性を表-3.5、粒径加積曲線を 図-3.29に示す。粒径は0.1~0.2mmが主体であり、その 主成分は豊浦砂に比べるとやや細かい。また、細粒分含 有率FC=31.3~35.8%と細粒分を多く含むものの非塑性 であることが特徴である。試験に供した3供試体の粒度分 布はよく一致しており、供試体ごとのばらつきは小さい。

表-3.5 供試体の物理・安定化特性

	供試体名	4-c, 5-c	4-d1, 5-d1	4-d2, 5-d2
	土質区分	細粒分質砂	細粒分質砂	細粒分質砂
	土粒子の密度 $\rho_s$ (g/cm <sup>3</sup> )	2.714	2.712	2.707
h/m FEB	50%粒径D 50 (mm)	0.1294	0.1172	0.1191
初理	均等係数U <sub>c</sub>	48.16	72.47	61.45
	細粒分含有率FC (%)	31.3	35.8	33.7
	塑性指数IP		N.P.	
	最大乾燥密度 $\rho_{dmax}$ (g/cm <sup>3</sup> )		1.707	
安定化	最小間隙比e <sub>min</sub>		0.562	
	最適含水比w " (%)		12.9	



図-3.29 粒径加積曲線

#### (2) 載荷方法および試験ケース

液状化は非排水に近い条件下での繰返しせん断履歴に 対するダイレイタンシーの累積によって生じるため、本 質的な挙動の違いを理解するためには、ダイレイタンシ ーの累積状況を詳細に把握したいところである。その一 方で、体積を一定とする非排水条件では、時々刻々のダ イレイタンシーの累積状況の測定が不可能である点に難 しさがある。

そこで、本研究では、中空ねじりせん断試験装置を用

いて、ひずみ制御による繰返しせん断試験を排水条件お よび非排水条件で実施することとした。海野ら<sup>30)</sup>が指摘 するように、繰返しせん断による体積収縮量がせん断応 力履歴よりもせん断ひずみ履歴とよい相関を示すため、 同一材料に対して同一のせん断ひずみ履歴を与える実験



図-3.27 中空ねじりせん断試験装置の概要

#### 表-3.4 各載荷ステージのひずみ振幅



表-3.6	試験ケース
20, 0. 0	H-43/1

供試体名	材料No.	供試体 作製方法	拘束圧 <i>σ'<sub>c</sub></i> (kN/m <sup>2</sup> )	載荷方法	排水条件	載荷 ステージ	初期圧密後 の間隙比 <i>e</i> 。	初期圧密後の 乾燥密度 $\rho_{dc}$ (kN/m <sup>2</sup> )
4-c		11171 18		с	排水	12	0.915	1.417
4-d1	4	トリミンク	210	đ		12	0.915	1.416
4-d2		伝		u	非护爪	10	0.886	1.435
5-c		1712 2.		с	排水	12	0.905	1.424
5-d1	5	矢さ	210	đ		12	0.870	1.450
5-d2		回の伝		u	邦护爪	10	0.872	1.446

を排水条件および非排水条件の下で実施することで、非 排水繰返しせん断挙動だけでなく、それを影で操るダイ レイタンシーの変化とあわせて把握できると考えたため である。試験装置の概要を図-3.27に示す。三軸試験でな く中空ねじりせん断試験としたのは、排水条件によらず 同一のせん断ひずみ履歴を与えることができるためであ る。

繰返しせん断試験の載荷方法は、パターンc,パターン dの2種類とした。載荷パターンcは、繰返しせん断中のダ イレイタンシーの累積状況を詳細に把握することを目的 として、排水条件で実施したものである。その手順は次 のとおりである。

- cl) 軸差せん断を与えないように注意しつつ、所定の 圧密応力*G*。(等方) に達するまで軸応力とセル圧を 段階的に増加させる。以降、この圧密過程を初期圧 密と呼ぶこととする。初期圧密過程における圧縮特 性を把握するため、状態量を連続的に計測する。
- c2) 排水条件下でひずみ制御により繰返しせん断を与 える。1ステージの繰返し回数は5サイクルとし、全 12ステージにわたってひずみ振幅を漸増させる。各 ステージにおけるひずみ片振幅<sub>K4</sub> は表-3.4のとお りである。ただし、<sub>K4</sub>が0.1%程度のひずみ振幅まで は、ひずみ制御により一定振幅を精度よく与え続け ることが難しかったため、応力制御により載荷した。
- c3) 背圧を調整することで供試体を段階的に膨潤させた後、段階的に*d*。まで圧密させる。この過程においても状態量を連続的に計測する。

また、載荷パターンd は液状化特性の把握を目的とし、 非排水条件で実施したものである。その手順は以下のと おりである。

d1) 上記c1) と同一の手順により供試体を圧密させる。 d2) 非排水条件下でひずみ制御により繰返しせん断を

与える。1ステージの繰返し回数は5サイクルとし、 表-3.4に示す全12ステージにわたってひずみ振幅 を漸増させる。ただし、供試体名にd2を付したケー スでは10ステージで繰返しせん断を終了する。また、 次が0.1%程度のひずみ振幅までは、応力制御により 載荷する。各載荷ステージの終了後、供試体を圧密 させることなく、非排水条件のままで次の載荷ステ ージに移行した。

d3) ビューレット側に設けた圧力計で監視しつつ、供 試体とビューレットの前後での水圧差が 5kN/m<sup>2</sup> となる ように背圧を増加させた後、排水コックをゆっくり開放 する。その後、背圧を段階的に減少させることで供試体 を*σc* まで圧密させ、そのときの状態量の変化を連続的 に計測する。

参考までに、e・logp 空間上で見た載荷手順のイメー ジを図-3.28に示す。圧密応力♂。は、想定される原位置 の平均有効応力として210kN/m<sup>2</sup> とした。

試験ケース一覧を表-3.6に示す。試験対象は、上述の 原位置採取試料(材料 No.4)とその再構成試料(材料 No.5)であり、本報では便宜的に前者を不攪乱試料、後 者を再構成試料と呼ぶこととする。ただし、不攪乱試料 と言ってもチューブサンプリング試料であり、採取時の 乱れの影響を受けている可能性は否定できない。しかし ながら、完全に乱された再構成試料とは異なり、原位置 での長期的な時間経過、応力履歴の影響がある程度は残 っているものと考えられるため、再構成試料による試験 結果との対比により、少なくとも定性的には年代効果の 影響を把握することができると考えられる。

不攪乱試料については、トリミング法により供試体を 作製し、試験機に設置して20kN/m<sup>2</sup>の拘束圧の下で融解 させた後に飽和させた。供試体は表-3.6に示す4-c, 4-d1, 4-d2の3つである。

再構成試料は、試験後の不攪乱試料を一度完全に乱し、 密度を一致させて突き固めることにより作製したもので ある。不攪乱状態での試験後の3供試体を混ぜ合わせてい ないため、不攪乱試料4-c, 4-d1, 4-d2を再構成したもの がそれぞれ5-c, 5-d1, 5-d2に対応している。供試体作製 にあたっては、不攪乱試料の初期状態(初期圧密前の拘 束圧20kN/m<sup>2</sup>の状態)における含水比に一致するように 含水調整した上で、不攪乱試料の初期状態における乾燥 密度を目標として密度を調整した。その後、供試体を試 験機に設置し、20kN/m<sup>2</sup>の拘束圧の下で飽和させた。細 粒分の多い試料を湿潤状態で突き固めることによって供 試体を作製したが、飽和過程における体積収縮傾向 (コ ラプスの進行) は見受けられなかった。

初期圧密後の間隙比  $e_c$ ,乾燥密度 $\rho_{dc}$ は表-3.6に示す とおりであり、表-3.5の最大乾燥密度 $\rho_{dmax}$ から算出さ れる締固め度  $D_c$ は、不攪乱、再構成の全試料を含めて 82~85%であった。なお、初期圧密過程では、不攪乱試 料に比べて再構成試料の方が大きな体積圧縮を生じたた め、結果的に、不攪乱試料よりも再構成試料の $\rho_{dc}$ がわ ずかながら大きくなっている。

# 3.3.3. 試験結果

# G·γ 関係

試験結果からG・y関係を整理したものを図-3.30に示 す。ここでは、ひずみレベルの増大に伴う剛性低下度合 いを強調するため、縦軸(G)を対数で表示している。ま た、同図には各ステージの最終サイクルだけでなく、全 サイクルの試験結果を示している。

まず、小ひずみ域 (y<sub>Sd</sub>=10<sup>3</sup>%オーダー)のせん断弾性 係数G<sub>0</sub>に着目する。速度検層に基づく原位置でのせん 断弾性係数G<sub>0</sub>は190MN/m<sup>2</sup>程度であった。同一材料で同 程度の密度を有する供試体4-d1,5-d1を比較すると、不攪 乱試料4-d1のG<sub>0</sub>が原位置と同程度、再構成試料5-d1のG<sub>0</sub> が原位置の半分程度である。一方、同一材料で同程度の 密度を有する供試体4-c,5-cを比較すると、不攪乱試料4-c のG<sub>0</sub>が原位置の半分以下、再構成試料5-cのG<sub>0</sub>が原位置と 同程度となっている。この解釈は難しいが、不攪乱試料 が採取時の乱れを受けていたことによる影響や、不攪乱 試料と再構成試料の初期圧密後における密度の違いの影



図-3.30 G • γ 関係

響、密度のみをあわせた再構成試料では原位置の粒子構造を再現できていないことによる影響などが考えられる。 いずれにせよ、年代効果によってG<sub>0</sub>が増加するといった 単純な関係を見出すことはできない。

次に、ひずみレベルの増大に伴う剛性低下に着目する。 排水繰返しせん断を与えたケースでは、過剰間隙水圧が 上昇しないため、試験結果には単にひずみ依存性の違い のみが反映されることとなる。最終サイクル (yst=5%、5 サイクル目)のときのG/Goを求めると、不攪乱試料4-c で0.039、再構成試料5-cで0.016であった。不攪乱試料4-c で10.039、再構成試料5-cで0.016であった。不攪乱試料4-c で10.039、再構成試料5-cで0.016であった。不攪乱試料4-c で10.039、再構成試料5-cで0.016であった。不攪乱試料4-c で10.039、再構成試料5-cで0.016であった。不攪乱試料の 方が剛性低下度合いが小さく、年代効果の影響である可 能性も考えられるが、むしろ、ひずみレベルが大きくな るほど両供試体のGが近い値を示していることから、 G/Goの差は単なるGoの差であると見ることもでき、有意 な差とは言い難い。

一方、非排水繰返しせん断を与えたケースでは、ひず み依存性に加えて過剰間隙水圧の影響が試験結果に反映 されることとなる。最終サイクル (ys4=5%、5サイクル目) における*G*/*G*<sub>0</sub>を求めると、不攪乱試料4-d1で0.0074、再 構成試料5-d1で0.00022と顕著な差が生じている。再構成 試料については、ひずみレベルの増大に伴う剛性低下も さることながら、ys4=0.5%以降では同一ひずみ振幅でサ イクル数を重ねることによる剛性低下も顕著である。



図-3.31 *τ*・γ 関係および有効応力経路 (非排水条件)

(2) 非排水繰返しせん断に対する応力・ひずみ関係およ び有効応力経路

不攪乱試料と再構成試料に非排水条件下で12ステージ

まで繰返しせん断を与えたケース (4-d1,5-d1) について、 せん断応力r・せん断ひずみ関係yおよび有効応力経路を 図-3.31に示す。

図から明らかなように、不攪乱試料4-dlは平均有効応 カpが一時的にゼロ付近まで低下するものの、有効応力の 回復を伴う大きなせん断応力の発現(サイクリックモビ リティー)が顕著であり、粘り強い挙動を示している。 図-3.30に示すように、G・y関係が排水繰返しせん断 (4-c)による結果と遜色ないものとなっているのは、この ためである。一方、再構成試料5-dlは水圧上昇後の有効 応力の回復が乏しく、発揮されたせん断応力も小さなも のとなった。

# (3) 排水せん断に対する応力・ひずみ関係およびひずみ 経路

不攪乱試料と再構成試料に排水条件下で12ステージま で繰返しせん断を与えたケース (4-c,5-c) について、 $\tau \cdot \gamma$ 関係およびひずみ経路 ( $\epsilon, \cdot \gamma$  関係) を図-3.32に示す。 なお、本報に示す体積ひずみ $\epsilon$ , は、全て初期圧密終了時 をゼロとして算出している。

τ・γ 関係のループ形状は両供試体でよく似ている。しいて言えば、不攪乱試料では12 ステージ目 (ys4 = 5%)の

第1サイクルで、*t*が一度ピークを示したのちに低下する傾向(ひずみ軟化)が認められる点と、せん断ひずみ 最大時に発揮されるせん断応力が再構成試料に比べて不 攪乱試料の方がわずかに大きい点に違いがある。

次に、ひずみ経路に着目する。ダイレイタンシーには、 非可逆的に収縮側へと累積する成分と、半サイクルのせ ん断の載荷・除荷に伴って膨張・収縮を繰返す成分があ り、ここでは前者を累積成分、後者を増減成分と呼ぶこ ととする。両供試体を比較すると、累積成分の大きさに 顕著な差が生じており、最終的な体積収縮量は不攪乱試 料では3%程度であるのに対し、再構成試料では8%程度 に達した。ダイレイタンシーの累積成分は、せん断に対 する土粒子の微視構造の攪乱に起因するものであるため、 年代効果による微視構造の安定度合いの違いが表れたも のと考えられる。

### (4) 体積収縮と過剰間隙水圧の累積

せん断履歴の累積に伴う体積ひずみの累積状況を図 -3.33に示す。せん断履歴の指標は次式により算出される 累積せん断ひずみy<sub>acm</sub> とした。

$$\gamma_{acm} = \int \left| \dot{\gamma} \right| dt \tag{3.22}$$

ここに、ドット(・)は時間微分を表す。排水繰返しせ



図-3.32 τ·γ関係およびひずみ経路 (排水条件)

ん断を行ったケースでは、測定されたダイレイタンシー の連続的な変化を示している。非排水繰返しせん断を行 ったケースでは、繰返しせん断後の圧密排水が終了した 時点の体積ひずみのみを示している。

累積成分の進行速度が再構成試料に対して不攪乱試料 の方が遅いことは、前述のとおりである。その一方で、 増減成分の振幅は、両供試体で同程度である。ダイレイ タンシーの増減成分は土粒子同士の幾何学的な干渉によ って生じるため、微視構造よりも粒子径、粒度組成、粒 子形状等により決まっていると考えられる。

12ステージまで非排水繰返しせん断を行ったケースに おける最終的な体積収縮量は不攪乱試料で1.8%、再構成 試料で5.8%である。きれいな砂に対する石原・吉嶺<sup>35)</sup>の 試験結果によれば、非排水繰返しせん断後の体積ひずみ はせいぜい4%程度であり、これに比べると再構成試料 5-d1の体積ひずみはやや大きい。しかし、近年の石原ら <sup>36)</sup>の試験結果によれば、細粒分を多く含む土ほど非排水 繰返しせん断後に大きな体積ひずみを生じる傾向があり、 大きなもので6%を超えていることから、これと調和的な 結果が得られていると言える。

なお、いずれの供試体についても、非排水繰返しせん 断後の体積収縮量は、排水繰返しせん断後のそれに比べ て小さい。せん断中の体積収縮量には拘束圧依存性があ り<sup>37</sup>、拘束圧が小さいほど収縮傾向が弱まるため、非排 水繰返しせん断に伴う平均有効応力*p*の低下によって、

ダイレイタンシーの累積速度が低下した結果であると 考えられる。

次に、非排水繰返しせん断による過剰間隙水圧の累積



図-3.33 累積せん断ひずみ yacm と体積ひずみ Ev の関係





#### (b)縦軸を実数表示



傾向として、累積せん断ひずみ γ<sub>acm</sub> と平均有効応力 p の 関係を図-3.34 に示す。同図(a)では縦軸 (p) を対数で表 示し、(b)では実数で表示している。

図-3.33に見られたダイレイタンシーの累積傾向と同様に、全サイクルを通じた有効応力の低下速度は、再構成試料に比べて不攪乱試料の方が明らかに遅い。また、 有効応力の増減成分の振幅は、同図(a)のようにpを対数 表示すれば、再構成試料のおおよそp<1.5kN/m<sup>2</sup>の範囲を 除き、不攪乱試料と再構成試料で概ね一致している。有 効応力の増減成分はダイレイタンシーの増減成分に起因 するものであり、ダイレイタンシーの増減成分の振幅が 不攪乱試料と再構成試料で同程度であったことを考える と、これは、非排水せん断中に生じているダイレイタン シー(実際には測定することができないが)と平均有効 応力の対数logp が概ね比例することを示唆している。た だし、実数表示で見れば、再構成試料に比べて不攪乱試 料のpの増減成分の振幅は非常に大きい。したがって、非 排水繰返しせん断中の非可逆的な収縮傾向が強い再構成 試料では、ダイレイタンシーの増減成分が有効応力の増 減に寄与しにくく、その結果としてサイクリックモビリ ティーの発現が弱まったものと理解される。逆に、非可 逆的な収縮傾向が弱い不攪乱試料では、ダイレイタンシ ーの増減成分が有効応力の増減に寄与しやすく、サイク リックモビリティーを発現しやすいため、挙動の粘り強 さが生まれたものと理解することができる。

なお、水圧上昇後の低拘束圧域における $\varepsilon_{*}$ ・logp 関係 の線形性(あるいはe・lnp関係の線形性)が存在するかど うかについて、砂の構成モデルに関する既往の研究では、 p = 0付近では線形とならないとの指摘<sup>38)99</sup>や、セル圧と 間隙水圧の差として得られる平均有効応力の測定精度に 限界があるとの指摘<sup>409</sup>もある。構成モデルを扱う上ではp= 0付近でのモデル化が重要であり、シビアな評価が要求 されるが、ここで述べた $\varepsilon_{*}$ ・logp関係の線形性は、定性的 な挙動の理解のためのラフな見方であることを断ってお く。

### (5) 圧縮特性

初期圧密〜繰返しせん断〜繰返しせん断後の圧縮・膨 潤過程における体積ひずみを、・平均有効応力p 関係を図 -3.35に示す。同図(a)では横軸 (p) を実数で表示し、(b) では対数で表示している。いずれも左図は排水繰返しせ ん断 (載荷パターンc) を行ったケース、右図は非排水繰 返しせん断 (載荷パターンd) を行ったケースである。繰 返しせん断中の体積ひずみの累積や有効応力の低下につ いては前述のとおりであるため、ここでは特に言及しな い。

初期圧密過程における圧縮曲線 (*c*, *· p* 関係) に着目す ると、再構成試料よりも不攪乱試料の方がゆるい勾配を 示しており、圧縮性 (*dc*,/*dp*) が小さいことが分かる。こ れは応力履歴(過圧密比)の違いによるものと捉えるの が素直であり、一種の年代効果と言えるのかもしれない。 排水繰返しせん断後の圧密過程については、いずれの ケースも、初期圧密過程に比べて著しい圧縮性の変化が 認められない。*p*を対数で表示した図-3.35 (b) で見れば、 繰返しせん断後の方がどちらかと言えば勾配がゆるくな



図-3.35 体積ひずみ<sub>Ev</sub>・平均有効応力 p 関係

っており、密実化や過圧密化が影響した可能性も考えられる。

一方、非排水繰返しせん断後の圧縮過程に着目すると、 12ステージ目 ( $\gamma_{S4}$ =5%) までのせん断履歴を与えた再構 成試料5-d1では、繰返しせん断直後の圧縮曲線が著しく 非線形であり、低拘束圧域 (概 $\lambda p < 20$ kN/m<sup>2</sup>) に極めて 高い圧縮性を示す領域が出現しているのが特徴的である。 砂が非排水繰返しせん断を受けた後に低拘束圧域で高い 圧縮性を示す傾向は、例えば仙頭ら<sup>39)</sup>の実験においても 確認されている。これに対して、12ステージ目 ( $\gamma_{S4}$ =5%) までの非排水繰返しせん断履歴を与えた不攪乱試料4-d1 については、初期圧密時と同程度の圧縮性を示している。

ところで、圧縮性の増加が非排水繰返しせん断中のどの時点から生じ始めるのかは、興味深い点である。10 ステージ目 (ys4=1%) までのせん断履歴を与えた再構成試料 5-d2 では、過剰間隙水圧比がちょうど 0.95 程度に達

した時点で繰返しせん断を終了することとなったが、微 視構造の不安定な再構成試料であっても、この程度のせ ん断履歴を受けた直後では圧縮曲線が概ね線形である。 したがって、著しい圧縮性の増加は、それ以降に受ける せん断履歴によって生じているようである。

### 3.3.4. 考察

以上の試験結果に基づくと、年代効果の有無による土 の力学特性の差異とそのメカニズムは、次のように説明 することができる。

年代効果を有し、微視構造が安定している場合は、繰 返しせん断による負のダイレイタンシーの累積速度が遅 く、また、低拘束圧域における圧縮性の増加も生じにく いため、正のダイレイタンシーが平均有効応力の増加に 寄与しやすい。このため、非排水繰返しせん断に対して 顕著なサイクリックモビリティーを発揮し、水圧上昇後 も粘り強い挙動を示すことができる。

一方、弱齢で微視構造が安定していない場合は、繰返 しせん断による負のダイレイタンシーの累積速度が早い。 また、水圧上昇後のせん断履歴の累積によって低拘束圧 域における圧縮性の急増が生じることがあり、その場合 は正のダイレイタンシーが平均有効応力の増加に寄与し にくくなる。その結果として、水圧上昇後のサイクリッ クモビリティーの発現が弱く、急激な剛性低下を生じる こととなる。

その他、水圧上昇後の低拘束圧域における土の圧縮性 の高まりは、地震動後の圧密挙動(ポスト液状化過程) に対しても悪影響を及ぼす。大林・佐々木11の模型実験 のように、液状化後の水圧消散過程では、砂層上部に圧 密がほとんど進行しない(有効応力がほとんど回復しな い)領域がしばらくの間残存することがあり、このよう な間隙水圧の深さ方向分布は、自重圧密が完了していな い地盤の自重圧密過程で、圧密係数c, (=k/m,y,. k:透水 係数、mv:体積圧縮指数、vv:水の単位体積重量)が増 加する場合に形成されることが知られている12)13)。本報 に示した再構成試料5-d1では、繰返しせん断中に圧縮性 が急激に増加したものと見られるが、繰返しせん断後の 圧密過程で見れば、圧縮性 (m,) が急激に低下していく こととなるため、圧密中のc,の増加をもたらすこととな る。このように、非排水繰返しせん断に伴う圧縮性の変 化は、地震動後に有効応力がほとんど回復しない領域の 長時間にわたる継続をもたらし、地盤に流動的な大変形 が生じさせることで液状化被害に関与している可能性も 考えられる。

今後、今回の試験で見られたような年代効果による挙

動の違いを、どのような調査・試験によって把握するこ とができるか、液状化判定や各種構造物の耐震性評価に どのような形で取り込むことができるかについて、さら なる検討を続けていく必要がある。

# 3.3.5. まとめ

本研究では、年代効果の有無が異なる2種類のシルト質 砂を対象に、ひずみ制御による繰返しせん断試験を行い、 その力学特性の違いを詳細に調べた。得られた知見は次 のとおりである。

- 年代効果を有する不攪乱試料は、非排水繰返しせん 断を受けたときにサイクリックモビリティーを顕著 に発揮し、水圧上昇後も粘り強い挙動を示した。その結果、不攪乱試料に非排水繰返しせん断を与えた ときのG・γ関係は、排水繰返しせん断を与えた場合 に比べて遜色のないものとなった。
- 年代効果によってサイクリックモビリティーの発現 状況に差異が生じた原因は、繰返しせん断履歴に対 する負のダイレイタンシーの累積速度の違いと、水 圧上昇後の低拘束圧域における圧縮性の急変の有無 にある。
- ・ せん断弾性係数、排水強度といったせん断特性や、
   正のダイレイタンシーの大きさに対しては、年代効果による著しい差異が認められなかった。

今後、今回の試験で見られたような年代効果による挙 動の違いを、どのような調査・試験によって把握するこ とができるか、液状化判定や各種構造物の耐震性評価に どのような形で取り込むことができるかについて、さら なる検討を続けていく必要がある。

# 4. 地震時せん断応力比の深さ方向の低減係数の見直 し

# 4.1. 地震動特性と地盤の非線形応答特性を考慮した 地中せん断応力の評価方法

### 4.1.1. はじめに

F<sub>L</sub>に基づく簡易液状化判定法では、地盤の液状化強度 と地震時に発生する地中せん断応力の比較により、液状 化の発生有無を判定する。兵庫県南部地震以降、地盤の 液状化強度の評価方法については多くの知見が蓄積され、 技術基準類への反映がなされてきたが、地震時の地中せ ん断応力の評価方法<sup>1722</sup>については、大きな見直しがなさ れていない。

現行の液状化判定法<sup>1)</sup>では、地震時の地中せん断応力τ を次式により求める。  $r_d = 1 - 0.015z$ 

(4.2)

ここに、r<sub>d</sub>は深さ方向の低減係数、k<sub>hg</sub>は地表の水平震度、 σ<sub>n</sub>は深さzにおける全上載圧である。実際には、式(4.1)の 両辺を有効上載圧σ<sub>n</sub>'で正規化した式が用いられるが、本 報では正規化せずに表記することとする。r<sub>d</sub>は、地盤が剛 体であると仮定したときの地中せん断応力τ<sub>0</sub>の最大値に 対する実際のせん断応力τの最大値の比であると説明さ れている<sup>20</sup>。地盤が剛体であるとするこの仮定は、地中加 速度の深さ方向分布が常に地表加速度と等しく一定であ るという仮定に相当するため、具体的に言えば、r<sub>d</sub>は地中 加速度分布の非一様性によるせん断応力の低減特性を表 すものである。

式(4.2)は、いくつかの地震応答解析の結果から、基盤 入力地震動の卓越周期とr<sub>d</sub>の間に一定の相関が認められ たものの、定式化には至らず、最終的に深さzのみの関数 として提案されたものである<sup>17</sup>。当時の地震応答解析にお ける入力地震動は、今日的に考慮されるようになった大 規模地震動に比べると小さいため、表層地盤に現れた非 線形性はさほど顕著でなかったものと考えられる。この ため、いわゆるレベル2地震動を含めた場合の式(3.2)の適 用性は十分に明らかにされていない。

r<sub>d</sub>に与える地震動特性や地盤条件の影響を反映すべく、 従来手法を改善するための試みもなされてきた<sup>41,42)</sup>が、こ れらの研究では、多様な条件下でのr<sub>d</sub>を地震応答解析によ り求め、経験式を導くという手法がとられてきた。しか し、非線形性の強い数値モデルに大規模地震動を入力す る方法を基本としたこの種のアプローチでは、数値モデ ルが常に信頼性の高い解を与えているとは限らず、また、 得られた統計量や構築された経験則も数値モデル自体の 特性を反映したものとなってしまう可能性がある。地震 応答解析の実施を必要としない簡易液状化判定法に対し ては、個々のサイトの増幅特性の忠実な再現までは期待 できずとも、地震時の実地盤に発生する地中せん断応力 の大局的傾向を反映させることが望まれる。

そこで、これまでに数多く蓄積されてきた強震記録を 基にした経験則を構築することを念頭に、地表加速度の 時刻歴波形から、地盤の非線形応答特性を考慮したせん 断応力の深さ方向の低減係数rdを評価する方法を新たに 提案する。なお、ここで提案する手法は、風間<sup>43</sup>が2層地 盤を対象に導いた理論的手法と類似しているが、本手法 では高振動数域での解の発散の問題に対応しつつ、地盤 物性のひずみ依存性を考慮している点が大きく異なる。

 $\tau = r_d k_{hg} \sigma_v$ 

(4.1)

### 4.1.2. 理論的考察

### (1) せん断応力の低減特性に関する調和振動解

ここでは重複反射理論に基づき、せん断応力の低減特 性に関する調和振動解を誘導する。

鉛直伝播するSH波を考え、地表を零、鉛直下方を正と する座標zを定義し、右向きの水平変位uを正とする。こ のとき、せん断ひずみy、せん断応力 $\tau$ の正方向は $\mathbb{Z}$ -4.1 のようになる。座標系をこのように定義すると、地中加 速度分布が一様であるとした場合の地中せん断応力 $\tau_0$ は、 慣性力が右向きに作用 ( $k_{hg}$ >0) するときに負となるため、 符号に注意しつつ正確に書くと、次式のようになる。

$$\tau_0 = -k_{hg}\sigma_v = \ddot{u}_s(\sigma_v/g) \tag{4.3}$$

ここに、ii。は地表加速度、gは重力加速度であり、ドット (・) は時間微分を表す。

次に、調和振動状態を考える。重複反射理論による表 現方法を用いると、式(4.3)は次のように書き換えられる。

$$\tau_0 = -2E_1 \omega^2 (\sigma_v / g) e^{i\omega t} \tag{4.4}$$

ここに、E<sub>1</sub>は地表における上昇波の変位振幅、ωは円振動数、tは時間、iは虚数単位である。

一方、地表から第」層目におけるせん断応力なについても 重複反射理論による表現方法を用いると、次式のように なる。

$$\tau_{j} = i\omega\rho_{j}Vs_{j}^{*}\left[E_{j}e^{i\omega z_{j}/Vs_{j}^{*}} - F_{j}e^{-i\omega z_{j}/Vs_{j}^{*}}\right]e^{i\omega t}$$
(4.5)

$$Vs_j^* = Vs_j / \sqrt{1 - i \cdot 2h_j} \tag{4.6}$$

ここに、 $z_{j}$ ,  $\rho_{j}$ ,  $Vs_{j}^{*}$ ,  $E_{j}$ ,  $F_{j}$ は、第j層のそれぞれ上面からの深 さ、密度、複素S波速度、上昇波の変位振幅、下降波の変 位振幅である。複素S波速度 $Vs_{j}^{*}$ は、第j層のS波速度 $Vs_{j}$ に 減衰定数 $h_{j}$ の影響を加味したものであり、等価線形化法で 用いられる複素せん断剛性 $G_{i}^{*}$ を変形したものである。





液状化判定で用いる深さ方向の低減係数 $r_d$ はrの最大値 と $\tau_0$ の最大値の比であるが、これに対応するものとして、 調和振動状態におけるrと $\tau_0$ の比をF,とすると、F,は次式の ようになる。

$$F_{r} = \tau/\tau_{0} = -\frac{i\rho_{j}gVs_{j}^{*}}{2E_{1}\omega\sigma_{v}} \left[E_{j}e^{i\omega z_{j}/Vs_{j}^{*}} - F_{j}e^{-i\omega z_{j}/Vs_{j}^{*}}\right]$$
(4.7)

これがせん断応力の低減特性に関する調和振動解である。 F,を用いれば、地表加速度*ü*。から次式により地中せん断応力でを求めることができる。

$$\tau = F_r \tau_0 = F_r \ddot{u}_s \cdot (\sigma_v / g) \tag{4.8}$$

さらに簡単のため、地表~着目深さzまでの間の地盤物性 値を一様と見なして式(4.7)を展開すると、次の単純化さ れた調和振動解が得られる。

$$F_r = \frac{\sin \omega z / V s^*}{\omega z / V s^*}$$
(4.9)

また、地震時の地盤の応答特性に対しては、地盤物性 (*Vs,h*) のひずみ依存性が影響を及ぼすことを考慮する必 要がある。減衰特性は複素S波速度に織り込まれているが、 剛性低下特性については、微小ひずみ域でのS波速度*Vs* に、ひずみ依存性による低下率 $c_r$ (=( $G/G_0$ )<sup>05</sup>)を乗ずるこ とで、次のように表すこととする。

$$F_r = \frac{\sin \omega z / c_v V s^*}{\omega z / c_v V s^*}$$
(4.10)

調和振動状態に対して誘導されたせん断応力の低減特 性F,は、着目深さおよび地層構成・地盤物性を既知量と して与えれば、円振動数ωのみの関数となることが分かる。 このため、実際の地表加速度*ii*。の時刻歴が不規則で様々 な周波数成分を含んだものであっても、*ii*。を個々の周波 数成分に分解(フーリエ変換)し、式(4.8)により周波数成 分ごとにせん断応力を求め、これらを周波数で積分(逆フ ーリエ変換)することで、せん断応力での時刻歴を得るこ とができる。この流れから明らかなように、F,は、地表 加速度から地中せん断応力を推定するための逆増幅関数 に相当する簡易なフィルタである。

これを用いて求めた地中せん断応力には、地震動特性 と地盤の非線形応答特性が反映されることになる。また、 このようにして求めた地中せん断応力での最大値を、地表 最大加速度PGA から求めたでの最大値で除すことで、簡 易液状化判定に用いる低減係数rdを求めることができる。

### (2) Fr の周波数特性と物理的意味

式(4.10)による $F_r$ の周波数特性を図-4.2に示す。ここに、  $|F_r|,\phi_r$ はそれぞれ $F_r$ の振幅,位相である。同図の横軸は正 規化した周波数 $\omega z/c,Vs$ としている。前述のとおり、 $F_r$ は 着目深さzまでの地盤の逆増幅関数に相当するものであ るため、 $\omega z/c_r V s = \pi$ 付近で $F_r$ /が極小となる点は、地表から 深さz までの間の地盤の1次ピークに相当する。仮に $c_r V s$ が深さ方向に100m/sで一様な地盤を考えたとき、1次ピー クに相当する周波数は深さ1mの位置で50Hz、深さ20mの 位置では2.5Hzとなる。このように、着目深さをS波速度 で除した $z/c_r V s$  (=地表からz までの波動伝播時間)の大き さに応じて、図-4.2の形状を有する曲線を横軸方向に拡 大あるいは縮尺させたものが $F_r$ の周波数特性となる。こ れによって、 $\omega_r z$ が大きいほど、あるいは $c_r, V s$ が小さいほ ど、地中せん断応力が低減しやすいという大局的な傾向 が表現される。

F<sub>r</sub>の振幅特性に着目すると、① $oz/c_rVs \leq 2$ 程度の範囲で は、hによらず $|F_i|$ が1.0から0.4程度まで急激に減少するこ と、② $oz/c_rVs \geq 2$ 程度の範囲では $|F_i|$ に対するhの影響が強 まり、hが大きいほど $|F_i|$ が大きくなること、③ $oz/c_rVs$ が 大きくなると $|F_i|$ が1.0を超えて急増し、その傾向はhが大 きい場合ほど顕著となることが分かる。①は、1次ピーク 周波数の2/3程度以下の低振動数域では地盤の増幅特性に 減衰が影響を及ぼしにくいことと対応している。逆に② は、それ以上の周波数帯では減衰特性の影響が強まり、

減衰が大きいほど地盤の応答が増幅されにくいことと対応している。③は、地表の地震動を地中に引き戻す逆増 幅解析において高振動数域が発散するという不具合と本 質的に共通するものであり、ここで考える地中せん断応 力の計算においても同様の問題に直面することが容易に 想像される。

位相特性に着目すると、④h=0%の場合は不連続な階段 状となること、⑤h>0%の場合は $\omega z/c_v Vs$ が大きくなると $\omega$ に対する $\varphi_{Fr}$ の接線勾配 $d\varphi_{Fr}/d\omega$  (= 群遅延時間 $t_{gr}$ )が一定 の値に収束していくことが分かる。⑤は、波動が地中か ら上昇する際にタイムラグを伴うことと対応している。 なお、図-4.2に示した $\varphi_{Fr}$ のデータから数値的に群遅延時 間 $t_{gr}$ を求めてみると、高振動数側で概ね $t_{gr}=-z/c_v Vs$ に収束 する傾向が確認された。④は、h=0とした場合は地中~地 表間における波動のタイムラグが表現されないことを表 している。

このように、式(4.10)を用いて地表加速度から地中せん 断応力を評価するとき、1次ピーク周波数の周辺やそれ以 降の周波数帯における低減度合いの表現、あるいは波形 の位相特性の表現の観点からは、減衰定数hの考慮が必要 となるものの、これを考慮することで高振動数域の振幅 特性を発散させるという不具合をもたらすことが分かる。

### (3) 高振動数域の振幅特性の修正

周波数領域における地盤の地震応答解析手法として有

名なSHAKEが、上記と同一の問題を有していることはよ く知られている。このため、応答計算結果をフィードバ ックさせる収束計算の中で、周波数帯により異なる地盤 物性を与えることにより、この問題の改善を図る解析手 法も提案されている<sup>例はは445</sup>。しかし、ここでは、地表で 得られた多数の強震記録から地中せん断応力を概略的に 評価することを想定し、高振動数域における振幅特性の 発散の問題をより簡便な形で回避することを考える。

既往の鉛直アレー記録やその地震応答解析による知見 から、周波数領域における地震応答解析手法では、減衰 定数h を全周波数帯にわたって一定として扱うことによ り、高振動数域で表層地盤の増幅関数が過小評価される ことが知られている。したがって、実際には表層地盤の 逆増幅関数が図-4.2のように急増することはなく、より 平坦なものとなる。これを単純化し、ある周波数を境界 として高振動数側のIF,Iを一定値として扱うこととする。 また、その境界としては、位相のFr が初めて-180°に達す るとき(地表加速度に対する地中せん断応力の位相がち ようど180°に反転するとき)の円振動数のmを選定する。 この周波数は表層地盤の1次ピークと2次ピークの概ね中 間に相当するため、式(4.10)のように地表~深さzまでの 地盤物性を一様とみなすという単純化を行っても、表層 地盤の逆増幅特性を大局的に捉えることは可能であると 考えられる。一方、Frの位相特性については、波動のタ イムラグを表現することができるように、式(4.10)を活か すこととした。

以上をまとめると、本研究で提案するF,は式(4.11)のと おりである。図-4.3に示すように、提案するF,の周波数 特性はローパスフィルタの形を成しており、地表から着 目深さzまでの波動伝播時間z/c,Vsと平均的な減衰定数hが その遮断特性と群遅延特性を決定することとなる。



- 37 -

$$F_{r}(\omega) = \begin{cases} F_{r0}(\omega) & (\omega \le \omega_{rev}) \\ \left|F_{r0}(\omega_{rev}) + \exp[-i \cdot \phi_{Fr0}(\omega)]\right| & (\omega_{rev} < \omega) \end{cases}$$
(4.11a)

$$F_{r0}(\omega) = \frac{\sin \omega z / c_v V s^*}{\omega z / c_v V s^*}$$
(4.11b)

(4)提案手法のフローとパラメータ設定方法

前項で提案したF,の周波数特性を用いて、地表加速度の時刻歴から地中せん断応力rの時刻歴およびせん断応力の低減係数r,を評価するためのフローを図-4.4に示す。

提案手法を実地盤の地震記録に適用するにあたっては、 表層地盤の非線形応答特性に関する情報である平均Vs、S 波速度低下率c<sub>v</sub>、減衰定数hの設定が特に重要となる。以 下、これらの設定方法について説明する。

式(4.9)の誘導にあたっては、地表〜着目深さzまでのVs が一定であるとして単純化した。この平均Vsは、表層地 盤全体で一定値であるとして扱う方法も考えられるが、 むしろ、着目深さzごとに異なる値として扱うことで、地 層構成の影響をある程度反映させることができる。つま り、Vsが深さ方向に非一様な実地盤に対しては、地表か ら微小なS波を発振したときの深さ方向の走時曲線(ダ ウンホール方式のPS検層で得られる走時曲線と同義)に おける着目深さz での走時t<sub>r</sub>の割線勾配を平均Vs (= z/t<sub>r</sub>) として扱うこととする。見方を変えると、これは、各深 度zにおける走時t<sub>r</sub>を式(4.11)のz/Vs の代わりにそのまま 使用することと等価である。

S波速度低下率c,については、実地盤に生じる材料非線 形性の発現度合いを適切に反映した値とする必要がある。 例えば、時松ら40-51)は強震記録のランニングスペクトルか ら卓越周期の経時変化を求め、実地盤に生じた材料非線 形性 (G/G) を直接的に評価している。これとは解析手法 が異なるが、大町・田原<sup>8</sup>はフーリエ位相スペクトルを利 用することで、鉛直アレー記録における2点の地震計間の 波形形状のタイムラグを求め、高い分解能で位相速度の 経時変化を求めている。これらの解析により得られた G/Goやc,は、表層地盤が発揮した材料非線形性の実測値に 相当するものであり、非線形性の強い数値モデルから得 られる計算値に比べて高い信頼性を有している。このよ うなデータを数多く蓄積し、経験則を導くことができれ ば、強震記録が得られていない地点に対しても妥当なな。 を設定することができるが、これについては今後の課題 とする。当面は、当該地点の強震記録からc,を評価した上 で本提案手法を適用することとする。

減衰定数hについて、吉田・若松<sup>50</sup>は、原位置で採取された482試料の土の繰返し変形特性試験データを次式により近似し、G/G<sub>0</sub>・h 関係の線形性を確認するとともに、





(b) 位相特性 図-4.3 式(11)による Fr の周波数特性(提案手法)



# 図-4.4 提案手法による地中せん断応力 r および低減係数 r<sub>d</sub> の評価フロー

hmaxの統計量を求めている。

$$h = h_{\max} \left( 1 - G/G_0 \right) = h_{\max} \left( 1 - c_v^2 \right)$$
(4.12)

このような知見を参考にすれば、減衰定数h をc,の関数として与えることができると考えられる。当然のことながら、室内土質試験データが得られている場合は、それを上式で近似した上で使用することができる。

# 4.1.3. 動的遠心模型実験と提案手法による水平地盤の せん断応力低減特性の比較・検証

前節で提案した地中せん断応力の評価方法を、水平地 盤を対象に実施された動的遠心模型実験に適用し、実験 結果と比較することで検証を行う。

## (1) 実験概要

SH場では、地震中のいずれの瞬間においても、 ある 深さにおける地中せん断応力と、以浅の地盤の単位面積 当たりの慣性力が常につり合う。したがって、地中に数

多くの加速度計が鉛直アレー状に配置されている場合、 地震中の各瞬間での加速度分布を計測値の線形補間によっても精度よく再現することができる。このとき、地表 からj 番目の加速度計設置深度z<sub>i</sub>におけるせん断応力g は、加速度計測値から次式により直接的に算出すること ができる。

$$\tau_{j} = \frac{1}{2} \sum_{k=1}^{j} \rho_{k} (\ddot{u}_{k-1} + \ddot{u}_{k}) (z_{k} - z_{k-1})$$
(4.13)

ここに、 $ii_k$  は深さ $z_k$  における加速度計測値、 $\rho_k$  は深さ $z_{k1}$  ~ $z_k$ の間の地盤の密度である。通常、実地盤の鉛直アレー 観測では、式(4.13)を適用できるほどの間隔で地震計が配 置されることはないので、ここでは模型実験を対象に地 中せん断応力 $\tau$ を求め、その低減特性について考察を行う こととする。

検討対象としたのは、乾燥砂地盤を対象とした実験1、 飽和砂地盤を対象とした実験2<sup>53)</sup>の2ケースの動的遠心模 型実験である。いずれもせん断土槽内に水平な模型地盤 のみを作製したものであり、50Gの遠心力場の下で行われ たものである。各実験の模型概要については川口ら<sup>18)</sup>を参 照されたい。実験1の模型地盤は、層厚5.72mでDr=56%の 上部砂層と、層厚10.02mでDr=90%の下部砂層から構成さ れている。また、実験2の模型地盤は層厚14.49mでDr=82% の砂層から構成されている。センサー配置は同様であり、 加速度計は深さ方向に2m程度の間隔で配置されている。

入力地震動波形については川口ら<sup>18)</sup>を参照されたい。両 実験における入力地震動は、道路橋示方書 (H24) に示さ れている動的解析用地震動波形のうちI-I-3 (レベル2タイ プI、I種地盤、新晩翠橋周辺地盤NS成分)を基に、実験1 では80%、実験2では64%に振幅調整したものであり、これを土槽底面から入力した。

両実験で得られた各深度の加速度波形に基づき、式 (4.3)によりτ<sub>0</sub>を、式(4.13)によりτを求めた。なお、実験2 では加振開始から100s程度で液状化が発生し、以降の時 間帯ではそれに伴う著しい長周期化やスパイク状のピー クが発生したが、道路橋示方書による液状化判定は液状 化が発生しない場合の地表加速度を基に行うものである ため、実験2に関する最大応答値は100sまでの時間帯での 最大値とした。100s以降を除けば、両実験の全深度につ いて、τが最大値を示した時間帯は95~99sであった。

### (2)提案手法を適用する際のパラメータ設定方法

提案手法を適用する際の平均Vs,c,およびhの設定方法 は3.2.4項に述べたとおりである。本実験に適用するにあ たっての具体的なパラメータ設定方法を以下に示す。

- 本加振とは別に、土槽底面から微小なインパルスを 与える加振を行っており、その結果から走時曲線を 作成し、各深度の平均Vsを設定した。
- 2) 地震波加振による計測データから、大町・田原<sup>8</sup>の方 法を用いて模型地盤全体の平均的なS波速度低下率 c,を求めた。具体的には、まず、地表(加速度計A1 あるいはA2)と土槽底面(加速度計A9)で得られ た2つの加速度波形を、PGAが記録された時刻を含め た有効区間2.00sの台形ウインドウ(前後テーパは 各0.28s)で切り出し、各々のフーリエスペクトルの 差分を直線近似することで2波形間のタイムラグでを 求めた。地表〜土槽底面の加速度計間の距離dz をて



図-4.5 ピーク時刻周辺の cの時刻歴および raの深さ方向分布

で除すことで、ひずみ依存性の影響を含めたS波速 度c,Vs を求めた。これを、上記1)の走時曲線から求 めた地盤全体の平均Vsで除すことにより、c,を求め た。なお、算出されたc,は、95~99s間では実験1で 0.66、実験2で0.39であった。

3) 過去に実施した豊浦砂の繰返し変形特性試験結果を 参考にh<sub>max</sub>=35%とし、式(3.12)によりc,に応じた減衰 定数hを求めた。

なお、実験では深さ方向に加速度計が多数配置されているため、発揮されたひずみ依存性の深さ方向の違いを詳細に評価することもできるが、今後、地表で得られた強震記録から地中せん断応力を概略的に評価することを想定したとき、前述のように*c*,*h*を表層地盤全体の平均的な値として設定することを念頭に想定し、あえて模型地盤全体としての平均的な値を求めて計算に使用している。

### (3) ての時刻歴および r<sub>d</sub>の深さ方向分布

続けて、2ケースの実験の代表的な深度でのrの時刻歴 とr<sub>d</sub>の深さ方向分布について、95~99sの時刻における実 験値と計算値を図-4.5に比較する。

両ケースのいずれの深度についても、での時刻歴は実験 値と計算値が高い精度で一致していることが分かる。そ の結果として、r<sub>d</sub>の深さ方向分布についても実験値と計算 値がほぼ一致している。τ/τ<sub>0</sub>の周波数特性はせいぜい1次ピ ーク付近までしか再現できなかったが、逆に、1次ピーク 付近までの地盤の逆増幅特性をある程度の精度で評価す ることができれば、提案手法によりτの時刻歴およびその 最大値が高い精度で再現されることが分かる。

ここで、G.L.-5m以深のrの時刻歴を見ると、いずれのケ ースも波形のピーク形状はなだらかである。一方、ての時 刻歴を見ると両ケースでピーク形状が著しく異なる。す なわち、大ひずみ域における応力・ひずみループ形状が 紡錘型となる乾燥砂の場合はtoのピーク (üs のピーク) が比較的なだらかであり、ループ形状が逆S字型となる飽 和砂の場合はたのピークが鋭く尖っていることから、この ピーク形状の違いは地盤の材料非線形性の違いを反映し たものと考えられる。そして、実験1におけるな(あるいは üs)のなだらかなピークは高振動数成分をあまり含まな いため、波長が長く地中加速度分布が比較的一様となり、 結果として地中せん断応力のピークが深さ方向に低減し にくい。一方、実験2における70の鋭いピークは、強い高 振動数成分を含むだけに、波長が短く地中加速度分布の 非一様性が顕著となるため、地中せん断応力のピークが 深さ方向に低減しやすい。 両ケースでraの深さ方向分布に 明瞭な差が生じた理由は、このように説明される。結果

として、実験1におけるr<sub>d</sub>分布は式(4.2)と同等、実験2にお けるr<sub>d</sub>分布は最深部G.L.-15m付近で式(4.2)の半分以下と なっている。

このように、本報で比較対象とした2ケースの実験は、 地盤の材料非線形性~地表加速度の時刻歴のピーク形状 ~地中せん断応力の低減特性の因果関係が明確であり、 かつ好対照であったと言える。特に、液状化判定で着目 する飽和砂地盤では、地震動が強く顕著な逆S字型の履歴 ループ形状を示す場合ほど、PGAに比して地中せん断応 力が小さくなるため、従来手法では地中せん断応力を過 大評価する可能性が高いと言える。提案手法では、地表 加速度に含まれる周波数成分ごとに地中せん断応力の低 減特性の違いを考慮しているため、材料非線形性の影響 の強弱によらず、両実験における地中せん断応力を高い 精度で再現することができている。

### 4.1.4. 結論

F<sub>L</sub>に基づく簡易液状化判定法では、地中加速度分布を 一様と仮定したときのせん断応力τ<sub>0</sub>を基に、地中加速度分 布の非一様性を考慮した低減係数r<sub>d</sub>を乗ずることで、せん 断応力τを求める。平成26年度は、このr<sub>d</sub>について、既往 の強震記録を基にした経験則を構築することを念頭に、 地表加速度の時刻歴から地中せん断応力を評価する方法 を提案した。また、提案手法を模型実験および強震記録 に適用することで、妥当性の検証を行った。平成26年度 の検討結果をまとめると次のとおりである。

- 1) τ/τ₀が深さのみならず、地震動の周波数特性、地盤の非線形応答特性の影響を受ける傾向を簡潔に表現することのできるτ/τ₀の調和振動解を誘導した。調和振動状態の下で定義するτ/τ₀ (=F,) は地表~着目深さzにおける地盤の逆増幅関数に概ね相当するため、これをτ₀の時刻歴のフーリエ変換に乗じ、逆フーリエ変換することでての時刻歴を得ることができる。
- 2) ただし、調和振動解から単に誘導されたF,は、高振動 数域でrの振幅特性を発散させるというSHAKEと同様 の不具合に直面することが考えられるため、高振動数 域の振幅特性を修正したF,を提案した。
- 3) 水平地盤を対象とした動的遠心模型実験による加速度 計測値から、地中せん断応力でを直接的に求めるととも に、提案手法により算出したてと比較することで手法の 検証を行った。での周波数特性については、提案手法 では地表~z以浅の地盤の概ね1次ピーク付近までしか 再現することができなかったが、それでもての時刻歴お よびraの深さ方向分布は実験値と高い精度で一致した。
- 4) 実験結果からは、地中せん断応力の低減係数raが地表

加速度の時刻歴のピーク形状に強く依存する傾向が認 められ、表層地盤の材料非線形性(大ひずみ域での応力 ひずみループ形状)~地表加速度の時刻歴のピーク形 状~地中せん断応力の低減特性に一貫した関連性が存 在することが明らかとなった。特に、液状化判定で着 目する飽和砂地盤では、地震動が強い場合ほど顕著な 逆S字型の履歴ループ形状を示し、地表加速度波形のピ ーク形状が鋭く尖ったものとなるが、それだけに波長 が短く、地中加速度分布の非一様性が顕著となるため、 地中せん断応力は深さ方向に低減しやすい。

5) 軟弱粘性土地盤で強震動を捉えた鉛直アレー記録に 対して提案手法を適用したところ、推定された地中せん 断応力の最大値は、乱れの少ない試料の繰返し変形特性 試験結果から評価されるせん断強度gと概ね一致する 結果が得られた。

# 4.2. ひずみ依存性による S 波速度低下率 c,の設定方法 4.2.1. はじめに

本研究では、4.1に示す手法の適用範囲の拡大を図るため、強震記録から地中せん断応力を直接的に推定する際にポイントとなる表層地盤のひずみ依存性によるS波速度の低下率c,について、地表の地震記録から簡易に設定する手法を検討し、鉛直アレー記録および模型実験を対象に、一連の手法の適用性について検証した。

### 4.2.2. 鉛直アレー記録の波形解析

実地盤における表層の非線形応答に関するデータを得 るため、鉛直アレー記録の波形処理解析を行った。ここ では、地盤条件が明らかであり、かつ、少なくとも1度 は大規模地震動を記録した観測地点として、ポートアイ ランド<sup>54)</sup> (GL.および GL.-32m.以下、PI)、小名浜港湾 事務所<sup>54)</sup> (GL.および GL.-11.05m.以下、小名浜)、山崎 震動観測所<sup>55)</sup> (小段および小段-22m.以下、山崎)の3 サイトを選定し、1サイトあたり約20地震の記録につい て解析を行った。

波形処理解析においては、水平動の位相速度 c、平均 せん断ひずみ y を算出した。位相速度 c は、大町・田原 <sup>8</sup>の方法により算出した。平均せん断ひずみ y は、地表・ 地中の相対加速度の2回積分によって相対変位を求め、 それを単に地震計間距離で除すことによって算出した。

### 4.2.3. c<sub>ν</sub>, γ と地表地震動指標の相関

*c*,*y* と地表地震動指標 (*PGA*, *PGV*, *PGD*, *SI*)の相関関 係を図-4.6 に示す。同図に示す*c*,*y*は、1 地震ごとの それぞれ最小値、最大値である。*c*,については、どの指 標で見ても地震動強さに応じて低下する傾向がある。一 方、*y*は*PGV*, *PGD*, *SI* に対して線形に近い関係を有し、 *PGA* との相関が悪いことが分かる。各指標の優劣を見極 めるためにはさらなるデータの充実を図る必要があるが、 ここでは*c*,の簡易評価に用いる指標として *PGV* を選定 することとする。これは、後述のように地表速度が地中 せん断ひずみとの間に理論的関係を有し、定式化を行う 上で有利となると考えたためである。

*c*, と *PGV* の相関をより詳細に調べるため、各地震記録において、*c*, と *PGV* を約 2.56 秒間隔で求めた。その結果を図-4.7 に示す。個々のサイトで見れば、*c*, と *PGV* の相関は良好である。一方、軟弱粘土を主体とする山崎では*c*, が低下しにくく、砂を主体とする小名浜では*c*, が低下しやすいなど、サイト依存性が認められる。

# 4.2.4. S波速度低下率 c,の簡易設定法の定式化

上記の検討結果を踏まえ、*c*,の簡易設定法の定式化について検討する。表層地盤を一様とみなして単純化すると、地中せん断ひずみ y(*z*, *t*)、地表速度 *u*(*t*)の関係は次式



となる<sup>40</sup>。

 $\gamma(z,t) = \{\dot{u}_{s}(t+z/c,AVS) - \dot{u}_{s}(t-z/c,AVS)\}/(2c,AVS)$ (4.14) 右辺{}内の第1項、第2項はそれぞれ速度の上昇成分、 下降成分である。これを変形し、 $\gamma_{max} \cdot PGV$ 関係に直す。  $\gamma_{max} = \alpha \cdot PGV/c,AVS$ (4.15)

 $\gamma_{max} = \alpha_v \cdot PGV/c_v AVS$  (4.15)  $\alpha_v$  は速度の上昇・下降成分の重ね合わせに関する定数で あり、1 次モードが卓越する場合は 0.5~1.0 をとるもの と考えられる。

次に、表層地盤の平均的な動的変形特性を、 Hardin-Drnevichモデルにより近似的に与えることとする。

$$G/G_0 = c_v^2 = 1/(1 + \gamma/\gamma_r), \quad h = h_{\max}(1 - G/G_0) = h_{\max}(1 - c_v^2)(4.16)$$

γ,は表層地盤全体の平均的な規準ひずみ、h<sub>max</sub>は最大減 衰定数であり、これらの設定方法は後述する。式(2)によ り得られる最大ひずみ γ<sub>max</sub> を上式の γ に代入して整理す ることで、次式が得られる。

$$c_{v} = \sqrt{1 + \left(PGV/V_{r}\right)^{2}} - PGV/V_{r}, \quad V_{r} = 2AVS \cdot \gamma_{r}/\alpha_{v}$$
(4.17)

 $V_r$  は表層地盤の S 波速度とその低下特性を簡潔に表す 定数であり、規準速度と呼ぶこととする。式(5)による  $c_v$ ・ *PGV* 関係をいくつかの  $V_r$  に対して描いてみると、 $V_r$  の 適切に設定すれば実地盤における S 波速度の低下傾向を 再現できそうなことが分かる。

### 4.2.5. PGVと非線形応答の関係

*c*, ·*PGV* 関係のさらなる検証は後述するものとし、こ こでは式(4.15)を検証するため、地震記録から算出した平 均せん断ひずみ*y*と、*PGV/c* (=*PGV/(c,AVS*))の関係を図 -4.8 で確認する。サイトごとに見れば*y*と *PGV/c*の相 関は良好であり、比例定数*a*,を適切に設定できれば一定 の適用性があると考えられる。ただし、*a*,はサイトによ って異なり、表層地盤の主体が粘性土となるほど*a*,が小 さくなる傾向が認められる。これは、高次モードの影響 によるものと考えられる。つまり、縦軸*y*は地震計間で の相対変位を単に距離で除したものであるため、高次モ ードが卓越する場合はひずみを過小評価する。一方、式 (4.14)、(4.15)から分かるように*PGV/c*は深さ方向の局所 的なひずみに相当するため、高次モードが卓越してもひ ずみを過小評価することはない。この違いが*a*,のサイト 依存性として現れたものと考えられる。

以上の考察に基づくと、*α*, をサイトごとに与えること は容易でない。そこで、本検討の最終目的である液状化 判定で安全側の結果を得ることを考え、*α*, = 0.5程度と小 さめに設定することを提案する。

### 4.2.6. 表層地盤全体系の基準ひずみッ,の設定手法

表層地盤の地震応答解析では、レベル2地震動と呼ば れるような極めて強い地震動に対して、地中のごく一部 の地層にひずみが局所化する結果となりやすく、かつ、 局所化の発生位置は各層の剛性・強度バランスや地震動 によって複雑に変化する。こうした問題の性格上、ひず み依存性の影響を含めたS波速度の深さ方向分布を精度 よく把握することは容易でないため、非線形応答の影響 を一定の精度で推定する上での工学的判断として、表層 地盤の非線形性を地盤全体で平均的に捉える方法がある と考えられる。

 そこで、坂井・室野<sup>50</sup>が提案している簡易な地震応答 解析手法 (等価 1 自由度モデル)を参考に、表層地盤全 体系の平均的な *G*/*G*<sub>0</sub>・γ 関係を次の手順で設定した。
 1)表層地盤を構成する各層を水平成層状と見なし、各層 の層厚 *H*<sub>b</sub> 密度 ρ<sub>b</sub> S 波速度 *Vs*<sub>i</sub>(*j*=1~*n*)を設定する。







図-4.8 yと PGV/c の関係

また、各層の  $G/G_0 \cdot \gamma$  関係を Hardin-Drnevich モデルに よって簡易に近似することとし、各層の規準ひずみ  $\gamma_{rj}$ を設定する。

2) 適当な平均せん断ひずみ *p* を設定し、これに対応した 地表変位*u*sを次式により算出する。

$$u_s = \bar{\gamma} \sum H_j \tag{4.18}$$

3) 重複反射理論に基づいて 1 次モードの変位分布を計算し、地表変位を $u_s$  としたときの各層のひずみ $y_i$  を算出する。1回目の計算では各層のS波速度低下率 $c_{v_i}$ = 1とし、2回目以降の計算では前回の計算における $y_i$  から $c_{v_i}$ を次式とする。

$$c_{v,i} = 1/\sqrt{1 + \gamma_i/\gamma_{r,i}}$$
 (4.19)

各層のS波速度低下率 $c_{vj}$ が収束するまでこの計算を 繰り返す。

4) 表層地盤全体系の平均的な S 波速度低下率 c, を次式 により算出する。

$$c_{v} = \left(\sum_{j=1}^{n} H_{j} / V s_{j}\right) / \left(\sum_{j=1}^{n} H_{j} / c_{v} V s_{j}\right)$$
(4.20)

5) 上記 2)~4) の計算をいくつかの $\bar{p}$ に対して行うこと で表層地盤全体系の $c_{r}$ ・ $\bar{p}$ 関係を求め、さらにそれを Hardin-Dmevich モデルの式で近似することにより、表 層地盤全体系の平均的な規準ひずみ $y_{r}$ を得る。

以上に示した手順の多くは坂井・室野<sup>50</sup>の方法と共 通するが、Hardin-Drnevich モデルを用いた点と $c_{x,\bar{y}}$ の 算出方法が異なっている。以下、上記 1)~4)の手順と 式(4.17)を組み合わせて S 波速度低下率 $c_{x}$ を推定する 手法を、簡易設定法と呼ぶこととする。

各層の規準ひずみは、室内試験データが得られている場合はそれを使用し、得られていない場合は吉田・若松<sup>52)</sup>を参考に設定した。また、減衰定数 h の設定においても、Hardin-Drnevich モデルによる次式を用いることとした。

 $h = h_{max} (1 - c_v^2)$  (4.21)  $h_{max}$  についても吉田・若松 <sup>52)</sup>を参考に、砂質土、粘性 土の両者の平均的な値として  $h_{max} = 20\%$ とした。

### 4.2.7. 鉛直アレー記録に対する検証

解析対象とした3サイトに対して、4.2.6に示した方法 により地盤全体系の規準ひずみ<sub>7</sub>を算出したところ、山 崎で0.247%、小名浜で0.083%、PI で0.074%であった。 この<sub>7</sub>,を用いて、式(4.17)により算出される *c*,・*PGV* 関 係を図-4.9に示す。また、各地点の観測記録のうち最も 強い地震動(山崎,小名浜は東北地方太平洋沖地震、PI は兵庫県南部地震)に対する *PGV* から式(4.17)により算



出した c,を図-4.9 中に〇印でプロットした。

山崎および PI は、鉛直アレー記録と比べて PGV の増 加による c,の低下傾向を概ね捉えており、最も強い地震 動に対する PGV から式(4.17)により算出した c,について も鉛直アレー記録と同等となった。小名浜は、鉛直アレ ー記録と比べて大きな c,を与えており、改善の余地があ る。ただし、本検討の目的である地中せん断応力の評価 に用いることを想定すると、c,が大きい場合ほどせん断 応力が低減しにくいため、安全側の評価となる。

### 4.2.8. 模型実験に対する検証

次に、2ケースの動的遠心模型実験に対して、式(4.17) により算出される c, を用いて、地中せん断応力の最大値 τ<sub>max</sub> およびその低減係数 r<sub>d</sub>の深さ方向分布を算出した。 計算対象とした実験は、川口ら<sup>18)</sup>が解析対象とした実験 であり、模型地盤内に設置された多数の加速度計から地 中せん断応力の時刻歴が算出されている。実験1では乾 燥砂地盤、実験2では飽和砂地盤に対して、レベル2地 震動に概ね相当する地震動が入力されている。

模型概要図を図-4.10 に、地表の加速度時刻歴を図 -4.11 に示す。

同実験では、PGAが記録された時刻を含む95~99s間 における模型地盤全体の平均的なS波速度低下率 $c_v$ と して、実験1で $c_v$ =0.66、実験2で $c_v$ =0.39が得られて いる。これに対して、簡易設定法によると実験1で $c_v$ = 0.52、実験2で $c_v$ =0.44が得られ、加速度計測値より算 出した $c_v$ と比べ1割程度の差が生じる結果となった。

続けて、両ケースについて、式(1)により各深度における せん断応力 $\tau$ を算出し、その最大値 $\tau_{max}$ と $r_d$ を算出し た。その結果を図-4.12に示す。一連の手法によって算 出された $\tau_{max}$ および $r_d$ の深さ方向分布は、多数の加速 度計測値から直接的に算出されたそれらとよく一致して いる。このことは、式(5)を用いて算出される  $c_r$ が、 $r_a$ の 深さ方向分布を得る上で十分な精度を有していることを 意味している。

# 4.2.9. 結論

簡易液状化判定に用いる地震時せん断応力比の低減係 数 r<sub>d</sub> (= 1-0.015z)の検証および見直しに資するため、強 震記録から地中せん断応力を直接的に推定する手法にお いてポイントとなる表層地盤のひずみ依存性による S 波 速度低下率 c<sub>v</sub>について、簡易設定法の構築を試みた。ま た、鉛直アレー記録および模型実験を対象に同手法の検 証を行った。その結果は次のとおりである。

1) PGVを指標とし、坂井・室野の等価1自由度モデルに Hardin-Drnevichモデルを組み込むことで、地盤全体の 平均的なS波速度低下率c<sub>v</sub>を簡易的に設定する手法を 構築した。

- 2) 鉛直アレー記録について簡易設定法により算出した 結果、PGVの増加による c,の低下傾向および最も強い 地震動に対する PGV から算定した c,は鉛直アレー記 録と同等、またはそれ以上の値が得られた。なお、c, が大きな値となることは、c,が大きい場合ほどせん断 応力が低減しにくいため、液状化判定においては安全 側の評価が得られることとなる。
- 3) 模型実験において、簡易設定法により算出した*c*, は、 加速度計測値より算出した*c*, と比べ1割程度の差が生 じたが、*t*<sub>max</sub> および*r*<sub>d</sub> の深さ方向分布を算出した結果、 多数の加速度計測値から直接的に算出されたそれらと よく一致した。



図-4.12 地中せん断応力および rd 深さ方向分布図

# 4.3. 数多くの強震記録における地中せん断応力の低 減係数の算出および回帰

### 4.3.1. はじめに

多数の強震観測地点において、4.1 に示した手法を用い計算した地中せん断応力の低減係数と地表地震動や地盤特性の関係について回帰分析を行い、地表地震動や地盤特性から各地点のr<sub>d</sub>深度分布を設定することを目的とし回帰式を組み立てた。

### 4.3.2. 強震記録の選定

検討対象とする強震記録の選定については、収集した 全 1905 地震観測記録から地震、地域、地盤種別が大き く偏らないこと、また、地中せん断応力の評価手法にお ける地震動指標として採用した PGV が上位となる記録 を優先してK-NET, KiK-NET<sup>57)</sup>、港湾地域強震観測<sup>54)</sup>、 気象庁、国土技術政策総合研究所等<sup>58)59)</sup>の記録から 152 記録を選定した。表-4.1,表-4.2 に地盤種別ごとに PGV および PGA について分類した結果を示す。

表-4.1 地盤種別毎の PGV による地震記録の分類

単位	記録

PGV(kine)	I 種地盤	Ⅱ種地盤	Ⅲ種地盤	計
0~20	0	2	2	4
20~40	15	29	22	66
40~60	21	23	7	51
60~80	2	10	3	15
80~100	2	3	0	5
100~	1	6	4	11
計	41	73	38	152

表-4.2 ±	地盤種別毎の	PGAによる	地震記録の分	分類
---------	--------	--------	--------	----

				単位:記録
PGA(gal)	I種地盤	Ⅱ種地盤	Ⅲ種地盤	
0~200	0	4	9	13
200~400	5	26	20	51
400~600	12	21	7	40
600~800	6	8	0	14
800~1000	7	6	2	15
1000~	11	8	0	19
計	41	73	38	152

# 4.3.3. 強震記録の cv-PGV 関係

4.2 に示した一連の手法により 152 地点の強震記録に ついて cv を算出した。に 152 地点の cv-PGV 関係につい て平均 S 波速度 AVS により分類したものを図-4.13 に示 す。図中の右上側にあるほど剛性が低下しにくい地盤で あり、AVS が大きい地盤ほどその傾向が現れている。図 中下側にプロットされた極端に cv が小さい地点がある が、これらの地点は、S 波速度が低い砂質土層が存在し ている地点で、剛性が急激に低下することが要因である。

鉛直アレー地点について、PI は比較的剛性低下しやす い地盤であったことが言える。また、山崎は、粘性土が 卓越する地盤であり中間的な剛性低下の傾向を示した。 小名浜は、表層の緩い層で剛性低下するが、全体的に見 ると平均よりも剛性低下しにくい地盤といえる。



図-4.13 強震記録 152 地点の Cv-PGV 関係

# 4.3.4. 強震記録における地中せん断応力の低減係数の の計算結果

地震記録 152 地点について、前述の 4.1 の手法を用い て地中せん断応力の低減係数 r<sub>d</sub>の深さ方向分布を計算し た。計算の結果は図-4.13 に示すように、表層において 急激に低減するケースやほぼ直線的に低減するケース等、



図-4.14 Fr による 150 地点における r<sub>d</sub>深度分布の 計算結果 サイトごとに低減形状が様々であるが、岩崎らの提案した直線式と比べr<sub>d</sub>が小さくなるケースが多いことが分かった。

### 4.3.5. 地表地震動および地盤特性による r<sub>a</sub>回帰分析

152 地点の r<sub>d</sub>深さ方向分布について地震動や地盤特性 との関係性から回帰式を作成する。

### (1) r<sub>d</sub>深さ方向分布の近似式の作成

個々の地震記録から計算した地中せん断応力の低減係数 r<sub>d</sub>の深度分布は式(4.22)の双曲線関数により近似することで、図-4.15 に示すように様々な r<sub>d</sub>深さ方向分布を捉えることができる。

$$r_d(z) = 1 - \frac{z}{\alpha + \beta z} \tag{4.22}$$

近似式の特徴として、図-4.16 に示す近似の例のよう に深度 z が極限値となる場合の $r_d$ は、 $r_d$ (∞)=1-1 /  $\beta$ で あり、 $\beta$ は深度 z が極限値における  $r_d$ を規定する変数と なる。また、地表における  $r_d$ の接線は、 $r_d$ =1-1/a・z であり、aは曲線の初期勾配を規定する変数となる。

基盤深度を $z_a$ としたときの $r_d$ を $r_a$ として、以下の式で表すこととする。

$$r_{db} = 1 - \frac{z_b}{\alpha + \beta z_b} \tag{4.23}$$

ここに、

zb:各地点の最下端深度で20mを下限

r<sub>dh</sub>:深度zhにおける地中せん断応力の低減係数

なお、検討地点の約 1/3 の地点が基盤深度に関わらず 深度 20m までしか地盤データが存在しないため、r<sub>a</sub>の最 下端深度が 20mより深いもの(8 地点)は、最下端深度 を液状化判定の下端深度でもある 20mに統一すること とした。

式 (4.23) において  $\beta=0$  の時、 $r_d$ は  $\alpha$  の一次関数となる。  $\beta<0$  となると  $\alpha$  の値によっては  $r_d$  が負となる範囲が存在するため  $\beta \ge 0$  として  $\alpha$  に条件を設けた。

式(4.23)を展開して

$$\beta = \frac{1}{1 + r_{db}} - \frac{\alpha}{z_b} \ge 0 \tag{4.24}$$

$$\alpha \le \frac{z_b}{1 - r_{db}} \tag{4.25}$$

なお、 $\beta=0$ で $\alpha=66.666$ の時、 $r_d$ の深度分布式は岩崎らの式 $r_d=1-0.015z$ に相当する。

### (2)回帰変数の設定

ある地点における地表地震動諸元や地盤特性から r<sub>d</sub> 深度分布を求める式を作成するため、式(4.22)の変数に対

して、地表地震動諸元及び地盤特性との回帰式を導く。

地表地震動諸元及び地盤特性との回帰変数については、 式(4.22)の変数 $\alpha, \beta$ に相当する2つの値を設定する必要がある。

変数 α は図-4.16 に示すように r<sub>d</sub>の曲線の初期勾配を 規定する値で、これを1つ目の回帰変数とする。

変数 $\beta$ はzが極限値における $r_d$ を規定する値であるが、 zの値は着目範囲である基盤深度以浅の $r_d$ との関連性が 薄く、地震動諸元や地盤特性との相関が悪いため回帰変 数として適さない。

 $\beta$ の代替としてある特定の深さにおける  $r_d$ を回帰変数 とする。 $r_d$ を回帰変数とする場合、ある特定の深さを設 定する必要があるが、図-4.16に示す $r_d$ (20)のように $r_d$ が 負となる範囲が存在する。これは、近似式が計算領域外 であるためであり、I種地盤のような基盤面深度が浅い 場合には $r_d$ (10)等についても同様に $r_d$ が負となる範囲が 存在するケースがあるため、 $r_d$ の特定の深さについては 各サイトの計算領域の最下端深度 $z_b$ (m)とし、深度 $z_b$ (m) の低減係数 $r_d$ を2つ目の回帰変数とした。











[PGV/PGA=0.00~0.05] [PGV/PGA=0.05~0.10] [PGV/PGA=0.10~0.15] [PGV/PGA=0.15~]

図-4.19 PGV/PGA区分による地中せん断応力の低減係数 raの深度分布傾向

### (3) 理論的考察

地中せん断応力の低減係数と地震動及び地盤特性について理論的な関連性について以下に示す。

重複反射理論から地中せん断応力は以下の式で表すこ とができる。

$$\tau = \rho \cdot \left( cv \cdot AVS \right) \cdot \left\{ \dot{u}s \left( t + \frac{z}{cv \cdot AVS} \right) - \dot{u}s \left( t - \frac{z}{cv \cdot AVS} \right) \right\}$$
(4.26)

上式より <sub>Tmax</sub>は以下のように表すことができ、

 $\tau_{max} = \rho \cdot (cv \cdot AVS) \cdot av \cdot PGV$  (4.27)  $r_d$  は地中せん断応力と地盤面のせん断応力の比率である ため式(4.28)を式(4.27)に代入して解くと、ある深度にお ける地中せん断応力の低減係数は式(4.29)となり、ndと地 表地震動および地盤特性を表す指標との関係性を導くこ とができる。

$$r_{d} = \frac{\tau_{\max}}{k_{h_{g}} \cdot \sigma_{v}}$$

$$= \frac{g}{PGA} \cdot \frac{\rho \cdot (cv \cdot AVS) \cdot av \cdot PGV}{\rho \cdot g \cdot z}$$

$$= \frac{PGV}{PGA} \cdot av \cdot \frac{cv \cdot AVS}{z}$$
(4.29)

式(4.29)について、基盤面深度における  $z \approx z_a \ge 0$ 、深度  $z_a$ における地中せん断応力の低減係数を  $r_{ab} \ge t$  るこ とで、式(4.30)のように表すことができる。この式から基 盤面深度  $z_b$ における地中せん断応力の低減係数  $r_a$  は地 表地震動諸元 PGA, PGV および地盤の特性を表す S 波速 度低下率 cv、表層地盤全体の平均 S 波速度 AVS、基盤面 深度  $z_b \ge -$ 定の関係を持つことが分かる。

$$r_{db} = \frac{PGV}{PGA} \cdot \alpha v \cdot \frac{cv \cdot AVS}{z_b}$$
(4.30)

### (4) 変数 a, r<sub>a</sub>と地表地震動及び地盤特性との相関

 $r_d$ と理論的な関係性をもつ $PGA, PGV, AVS, z_b$ について 単独、または組み合わせた複数のケースについて回帰変 数  $\alpha$  および  $r_d$  との相関を検討した。 $\alpha$  との相関図を図 -4.17 に、 $r_d$  との相関図を図-4.18 に示す。なお、S 波速 度低下率 cv については、設計式とすることを前提とした 場合、PS 検層等により S 波速度の把握が必須条件となる ことから指標から除外することとした。

検討結果は、aと地震動諸元等との相関性が低いのに対し、r<sub>db</sub>と地震動諸元等との相関が良い結果となった。これは、aが地表地点のr<sub>d</sub>深度方向分布の勾配をあらわす変数であるのに対し、r<sub>db</sub>は基盤深度におけるr<sub>d</sub>を表すもので、表層地盤全体の地震動および地盤特性の傾向を示すものであり、表層地盤の振動周期をあらわす PGV/PGAや、表層地盤全体の平均S波速度AVSとの相 関は良い結果となった。

さらに、図-4.19 に示すように 152 地点について r<sub>d</sub>と 相関の良かった PGV/PGA の大小および地盤種別で区分 しr<sub>d</sub>深さ方向分布の傾向を確認した。

地中せん断応力と地盤振動周期との関係は、地盤の卓 越周期が長周期となる程、地盤の慣性力が大きくなり、 地中せん断応力は低減しないという関係性がある。その ため、地盤の卓越周期の指標である*PGV/PGA*が大きく、 長周期が卓越する地盤ほど、地中せん断応力は低減しに くい傾向となる。また、地盤種別については、軟弱なIII 種地盤ほど地中せん断応力は低減しやすく、硬質な I 種 地盤ほど低減しにくい傾向となる。

図-4.19の r<sub>d</sub>深さ方向分布においても PGV/PGA が大きい右側の範囲のケースほど地中せん断応力が低減せず、 左側の範囲のケースはよく低減する傾向を概ね捉えている。

### (5) α・r<sub>ab</sub>関係式

変数αについては、地震動諸元等との相関が悪いため、 図-4.20 に示す r<sub>a</sub> との相関関係から導くこととした。



図-4.20 α-r<sub>d</sub>の相関図

 $a-r_{ab}$ の関係について、前述したように $r_{d}$ は1.0を超え ないため、 $r_{ab}$ が1.0に漸近する下に凸の双曲線型の回帰 曲線式(4.31)で近似することとした。回帰曲線の変数 a は 初期勾配を規定する変数であり、n は  $\alpha$  が極限値におけ る  $r_{ab}$ を示す変数である。変数 n は  $r_{ab}$ の漸近値を示す値 であるため、1.0 とする。変数 m については、最小二乗 法による平均をとる曲線とした場合、 $r_{d}$  深度分布の初期 勾配を表す  $\alpha$  を小さく評価するケースが多くなる。 $\alpha$  を 小さく評価することは、 $r_{d}$  深度分布の初期勾配が水平に 近い勾配となり、地中せん断応力が表層付近で大きく低 減することを示す。これは設計上危険側の結果となるため、設計上安全側となるように、曲線が $\alpha \cdot r_{ab}$ プロットの概ね上側を通るように $\alpha \ge r_{d}(20)$ とのプロットの平均からm=24.5に設定することとした。よって、 $\alpha$ は式(4.32)であらわされる。

$$r_{db} = \frac{\alpha}{m + n\alpha} \tag{4.31}$$

$$\alpha = 24.5 \times \frac{r_{db}}{1 - r_{db}} \tag{4.32}$$

ただし、前述したように、αは式(4.25)の制約条件が付き、式(4.33)により導くことができる。

$$\alpha = \min\left(\frac{24.5r_{db}}{1 - r_{db}}, \frac{z_b}{1 - r_{db}}\right) \tag{4.33}$$

### (6) rd 回帰式の設定

図-4.18に示した*r*<sup>*a*</sup>と理論的関係性をもつ各種指標との相関モデルのうち、最も相関性が高く*AVS*及び*z*<sup>*b*</sup>を含むことで各サイトの地盤特性の違いを捉えることのできる*PGV/PGA・AVS/z*<sup>*b*</sup>を選定し、図-4.21に示すように*r*<sup>*a*</sup>との回帰式を設定した。

回帰式は前述したように*r<sub>d</sub>*は1を超えないため、1に 漸近する上に凸の双曲線関数により概ね平均をとる以下 の曲線式とした。

$$r_{d_b} = \frac{A \cdot x}{1 + A \cdot x}$$

$$x = \frac{PGV}{PGA} \cdot \frac{AVS}{z_b}$$

$$A = 1.5$$
(4.34)

なお、図-4.22 に示すように $r_{ab} \ge PGV/PGA$ の関係は 地盤種別毎に分かれる傾向があり、これを指標とし地盤 種別で分ける式もケース2 として作成した。地盤種別ご とに原点を通る直線近似により概ね平均をとる一次関数 を設定した。ただし、 $r_{ab}$ が1を超えることはないため、  $r_{ab} \le 1.0 \ge 1.0$ 

	10.06(PGV/PGA)	I 種地盤	(4.35)
$r_{db} = \prec$	5.19( <i>PGV</i> / <i>PGA</i> )	Ⅱ種地盤	(4.36)
	3.53( <i>PGV</i> / <i>PGA</i> )	Ⅲ種地盤	(4.37)

ただし、 $r_{db} \leq 1.0$ 

### 4.4. r<sub>a</sub>式の検証

図-4.27 に示す東北地方太平洋沖地震における液状化



図-4.21 rabと PGV/PGA・AVS/Zbの関係



図-4.22 rabと PGV/PGAの関係

地点54地点を含む194地点において、地表地震動および 地盤特性より回帰した地中せん断応力の低減係数 r<sub>db</sub>式 (4.31)および細粒分を含む砂の液状化強度評価式を適用 し、液状化判定を行い、現行基準であるH24 道路橋示方 書による液状化判定結果と比較した。

 $r_d$ のパラメータとなる PGA, PGVは国総研地震動メッシュ推定値 <sup>55</sup>から地点ごとに設定し、AVS,  $z_b$ は各地点の N 値から設定した。

比較においては、液状化の有無と地盤の強度の影響を 検討するために、図-4.23,図-4.24に示すように換算 N 値 N<sub>1</sub>と地震時せん断応力比 L との関係図を作成した。図 中のプロットは各地点で最小 FL 値となった深度の N<sub>1</sub>・L をプロットし、曲線は液状化強度推定式(細粒分含有率 の区分に対応した換算 N 値と液状化強度比 R<sub>L</sub>の

### 3.8 液状化判定法の高精度化に関する研究①



関係)を示しており、この曲線の上側では液状化すると 判定され、これより下側では液状化しないと判定される ことになる。図-4.23 は道路橋示方書の細粒分による液 状化強度推定式、図-4.24 は、前述の細粒分による液状 化強度推定式を適用した曲線としている。

図-4.23 に示す H24 道路橋示方書による液状化判定結 果においては、液状化強度推定式の左上に液状化しなか った箇所が多数存在したが、図-4.24 に示す本検討で提 案した r<sub>d</sub>による地中せん断応力比Lの補正を行った結果 は、右下に存在する液状化しない箇所が増えていること から所謂「空振り」箇所が減少したことが確認できた。 このことから、細粒分含有率による液状化強度の見直し および地中せん断応力比の低減係数の見直しにより液状 化しない箇所の判定精度が向上したといえる。

ただし、図-4.24 のケースでは液状化した箇所でわず かに FL>1 となる所謂「取りこぼし」箇所が数箇所存在 する結果となった。これは、細粒分含有率の値を代表粒 径による一般値により設定していることが要因と考えら れたため、図-4.25,図-4.26 に示すように、最小FL と なっている深度で細粒分含有率を物理試験により評価し ている箇所のみを抽出した結果、「取りこぼし」は存在し ない結果となった。また、図-4.25,図-4.26 を比較する と、10% < FC  $\leq 20\%$ 、20% < FC  $\leq 30\%$ のグラフで液状 化しなかった地点が  $R_L$  曲線よりも右下側に移動しては っきりと分かれており、精度の向上が確認できた。

なお、式(4.35)~(4.37)を用いた液状化判定による L・ N<sub>1</sub>図についても式(4.32)とほぼ同様の結果であった。



図-4.27 液状化判定地点とその範囲

# 5. まとめ

本研究では、液状化判定法の高精度化を図ることを目 的として、特に、液状化の発生に及ぼす細粒分の影響、 年代効果の影響、地震動特性および地盤の応答特性の影 響に着目し、原位置地盤調査、室内試験、模型実験、強 震記録の分析など、様々なアプローチによる検討を行った。

得られた知見、成果をまとめると次のとおりである。

- 細粒分を含む砂〜細粒土を対象として数多くの原位 置試料の液状化試験データを収集した。細粒分を含 む砂〜細粒土については、物理特性、力学特性に大 きなばらつきが認められたものの、データの品質に 留意して分析を行った結果に基づき、繰返し三軸強 度比 R<sub>L</sub>、換算 N 値 N<sub>1</sub> と細粒分含有率 FC に関する 新たな相関式を作成した。
- 2) 液状化の発生に及ぼす年代効果の影響を明らかにするため、鉛直アレー記録の分析、動的遠心模型実験、 不攪乱試料およびその再構成試料の繰返し中空ねじりせん断試験を行った。その結果はいずれも、造成・ 堆積年代によって液状化の生じやすさが異なることを示すものであったが、その一方で、造成・堆積年 代によるコーン貫入抵抗、排水強度、S 波速度の差 異が小さいことが明らかとなった。このことは、年 代効果による液状化特性の差異を現在のサウンディ ング、物理検層等の手法によって検出することが難 しいことを示唆するものであり、液状化判定のための地盤調査手法の面で、今後のさらなる課題が残されることとなった。
- 3) 実地盤で得られた強震記録を基に、地震動特性と表層地盤の非線形応答特性を考慮した地中のせん断応 力分布を算出する方法を提案した。この手法を数多くの強震記録に適用することで、実地盤・実地震に おける数多くの地中せん断応力分布を算出した。また、その結果と地表地震動および地盤に関する指標 との関係について相関性を分析し、回帰式を作成した。
- 4) 細粒分を含む砂の液状化強度および地震時の地中せん断応力分布に関する新たな評価式を、東北地方太平洋沖地震における液状化・非液状化事例に適用することで、その妥当性および改善状況を確認した。

上記に示したとおり、土の液状化特性に与える年代効 果の評価方法については、定性的傾向を把握することは できたものの定量評価の面では課題が残されたため、今 後、さらなる検討を続けることが必要である。

また、社会資本の液状化対策を合理的に進める上では、 各種構造物に対する液状化の影響評価、すなわち、液状 化判定の結果に基づいて各種構造物の応答評価をいかに 合理的に行うかという観点で、さらなる検討が必要であ ると考えられる。

### 3.8 液状化判定法の高精度化に関する研究①

### 参考文献

- (社) 日本道路協会:道路橋示方書・同解説 V. 耐震設計 編, 2012.3.
- 2) 谷本俊輔, 鷲見浩司, 江川拓也, 石原雅規, 佐々木哲也: 細粒分を含む砂の液状化強度に関する調査 (その1, その 2), 第48回地盤工学研究発表会発表講演集, pp.487-490, 2013.7.
- 松尾修:道路橋示方書における地盤の液状化判定法の現状と今後の課題,土木学会論文集,No.757/Ⅲ-66, pp.1-20,2004.
- 4) 佐々木哲也,石原雅規,谷本俊輔,増山博之:東北地方 太平洋沖地震における液状化を踏まえた液状化判定法の 検討,土木研究所資料,第4280号,2014.1.
- 5) 国土交通省,液状化対策技術検討会議:「液状化対策技術 検討会議」検討成果,2011年
- 浦安市液状化対策技術検討調査委員会、(公社)地盤工学会、 (公社)土木学会、(一社)日本建築学会:第II編 地盤特性の 把握・液状化の要因分析、平成23年度浦安市液状化対策技 術検討調査報告書、2012年3月、pp.56-57.
- 7) 国土交通省国土政策技術総合研究所危機管理技術研究センター地震防災研究室:平成23年(2011年)東北地方太平洋沖地震による強震記録,国総研資料,第726号,2013年2月
- 8) Ohmachi, T. & Tahara, T.: Nonlinear earthquake response characteristics of a central clay core rockfill dam, *Soils and Foundations*, Vol.51, No.2, 2011.4, pp.227-238.
- 9) 風間基樹,柳澤英司,稲富隆昌,菅野高弘,稲垣紘史:ア レー観測記録から推定した神戸ポートアイランドの地盤 の応力-ひずみ関係,土木学会論文集,No.547/III-36, 1996 年, pp.171-182.
- 10) 國生剛治,松本正毅,佐藤清隆:非線形地盤応答から同定 された土の動的物性のひずみ依存性,第2回阪神・淡路大 震災に関する学術講演会論文集,1997年1月,pp.91-98.
- 大林淳,佐々木康:ポスト液状化地盤の体積圧縮特性とボ イリング継続時間,土木学会論文集,No.680/III-55,2001 年6月,pp.169-182.
- 12) 佐々木康,中山修,柳畑亨:液状化後の地盤内間隙水圧消 散解析への自重圧密理論の適用〜河川堤防の地震被害軽 減策の合理化を目指して〜,JICE REPORT, Vol.18, 2010 年12月, pp.18-25.
- 13) 三笠正人:軟弱粘土の圧密-新圧密理論とその応用, 鹿島 出版会, 1963年10月
- 14) 高田直俊:軟弱粘土の自重圧密過程の数値解析,土木学会 論文集,No.334,1983年6月,pp.113-121.
- 15) 地盤工学会:土質試験 基本と手引き,第一回改訂版,2001 年3月

- 福田光治, 宇野尚雄: 透水係数に関係する粒度分布と間隙 指標, 土木学会論文集, No.561/III-38, 1997年3月, pp.193-204.
- 17) 岩崎敏男,龍岡文夫,常田賢一:N値等による飽和砂質土 の非排水動的強度推定式の検討,第13回土質工学研究発表 会発表講演集,pp.473-476,1978.
- 18) 川口剛,谷本俊輔,佐々木哲也:地震動特性と地盤の非線 形応答特性を考慮した地中せん断応力の評価方法,日本地 震工学論文集, Vol.16, No.1, pp.1\_106-1\_125, 2016.1.
- 19) 国土交通省関東地方整備局,公益社団法人地盤工学会: 東北地方太平洋沖地震による関東地方の地盤液状化現象の実態解明報告書,2011.8.
- 20) 東日本大震災合同調査報告書編集委員会:4.1.3 砂の液状 化抵抗における年代効果,東日本大震災合同調査報告書 共通編3 地盤災害,2014.4.
- 21) 吉見吉昭:砂地盤の液状化(第二版),技報堂出版,1991.
- 22) 岩崎敏男,常田賢一,木全俊雄:地震時における砂質地 盤の液状化判定法と耐震設計への適用に関する研究,土 木研究所資料,第1729号,1981.9.
- 太田裕:地盤工学への最適化法の適用-1. 八戸港湾 SMAC 設置点の地下構造推定,日本建築学会論文報告集,第229 号,pp.35-41,1975.3.
- 24) 三村衛,吉村貢:講座 室内試験・原位置試験結果の設計への反映 6.原位置試験による液状化評価,地盤工学会誌, Vol.61, No.8, pp.65-72, 2013.8.
- 25) 東拓生、大塚久哲、二宮嘉朗:砂質土の相対密度を考慮した液状化強度曲線の定式化、土木学会年次学術講演会、 第49回III-269、pp.528-529、1994.
- 26) 若松加寿江,安田進,吉田望,吉原正:埋立地における 液状化履歴(その3)エージングが液状化抵抗に及ぼす影響,第27回土質工学研究発表会発表講演集,pp.1063-1066, 1992.6.
- Imai, T.: P- and S-wave velocities of the ground in Japan, Proc., 9th ISSMFE, Tokyo, Vol.2, pp.257-260, 1977.
- 28) 谷本俊輔,川口剛,佐々木哲也:鉛直アレー記録に基づく埋立地盤の液状化発生深度の評価,第14回日本地震工 学シンポジウム論文集,pp.2301-2310,2014.12.
- 29) 松尾修, 東拓生: 液状化の判定法, 土木技術資料, No.39, Vol.2, pp.20-25, 1997.2.
- 30) 国土交通省国土地理院:電子国土基本図(地図情報), http://www.gsi.go.jp/kibanjoho/mapinfo\_what.html, 2014 年.5 月
- 31) 若松加寿江,先名重樹:2011 年東北地方太平洋沖 地震による東北地方と関東地方の液状化発生地点 とその特徴,第14回日本地震工学シンポジウム論 文集,pp.2281-2290,2014.12.

- 32) 国土交通省水管理・国土保全局治水課:レベル2地 震動に対する河川堤防の耐震点検マニュアル, 2012.2.
- 33) 国土庁防災局震災対策課:液状化地域ゾーニングマ ニュアル(平成10年度版), 1999.1.
- 34) 海野寿康,風間基樹,渦岡良介,仙頭紀明:同一繰返しせん断履歴における乾燥砂と飽和砂の体積収縮量の関係,土木学会論文集 C, Vol.62, No.4, pp.757-766, 2006.11.
- 35) Ishihara, K. & Yoshimine, M.: Evaluation of settlement in sand deposits following liquefaction during earthquakes, *Soils and Foundations*, Vol.28, No.1, pp.173-188, 1992.
- 36) 石原研而,原田健二,酒井運雄:攪乱・不攪乱試料 に基づく液状化による体積変化特性,第48回地盤工 学研究発表会発表講演集,pp.1865-1866,2013.7.
- 37) 國生剛治:地震地盤動力学の基礎 エネルギー的視 点を含めて, 鹿島出版会, 2014.1.
- 38) 吉田望,規矩大義:液状化解析に用いる砂の体積変 化特性モデルに関する検討,第32回地盤工学研究発 表会発表講演集,pp.889-890,2007.7.
- 39) 仙頭紀明,風間基樹,渦岡良介:非排水繰返しせん 断履歴後の再圧密実験と体積収縮特性のモデル化, 土木学会論文集,No.764/III-67, pp.307-317, 2004.
- 40) 渦岡良介,仙頭紀明,清水智子,加村晃良,風間基 樹:有効応力解析における最小有効応力の設定方法 と沈下の簡易予測,土木学会論文集 C, Vol.63, No.3, pp.pp.806-811, 2007.8.
- 佐藤正行,安田進,吉田望,増田民夫:地盤の地震時せん断応力の簡易推定法,土木学会論文集,No.630/III-45, pp.83-96, 1998.12.
- 42) 小林寛,田村敬一,谷本俊輔:地盤の周期特性を考慮した地震時せん断応力比の簡易評価手法に関する検討,土 木学会第57回年次学術講演会講演概要集,2002.9.
- 43) 風間基樹:地震時の地中せん断応力比の再考察,土と基礎, Vol.47, No.8, pp.13-16, 1999.8.
- 44) 杉戸真太,会田尚義,増田民夫:周波数特性を考慮した
   等価ひずみによる地盤の地震応答解析法に関する一考察, 土木学会論文集, No.493, III-27, pp.49-58, 1994.
- 45) 吉田望: DYNEQ A computer program for DYNamic response of level ground by Equivalent linear method Version3.34, 2010.12.
- 46) 時松孝次,翠川三郎:地表で観測された強震記録から推定した表層地盤の非線形性状,日本建築学会構造系論文報告集,第388号,pp.131-137,1988.6.
- 47) 時松孝次: 1964 年新潟地震における川岸町アパートの被

害と強震記録,地盤と土構造物の地震時の挙動に関する シンポジウム発表論文集, pp.44-49, 1989.

- 48) 時松孝次,古山田耕司,岩崎友洋:鉛直アレー強震記録 から推定した地盤の動的特性,第28回土質工学研究発表 会発表講演集,pp.1139-1140,1993.6.
- 49) 時松孝次,翠川三郎,関口徹,三浦弘之:K-NET・JMA 小千谷の強震記録から推定される表層地盤の非線形性状, 第 40 回地盤工学研究発表会発表講演集,No.1058, pp.2111-2112, 2005.
- 50) 時松孝次,関口徹:室内試験から求めた K-NET・JMA小 千谷の動的変形特性と強震記録に見られる非線形性状と の関係,第40回地盤工学研究発表会発表講演集,No.1059, pp.2113-2114, 2005.
- 51) 鈴木比呂子,時松孝次,新井洋,翠川三郎:2007 年能登 半島地震における K-NET 穴水・JMA 輪島の強震記録から 推定した粘性土地盤の非線形性状,日本建築学会構造系 論文集, Vol.74, No.645, pp.2003-2010, 2009.11.
- 52) 吉田望,若松加寿江:土の繰返しせん断特性のモデル化 と地質年代・堆積環境の影響,地盤工学ジャーナル, Vol.8, No.2, pp.265-284, 2013.6.
- 53) 脇中康太,谷本俊輔,石原雅規,佐々木哲也:地震履歴 が砂の液状化強度に及ぼす影響に関する動的遠心模型実 験,第 14 回日本地震工学シンポジウム論文集, pp.2321-2330, 2014.12.
- 54) 港湾空港技術研究所ほか:港湾地域強震観測, http://www.eq.pari.go.jp/kyosin/
- 55) 国土交通省国土技術政策総合研究所 防災研究所国土防災研究 室 : 東 日 本 大 震 災 関 連 情 報 , http://www.nilim.go.jp/lab/rdg/earthquake/2011ej.htm
- 56) 坂井公俊,室野剛隆:地盤の等価1自由度モデルを用いた動的解析法の提案,第14回日本地震工学シンポジウム,2014
- 57) 防災科学技術研究所:強震観測網(K-NET,KiK-net), http://www.kyoshin.bosai.go.jp/kyoshin/
- 58) 国土交通省国土技術政策総合研究所 地震防災研究室:平 成23年(2011年)東北地方太平洋沖地震による強震記録, 国総研資料726号
- 59) 建設省土木研究所:土木構造物における加速度強震記録 (No.21),土木研究所彙報第64号,1995.6

# RESEARCH ON A HIGH-PRECISION ASSESSMENT METHOD OF SOIL LIQUEFACTION

Budged : Grants for operating expenses General account Research Period : FY2012-2016 Research Team : Geology and Geotechnical Engineering Research Group (Soil Mechanics and Dynamics Research Team) Author : SASAKI Tetsuya ISHIHARA Masanori TANIMOTO Shunsuke

- **Abstract**: In The 2011 off the Pacific coast of Tohoku Earthquake, Great liquefaction damage occurred over a very wide area, and had large influence on society. It is the urgent subject to advance the countermeasure of infrastructures against liquefaction for mitigation of the damage caused by next large earthquake. The purpose of this study is to establish a high-precision assessment method of soil liquefaction for the ground which has various soil properties and geological structure in Japan. As the result of this study, we proposed new evaluating methods on liquefaction resistance of fine contained sand and reduction factor of seismic shear stress ratio of ground. And a certain knowledge was obtained about aging effect to soil liquefaction.
- Key Words : Assessment of soil liquefaction, Earthquake history, Dynamic centrifuge model test, Seismic shear stress, Earthquake motion characteristics, Non-linear site response characteristics